

KMP, AHO-CORASICK

Petr Ryšavý

14. září 2022

Katedra počítačů, FEL, ČVUT

KNUTT-MORRIS-PRATT

LINEÁRNÍ VYHLEDÁVÁNÍ V TEXTU

Definice Necht' T a p jsou slova nad abecedou Σ . Nalezněte všechna $i \in \{1, 2, \dots, |T| - |p| + 1\}$, že $T_i^{i+|p|-1} = p$.

- Neformálně: naleznete všechny výskyty slova p v textu T .

- Porovnáváme každý znak textu s každým znakem patternu.
- Až $\mathcal{O}(|T| \cdot |p|)$.

- Porovnáváme každý znak textu s každým znakem patternu.
- Až $\mathcal{O}(|T| \cdot |p|)$.

- Chtěli bychom získat ideálně lineární čas běhu. Jak ho docílit?

KNUTT-MORRIS-PRATT (KMP) ALGORITHMUS

- Při každém posunutí patternu zapomeneme na všechnu práci, kterou jsme doposud provedli.
- Využijme úspěšných zarovnáání, která jsme zatím provedli.

- Máme zarovnaný prefix, známe tedy předcházející znaky. Hledejme konec tohoto zarovnání, který je prefixem p , abychom o tuto znalost nepřišli.
- Formálně pro každou pozici $i \in \{1, 2, \dots, |p|\}$ hledáme suffix p_1^i , který je „proper“ prefix p_1^i .
- Nikdy nejdeme v textu zpět

```
function KMP( $T, p$ ) returns All occurrences of  $p$  in  $T$   
   $lps \leftarrow$  LONGEST-PREFIX-SUFFIX( $p$ )  
   $i \leftarrow 0, j \leftarrow 0$   
  while  $i < |T|$  do  
    if  $p_j = T_i$  then ▷ Match on this position, extend  
       $i \leftarrow i + 1, j \leftarrow j + 1$   
      if  $j = |p|$  then ▷ Match found!  
        register match  
         $j \leftarrow lps[j - 1]$   
      end if  
    else ▷ Mismatch on this position, shift the pattern  
      if  $j \neq 0$  then  $j = lps[j - 1]$  ▷ Do not increase  $i$   
      else  $i \leftarrow i + 1$   
    end if  
  end while  
end function
```

PŘEDZPRACOVÁNÍ PATTERNŮ

- Použijme dynamické programování
- Využijme toho, že známe výsledek pro kratší pattern

Předzpracování patternu

function LONGEST-PREFIX-SUFFIX(p) **returns** lps

$len \leftarrow 0$

$lps[0] \leftarrow 0$

$i \leftarrow 1$

▷ For iteration over p

while $i < |p|$ **do**

if $p_i = p_{len}$ **then**

▷ Match, extend the prefix

$len \leftarrow len + 1$

$lps[i] \leftarrow len$

$i \leftarrow i + 1$

else

if $len \neq 0$ **then**

▷ Some prefix matches, check shorter

$len \leftarrow lps[len - 1]$

▷ Do not increase i

else

$lps[i] = 0$

$i \leftarrow i + 1$

end if

end if

end while

end function

ČAS BĚHU

- Na každý match se posuneme o jedna v textu a nikdy se nevracíme.
- Na každý mismatch posuneme pattern alespoň o jedna.
- Dohromady tedy nejhůře $\mathcal{O}(|T| + |T| - |p| + 1) = \mathcal{O}(|T|)$

- Zpracováváme pattern délky $|p|$.
- Aby nedošlo k inkrementaci i , musela být nejdříve zvýšena hodnota len
- K inkrementaci i tedy nedojde nejvýše $|p|$ -krát
- Dohromady tedy $\mathcal{O}(2|p|) = \mathcal{O}(|p|)$

$$\mathcal{O}(|T| + |p|)$$

AHO-CORASICK

VYHLEDÁVÁNÍ MNOŽINY ŘETĚZCŮ

Definice *Nechť T je slovo a P je množina slov nad abecedou Σ .*

Nalezněte všechna $i \in \{1, 2, \dots, |T|\}$, že $T_i^{i+|p|-1} = p$ pro nějaké $p \in P$.

- Neformálně: naleznete všechny výskyty slov z množiny P v textu T .

- Nejpřímochařejší řešení je pustit $|P|$ krát KMP algoritmus
- Čas běhu je pak $\mathcal{O}(|P|(|p| + |T|))$
- Lze lépe?

AHO-CORASICKŮV ALGORITMUS

- Sestrojíme trii z databáze slov

- Sestrojíme trii z databáze slov
- Doplňme *failure links*
 - Podobně jako v KMP pole `lps` představují nejdelší proper prefix nějakého slova, který je suffixem toho co zatím máme zarovnané

- Sestrojme trii z databáze slov
- Doplňme *failure links*
 - Podobně jako v KMP pole `lps` představují nejdelší proper prefix nějakého slova, který je suffixem toho co zatím máme zarovnané
- Průchod je podobný průchodu KMP

- Sestrojíme trii z databáze slov
- Doplňme *failure links*
 - Podobně jako v KMP pole `lps` představují nejdelší proper prefix nějakého slova, který je suffixem toho co zatím máme zarovnané
- Průchod je podobný průchodu KMP
- Potřebujeme *output links*

- Podobné jako v KMP - v každém kroku se posuneme o 1 v textu, nebo
- trie se posune o 1 vpravo
- Potřebujeme tedy $\mathcal{O}(|T| + z)$ + čas na sestrojení trie
- z je počet výskyt slov z P v T (může jich být až kvadraticky)

LINEÁRNÍ VYBUDOVÁNÍ LINKŮ V TRII

- Postupujeme BFS od kořene dolů
- Potomci kořene v případě chyby odkazují na kořen
- Pro každý uzel u hledáme fail nodes jeho potomků v
 - využijeme znalosti fail node f uzlu u
 - hledáme hranu z f ohodnocenou stejně jako je hrana (u, v)
 - neexistuje-li, pokračujeme z fail nodu uzlu f rekurzivně

- Zaměříme se na jedno slovo z trie
- Výpočet jeho fail nodes je obdobný výpočtu fail nodes v KMP
- Nelze jít vícekrát zpět než jsme měli hran doprava v trii
- Celkem tedy $\mathcal{O}(\sum_{p \in P} |p|)$

- Potřebujeme vyřešit situace, kdy máme slova jako {he, she}
- Při tvorbě fail links ověříme, zda je fail link na koncový vrchol f
- Pokud ano, nastavme output link na f
- Jinak nastavme output link na output link f
- Neovlivníme čas běhu

- Pěkná implementace (a zdroj pro pseudokód)

<https://www.geeksforgeeks.org/kmp-algorithm-for-pattern-searching/>

- <https://www.youtube.com/watch?v=BXCEFAzhxGY>

- https://www.youtube.com/watch?v=ePafMI_rSJg,
<https://www.youtube.com/watch?v=qPyhPXP13T4>,
https://www.youtube.com/watch?v=IcXimoT_YXA
- Přednáška ze Stanfordu: <http://web.stanford.edu/class/archive/cs/cs166/cs166.1166/lectures/02/Small02.pdf>

DĚKUJI ZA POZORNOST.
ČAS NA OTÁZKY!