

Struktury a uniony, přesnost výpočtů a vnitřní reprezentace číselných typů

Jan Faigl

Katedra počítačů
Fakulta elektrotechnická
České vysoké učení technické v Praze

Přednáška 06

BAB36PRGA – Programování v C

Struktura – struct

- Struktura je konečná množina prvků (proměnných), které nemusí být stejného typu.
- Skladba struktury je definovaná uživatelem jako nový typ sestavený z již definovaných typů.
- K prvkům struktury **přístupujeme tečkovou notací**, např. `struct_proměnná.prvek`.
- K prvkům můžeme přistupovat přes ukazatel operátorem `->`, např. `proměnná_typu_ukazatel_na_struct->prvek`.
- Pro struktury stejného typu je definován operátor přiřazení**, `var_struct1 = var_struct2;`
- Struktury (jako celek) **nelze** porovnávat relačním operátorem `==`.
- Struktura může být funkcí předávána hodnotou i ukazatelem.
- Struktura může být návratovou hodnotou funkce.

Příklad struct – Inicializace

- Struktury:

```
1 struct record {          1 typedef struct {
2     int number;          2     int n;
3     double value;        3     double v;
4 };                        4 } item;
```
- Proměnné typu struktura můžeme inicializovat prvek po prvků.

```
1 struct record r;
2 r.value = 21.4;
3 r.number = 7;
```
- Podobně jako pole lze inicializovat přímo při definici

```
1 item i = { 1, 2.3 };
```
- nebo pouze konkrétní položky (ostatní jsou nulovány).

```
1 struct record r2 = { .value = 10.4 };
```

Přehled témat

- Část 1 – Struktury a uniony
Struktury – struct
Proměnné se sdílenou pamětí – union
Příklad
Základní číselné typy a jejich reprezentace v počítači
Typové konverze
Matematické funkce
S. G. Kochan: kapitola 9 a 17
- Část 2 – Přesnost výpočtů a vnitřní reprezentace číselných typů
S. G. Kochan: kapitola 14 (typové konverze)
- Část 3 – Zadání 6. domácího úkolu (HW6)
Appendix – Kódovací příklady

Příklad struct – Definice

- Bez zavedení nového typu (`typedef`) je nutné před identifikátor jména struktury uvádět klíčové slovo `struct`.
- Jméno struktury je ve jmenném prostoru složených typů (struktur).

```
1 struct record {          1 typedef struct {
2     int number;          2     int n;
3     double value;        3     double v;
4 };                        4 } item;
```

```
1 record r; /* IT IS NOT ALLOWED! */
2           /* Type record is not known */
4 struct record r; /* Keyword struct is required */
5 item i; /* type item defined using typedef */
```
- Zavedením nového typu `typedef` používáme definovaný typ a nemusíme používat (a ani definovat) jméno struktury. `lec06/struct.c`

Příklad struct jako parametr funkce

- Struktury můžeme předávat jako parametry funkcí hodnotou.

```
1 void print_record(struct record rec) {
2     printf("record: number(%d), value(%lf)\n",
3     rec.number, rec.value);
4 }
```
- Nebo hodnotou ukazatele

```
1 void print_item(item *v) {
2     printf("item: n(%d), v(%lf)\n", v->n, v->v);
3 }
```
- Při předávání parametru
 - hodnotou** se vytváří nová proměnná a původní obsah předávané struktury se kopíruje na zásobník (pro složený typ je definován operátor přiřazení);
 - hodnotou ukazatele** se kopíruje pouze hodnota ukazatele (adresa) a pracujeme tak s původní strukturou. `lec06/struct.c`

Část I

Část 1 – Struktury a uniony

Definice jména struktury a typu struktury

- Uvedením `struct record` zavádíme nové jméno struktury `record`.

```
1 struct record {
2     int number;
3     double value;
4 };
```

 - Definujeme identifikátor `record` ve jmeném prostoru struktur.
- Definicí typu `typedef` zavádíme nové jméno typu `record`.

```
1 typedef struct record record;
```

 - Definujeme globální identifikátor `record` jako jméno typu `struct record`.
- Obojí můžeme kombinovat v jediné definici jména a typu struktury.

```
1 typedef struct record {          1 typedef struct record_struct_name {
2     int number;                2     int number;
3     double value;              3     double value;
4 } record;                       4 } record_type;
```

Složený typ, operátor přiřazení a pole jako prvek složeného typu 1/2

- Velikost složeného typu musí být známa během překlady, proto můžeme mít definovaný operátor přiřazení. *Nebo naopak, abychom mohli jednoduše přiřazovat, tak potřebujeme znát velikost typu.*
- Prvek složeného typu může být pole (definované velikosti) nebo ukazatel.

```
1 void print(const char *str, int n, int *a);  18 for (int i = 0; i < n; ++i) {
2 #define N 10 // We need named literal.      19     s1.a[i] = n - i;
3 int main(void)                               20 }
4 {                                             21 print("s1.a", n, s1.a);
5     struct { // Anonymous struct            22 print("s2.a", n, s2.a);
6         int a[N]; // Defined size, no VLA    23 return 0;
7     } s1, s2; // Two struct variables        24 // end main()
8     printf("s1 %p; s2 %p\n", &s1, &s2);     26 void print(const char *str, int n, int *a) {
9     for (int i = 0; i < n; ++i) {           27     printf("%s %p: ", str, a);
10        s1.a[i] = i;                          28     for (int i = 0; i < n; ++i) {
11    }                                           29         printf("%d%s", a[i], i < (n-1) ? ", " : "\n");
12    print("s1.a", n, s1.a);                    30 }
13    s2 = s1; // Assignment                    31 }
14    print("s2.a", n, s2.a);
15    }
16    }
17    }
18    }
19    }
20    }
21    }
22    }
23    }
24    }
25    }
26    }
27    }
28    }
29    }
30    }
31    }
32    }
33    }
34    }
35    }
36    }
37    }
38    }
39    }
40    }
41    }
42    }
43    }
44    }
45    }
46    }
47    }
48    }
49    }
50    }
51    }
52    }
53    }
54    }
55    }
56    }
57    }
58    }
59    }
60    }
61    }
62    }
63    }
64    }
65    }
66    }
67    }
68    }
69    }
70    }
71    }
72    }
73    }
74    }
75    }
76    }
77    }
78    }
79    }
80    }
81    }
82    }
83    }
84    }
85    }
86    }
87    }
88    }
89    }
90    }
91    }
92    }
93    }
94    }
95    }
96    }
97    }
98    }
99    }
100   }
```

Struktury – struct Union Příklad Repräsentace číselných typů Typové konverze Matematické funkce

Složený typ, operátor přiřazení a pole jako prvek složeného typu 2/2

Příklad `lec06/demo-struct_array.c`

- Používáme anonymní složený typ - definice strukturu přímo v definici proměnných `s1` a `s2`.
- Musíme použít textový literál pro definici velikosti položky `a` jako pole definované délky.
- Ve funkci `print()` tiskneme hodnotu adresy, kde je alokované pole.

V našem případě se shoduje s adresou, kde je struktura uložena. Struktura je „organizovaný“ pohled na blok paměti důležitý zejména pro zpřehlední programu. Při běhu programu vlastně není nutné mít v paměti dílčí jména prvků složeného typu.

```
s1 0x7fffffff840; s2 0x7fffffff818
s1.a 0x7fffffff840: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9
s2.a 0x7fffffff818: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9
s1.a 0x7fffffff840: 10, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3, 2, 1
s2.a 0x7fffffff818: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9
```

- V příkladu si vyzkoušejte chování překladu a programu v případě použití VLA nebo konstantní proměnné definující velikost pole.
- Pole definované velikostí nahraďte dynamicky alokovaným polem.

Jan Faigl, 2024 BAB36PRGA – Přednáška 06: Struktury, unie a číselné typy 11 / 54

Struktury – struct Union Příklad Repräsentace číselných typů Typové konverze Matematické funkce

Struktura struct a velikost

- Vnitřní reprezentace struktury nutně nemusí odpovídat součtu velikostí jednotlivých prvků.

```
1 struct record {                1 typedef struct {
2     int number;                2     int n;
3     double value;              3     double v;
4 };                             4 } item;
```

```
1 printf("Size of int: %lu size of double: %lu\n", sizeof(int), sizeof(double));
2 printf("Size of record: %lu\n", sizeof(struct record));
3 printf("Size of item: %lu\n", sizeof(item));
```

```
Size of int: 4 size of double: 8
Size of record: 16
Size of item: 16
```

`lec06/struct.c`

Jan Faigl, 2024 BAB36PRGA – Přednáška 06: Struktury, unie a číselné typy 14 / 54

Struktury – struct Union Příklad Repräsentace číselných typů Typové konverze Matematické funkce

Proměnné se sdílenou pamětí – union

- **Union** je množina prvků (proměnných), které nemusí být stejného typu.
- Prvky unionu sdílejí společně stejná paměťová místa.

Překrývají se

- Velikost unionu je dána velikostí největšího z jeho prvků.
- Skladba unionu je definována uživatelem jako nový typ sestavený z již definovaných typů.
- K prvkům unionu se přistupuje tečkovou notací.
- Pokud nedefinujeme nový typ, je nutné k identifikátoru proměnné unionu uvádět klíčové slovo `union`.

Podobně jako u struktury struct.

```
1 union Nums {
2     char c;
3     int i;
4 };
5 Nums nums; /* THIS IS NOT ALLOWED! Type Nums is not known! */
6 union Nums nums;
```

Jan Faigl, 2024 BAB36PRGA – Přednáška 06: Struktury, unie a číselné typy 18 / 54

Struktury – struct Union Příklad Repräsentace číselných typů Typové konverze Matematické funkce

Příklad struct – Přiřazení

- Hodnoty proměnné stejného typu struktury můžeme přiřadit operátorem `=`.

```
1 struct record {                1 typedef struct {
2     int number;                2     int n;
3     double value;              3     double v;
4 };                             4 } item;
```

```
1 struct record rec1 = { 10, 7.12 };
2 struct record rec2 = { 5, 13.1 };
3 item i;
4 print_record(rec1); /* number(10), value(7.120000) */
5 print_record(rec2); /* number(5), value(13.100000) */
6 rec1 = rec2;
7 i = rec1; /* IT IS NOT ALLOWED! */
8 // Different types, albeit with the same memory representation.
9 print_record(rec1); /* number(5), value(13.100000) */
```

`lec06/struct.c`

Jan Faigl, 2024 BAB36PRGA – Přednáška 06: Struktury, unie a číselné typy 12 / 54

Struktury – struct Union Příklad Repräsentace číselných typů Typové konverze Matematické funkce

Struktura struct a velikost 1/2

- Při kompilaci zpravidla dochází k zarovnání prvků na velikost slova příslušné architektury.

Např. 8 bytů v případě 64-bitové architektury. Jednotlivé prvky jsou na adrese v násobNapř. 8 bytů v případě 64-bitové architektury.

- Můžeme explicitně předepsat kompaktní paměťovou reprezentaci, např. direktivou `__attribute__((packed))` překladací `clang` a `gcc`.

```
1 struct record_packed {
2     int n;
3     double v;
4 } __attribute__((packed));
```

`lec06/struct.c`

Jan Faigl, 2024 BAB36PRGA – Přednáška 06: Struktury, unie a číselné typy 15 / 54

Struktury – struct Union Příklad Repräsentace číselných typů Typové konverze Matematické funkce

Příklad union 1/2

- Union složený z proměnných typu: `char`, `int` a `double`.

```
1 int main(int argc, char *argv[])
2 {
3     union Numbers {
4         char c;
5         int i;
6         double d;
7     };
8     printf("size of char %lu\n", sizeof(char));
9     printf("size of int %lu\n", sizeof(int));
10    printf("size of double %lu\n", sizeof(double));
11    printf("size of Numbers %lu\n", sizeof(union Numbers));
12
13    union Numbers numbers;
14    printf("Numbers c: %d i: %d d: %lf\n", numbers.c, numbers.i, numbers.d);
15 }
```

- Příklad výstupu.

```
size of char 1
size of int 4
size of double 8
size of Numbers 8
Numbers c: 48 i: 740313136 d: 0.000000
```

`lec06/union.c`

Jan Faigl, 2024 BAB36PRGA – Přednáška 06: Struktury, unie a číselné typy 19 / 54

Struktury – struct Union Příklad Repräsentace číselných typů Typové konverze Matematické funkce

Příklad struct – Přímá kopie paměti

- Jsou-li dvě struktury stejně veliké, můžeme přímo kopírovat obsah příslušné paměťové oblasti.

Například funkci `memcpy()` z knihovny `string.h`

```
1 struct record r = { 7, 21.4};
2 item i = { 1, 2.3 };
3 print_record(r); /* number(7), value(21.400000) */
4 print_item(&i); /* n(1), v(2.300000) */
5 if (sizeof(i) == sizeof(r)) {
6     printf("i and r are of the same size\n");
7     memcpy(&i, &r, sizeof(i));
8     print_item(&i); /* n(7), v(21.400000) */
9 }
```

- V tomto případě je interpretace hodnot v obou strukturách identická, obecně tomu však být nemusí. Například v případě změny pořadí prvků typu `int` a `double`.

`lec06/struct.c`

Jan Faigl, 2024 BAB36PRGA – Přednáška 06: Struktury, unie a číselné typy 13 / 54

Struktury – struct Union Příklad Repräsentace číselných typů Typové konverze Matematické funkce

Struktura struct a velikost 2/2

- Nebo

```
1 typedef struct __attribute__((packed)) {
2     int n;
3     double v;
4 } item_packed;
```

- Příklad výstupu:

```
1 printf("Size of int: %lu size of double: %lu\n", sizeof(int), sizeof(double));
2 printf("record_packed: %lu\n", sizeof(struct record_packed));
3 printf("item_packed: %lu\n", sizeof(item_packed));
```

```
Size of int: 4 size of double: 8
Size of record_packed: 12
Size of item_packed: 12
```

`lec06/struct.c`

- Zarovnání zpravidla přináší rychlejší přístup do paměti, ale zvyšuje paměťové nároky.

<http://www.catb.org/esr/structure-packing>

<https://stackoverflow.com/questions/4306186/structure-padding-and-packing>

Jan Faigl, 2024 BAB36PRGA – Přednáška 06: Struktury, unie a číselné typy 16 / 54

Struktury – struct Union Příklad Repräsentace číselných typů Typové konverze Matematické funkce

Příklad union 2/2

- Proměnné sdílejí paměťový prostor.

```
1 numbers.c = 'a';
2 printf("nSet the numbers.c to 'a'\n");
3 printf("Numbers c: %d i: %d d: %lf\n", numbers.c, numbers.i, numbers.d);
4
5 numbers.i = 5;
6 printf("nSet the numbers.i to 5\n");
7 printf("Numbers c: %d i: %d d: %lf\n", numbers.c, numbers.i, numbers.d);
8
9 numbers.d = 3.14;
10 printf("nSet the numbers.d to 3.14\n");
11 printf("Numbers c: %d i: %d d: %lf\n", numbers.c, numbers.i, numbers.d);
```

- Příklad výstupu

```
Set the numbers.c to 'a'
Numbers c: 97 i: 1374389601 d: 3.140000
Set the numbers.i to 5
Numbers c: 5 i: 5 d: 3.139999
Set the numbers.d to 3.14
Numbers c: 31 i: 1374389535 d: 3.140000
```

`lec06/union.c`

Jan Faigl, 2024 BAB36PRGA – Přednáška 06: Struktury, unie a číselné typy 20 / 54

Inicializace union

- Proměnnou typu `union` můžeme inicializovat při definici.

```
1 union {
2   char c;
3   int i;
4   double d;
5 } numbers = { 'a' };
```

Pouze první položka (proměnná) může být inicializována.

- V C99 můžeme inicializovat konkrétní položku (proměnnou).

```
1 union {
2   char c;
3   int i;
4   double d;
5 } numbers = { .d = 10.3 };
```

Příklad struktura, pole a výčtový typ 3/3

- Detekci národního prostředí provedeme podle hodnoty proměnné prostředí.

Pro jednoduchost detekujeme češtinu na základě výskytu řetězce "cs" v hodnotě proměnné prostředí LC_CTYPE.

```
35 _Bool cz = 0;
36 while (*envp != NULL) {
37   if (strstr(*envp, "LC_CTYPE") && strstr(*envp, "cs")) {
38     cz = 1;
39     break;
40   }
41   envp++;
42 }
43 const week_day_s *days = cz ? days_cs : days_en;
44 printf("%d %s %s\n", day_of_week,
45        days[day_of_week].name,
46        days[day_of_week].abbr
47        );
48 return 0;
49 }
50 }
51 }
52 }
53 }
54 }
55 }
56 }
57 }
58 }
59 }
60 }
```

V programu jsme využili koncept definování datových struktur, které následně programově přepínáme a využíváme. Alternativně můžeme data načítat ze souboru. V programu se snažíme obecně pracovat s datovými strukturami.

Reprezentace dat v počítači

- V počítači není u datové položky určeno jaký konkrétní datový typ je v paměti uložen.
- Proto musíme přidělení paměti **definovat** s jakými typy dat budeme pracovat.
- Překladač tuto definici hlídá a volí odpovídající strojové instrukce pro práci s daty, např. jako s odpovídajícími číselnými typy.

Např. necelocíselné (float) typy a využití tzv. FPU (Floating Point Unit).

Příklad zápisů stejného čísla v různých soustavách.

- 0100 0001₍₂₎ – binární zápis jednoho bajtu (8-mi bitů);
- 65₍₁₀₎ – odpovídající číslo v dekadické soustavě;
- 41₍₁₆₎ – odpovídající číslo v šestnáctkové soustavě;
- Obsah paměťového místa 0100 0001₍₂₎ o velikosti 1 byte může být interpretován jako znak A.

Příklad struktura, pole a výčtový typ 1/3

- Hodnoty (konstanty) výčtového typu jsou celá čísla, která mohou být použita jako indexy (pole).
- Také je můžeme použít pro inicializaci pole struktur.

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #include <string.h>
4
5 enum weekdays { MONDAY, TUESDAY, WEDNESDAY, THURSDAY, FRIDAY };
6
7 typedef struct {
8   char *name;
9   char *abbr; // abbreviation
10 } week_day_s;
11
12 const week_day_s days_en[] = {
13   [MONDAY] = { "Monday", "mon" },
14   [TUESDAY] = { "Tuesday", "tue" },
15   [WEDNESDAY] = { "Wednesday", "wed" },
16   [THURSDAY] = { "Thursday", "thr" },
17   [FRIDAY] = { "Friday", "fri" },
18 };
19
20 int main(int argc, char *argv[], char **envp)
21 {
22   if (argc < 2) return 1;
23   int day_of_week = atoi(argv[1]);
24   if (day_of_week < 1 || day_of_week > 5) {
25     fprintf(stderr, "(EE) File: '%s' Line: %d -- Given day of week out of range\n", __FILE__,
26             __LINE__);
27     return 1;
28   }
29   const week_day_s *day = days_en + day_of_week - 1;
30   printf("%s %s\n", day->name, day->abbr);
31   return 0;
32 }
```

lec06/demo-struct.c

Datové typy

- Při návrhu algoritmu abstrahujeme od binární podoby paměti počítače.
- S daty pracujeme jako s hodnotami různých datových typů, které jsou uloženy v paměti předepsaným způsobem.
- Datový typ specifikuje
 - Množinu hodnot, které je možné v počítači uložit;
 - Množinu operací, které lze s hodnotami typu provádět.
- Jednoduchý typ** je takový typ, jehož hodnoty jsou atomické, tj. z hlediska operací dále nedělitelné.

Záleží na způsobu reprezentace.

Číselné soustavy

- Číselné soustavy – poziční číselné soustavy (polyadické) jsou charakterizovány bázi udávající kolik číslic lze maximálně použít.

$$x_d = \sum_{i=-n}^{i=m} a_i \cdot z^i$$
, kde a_i je číslice a z je základ soustavy.
- Unární – např. počet vypitých pšlitrů.
- Binární soustava (bin) – 2 číslice 0 nebo 1.

$$11010, 01_{(2)} = 1 \cdot 2^4 + 1 \cdot 2^3 + 0 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 0 \cdot 2^0 = 1 \cdot 2^4 + 0 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^1 + 0 \cdot 2^0 = 16 + 2 = 18$$
- Desítková soustava (dec) – 10 číslic, znaky 0 až 9.

$$138, 24_{(10)} = 1 \cdot 10^2 + 3 \cdot 10^1 + 8 \cdot 10^0 = 100 + 30 + 8 = 138$$
- Šestnáctková soustava (hex) – 16 číslic, znaky 0 až 9 a A až F.

$$0x7D_{(16)} = 7 \cdot 16^1 + D \cdot 16^0 = 112 + 13 = 125$$

Příklad struktura, pole a výčtový typ 2/3

- Připravíme si pole struktur pro konkrétní jazyk (angličtina a čeština).
- Program vytiskne jméno a zkratku dne v týdnu dle čísla dne v týdnu. *V programu používáme jednotné číslo dne bez ohledu na jazykovou mutaci.*

```
17 const week_day_s days_cs[] = {
18   [MONDAY] = { "Pondělí", "po" },
19   [TUESDAY] = { "Úterý", "ut" },
20   [WEDNESDAY] = { "Středa", "st" },
21   [THURSDAY] = { "Čtvrtek", "ct" },
22   [FRIDAY] = { "Pátek", "pa" },
23 };
24
25 int main(int argc, char *argv[], char **envp)
26 {
27   if (argc < 2) return 1;
28   int day_of_week = atoi(argv[1]);
29   if (day_of_week < 1 || day_of_week > 5) {
30     fprintf(stderr, "(EE) File: '%s' Line: %d -- Given day of week out of range\n", __FILE__,
31             __LINE__);
32     return 1;
33   }
34   const week_day_s *day = days_cs + day_of_week - 1;
35   printf("%s %s\n", day->name, day->abbr);
36   return 0;
37 }
```

lec06/demo-struct.c

Příklad číselných typů a vnitřní reprezentace

- 32-bitový typ `int` umožňuje uložit celá čísla v intervalu $(-2147483648, 2147483647)$, pro která můžeme použít:
 - aritmetické operace `+`, `-`, `*`, `/` s výsledkem hodnota typu `int`;
 - relační operace `==`, `!=`, `>`, `<`, `>=`, `<=`.
- Inicializovat hodnotou dekadického nebo hexadecimálního literálu.


```
1 int i; // definice promenne typu int
2 int decI = 120; // definice spolu s prirazenim
3 int hexI = 0x78; //pocatecni hodnota v 16-kove soustave
4 int sum = 10 + decI + 0x13; //pocatecni hodnota je vyraz
```
- Vnitřní reprezentace typů (např. `int`, `short`, `double`) umožňuje uložit čísla z definovaného rozsahu s různou přesností.
- Číselné datové typy lze vzájemně převádět implicitní nebo explicitní typovou konverzí.
- Při konverzi nemusí být hodnota zachována – viz `lec06/demo-types.c`.

Kódování záporných čísel

- Přímý kód** – znaménko je určeno prvním bitem (zleva), snadné stanovení absolutní hodnoty. Reprezentace má dvě nuly.

121 ₍₁₀₎	0111 1001 ₍₂₎
-121 ₍₁₀₎	1111 1001 ₍₂₎
0 ₍₁₀₎	0000 0000 ₍₂₎
-0 ₍₁₀₎	1000 0000 ₍₂₎
- Inverzní kód** – záporné číslo odpovídá bitové negaci kladné hodnoty čísla. Reprezentace má dvě nuly.

121 ₍₁₀₎	0111 1001 ₍₂₎
-121 ₍₁₀₎	1000 0110 ₍₂₎
0 ₍₁₀₎	0000 0000 ₍₂₎
-0 ₍₁₀₎	1111 1111 ₍₂₎
- Doplňkový kód** – záporné číslo je uloženo jako hodnota kladného čísla po bitové negaci zvětšená o 1. Jediná reprezentace nuly.

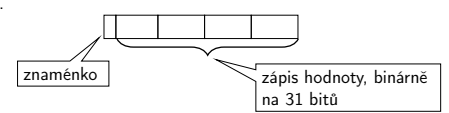
121 ₍₁₀₎	0111 1001 ₍₂₎
-121 ₍₁₀₎	1000 0110 ₍₂₎
-121 ₍₁₀₎	1000 0111 ₍₂₎
127 ₍₁₀₎	0111 1111 ₍₂₎
-128 ₍₁₀₎	1000 0000 ₍₂₎
-1 ₍₁₀₎	1111 1111 ₍₂₎

Více-bajtová reprezentace a pořadí bajtů

- Číselné typy s více-bajtovou reprezentací mohou mít bajty uloženy v různém pořadí.
 - little-endian* – **nejméně** významný bajt se ukládá na nejnižší adresu. x86, ARM
 - big-endian* – **nejvíce** významný bajt se ukládá na nejnižší adresu. Motorola, ARM
 - Pořadí je důležité při přenosu hodnot z paměti jako posloupnosti bajtů a jejich následné interpretaci.
 - Network byte order** – je definován pro síťový přenos a není tak nutné řešit konkrétní architekturu.
 - Tj. hodnoty z paměti jsou ukládány a přenášeny v tomto pořadí bajtů a na cílové stanici pak zpětně zapsány do konkrétního nativního pořadí. big-endian
- Informativní*

Příklad reprezentace celých čísel int

- Na 32-bitových a 64-bitových strojích je celočíselný typ **int** zpravidla reprezentován 32 bity (4 bajty).


- Typ **int** je znaménkový typ.
 - Znaménko je zakódováno v 1 bitu a vlastní číselná hodnota pak ve zbyvajících 31 bitech.
 - Největší číslo je $0111 \dots 111 = 2^{31} - 1 = 2\,147\,483\,647$. *Reprezentujeme i nulu.*
 - Nejmenší číslo je $-2^{31} = -2\,147\,483\,648$. *0 už je zahrnuta.*
 - Pro zobrazení záporných čísel je použit **doplňkový kód**. *Nejmenší číslo v doplňkovém kódu 1000...000 je -2^{31} .*

Reprezentace záporných celých čísel

- Doplňkový kód – $D(x)$.
 - Pro 8-mi bitovou reprezentací čísel.
 - Můžeme reprezentovat $2^8 = 256$ čísel.
 - Rozsah $r = 256$.
- $$D(x) = \begin{cases} x & \text{pro } 0 \leq x < \frac{r}{2} \\ r + x & \text{pro } -\frac{r}{2} \leq x < 0 \end{cases} \quad (1)$$
- Příklady

Desítkově	Doplňkový kód
0-127	0000 0000 – 0111 1111
128	nelze zobrazit na 8 bitů v doplňkovém kódu
-128	$D(-128) = 256 + (-128) = 128$ to je 1000 0000
-1	$D(-1) = 256 + (-1) = 255$ to je 1111 1111
-4	$D(-4) = 256 + (-4) = 252$ to je 1111 1100
- Informativní*

Necelá čísla a přesnost výpočtu 1/2

- Ztráta přesnosti při aritmetických operacích.
- Příklad sčítání dvou čísel**
- ```

1 #include <stdio.h>
2 int main(void)
3 {
4 double a = 1e+10;
5 double b = 1e-10;
6 printf("a : %24.12lf\n", a);
7 printf("b : %24.12lf\n", b);
8 printf("a+b: %24.12lf\n", a + b);
9 return 0;
10 }
11 clang sum.c && ./a.out
12 a : 10000000000.000000000000
13 b : 0.0000000000100
14 a+b: 10000000000.000000000000

```
- lec06/sum.c*

### Necelá čísla a přesnost výpočtu 2/2

- Příklad dělení dvou čísel**
- ```

1 #include <stdio.h>
2 int main(void)
3 {
4     const int number = 100;
5     double dV = 0.0;
6     float fV = 0.0f;
7     for (int i = 0; i < number; ++i) {
8         dV += 1.0 / 10.0;
9         fV += 1.0 / 10.0;
10    }
11    printf("double value: %lf ", dV);
12    printf("float value: %lf ", fV);
13    return 0;
14 }
15 clang division.c && ./a.out
16 double value: 10.000000 float value: 10.000002
    
```
- lec06/division.c*

Přesnost výpočtu - strojová přesnost

- Strojová přesnost ϵ_m - nejmenší desetinné číslo, které přičtením k 1.0 dává výsledek různý od 1, pro $|v| < \epsilon_m$, platí

$$v + 1.0 == 1.0.$$


Symbol == odpovídá porovnání dvou hodnot (test na ekvivalenci).
- Zaokrouhlovací chyba - **nejméně** ϵ_m .
- Přesnost výpočtu - aditivní chyba roste s počtem operací v řádu $\sqrt{N} \cdot \epsilon_m$.
 - Často se však kumuluje preferabilně v jedno směru v řádu $N \cdot \epsilon_m$.

Reprezentace reálných čísel

- Pro uložení čísla vyhradzujeme omezený paměťový prostor.
- Příklad – zápis čísla $\frac{1}{3}$ v dekadické soustavě**
- $= 33333333 \dots 3333$
 - $= 0,33$
 - $\approx 0,33333333333333333333$
 - $\approx 0,333$
- V trojkové soustavě: $0 \cdot 3^1 + 0 \cdot 3^0 + 1 \cdot 3^{-1} = (0,1)_3$*
- Nepřesnosti v zobrazení reálných čísel v konečné posloupnosti bitů způsobují
 - Iracionální čísla, např. $e, \pi, \sqrt{2}$;
 - Čísla, která mají v dané soustavě periodický rozvoj, např. $\frac{1}{3}$;
 - Čísla, která mají příliš dlouhý zápis.

Model reprezentace reálných čísel

- Reálná čísla se zobrazují jako aproximace daným rozsahem paměťového místa.
 - Reálné číslo x se zobrazuje ve tvaru

$$x = \text{mantisa} \cdot \text{základ}^{\text{exponent}}$$
 - Pro jednoznačnost zobrazení musí být mantisa normalizována, např. $0, 1 \leq m < 1$ nebo ve tvaru $\pm 1.[\text{mantisa}] \cdot 2^{\text{exponent}}$
 - Ve vyhrazeném paměťovém prostoru je pro zvolený základ uložen exponent a mantisa jako dvě celá čísla.
- 

Příklad modelu reprezentace reálných čísel na 7 bajtů se základem 10

- Mantisa 3 pozice plus znaménko, délka exponentu 2 pozice plus znaménko, základ $z = 10$. *Reprezentace dle IEEE-754 používá dvojkový základ!*
 - Reprezentace nuly.

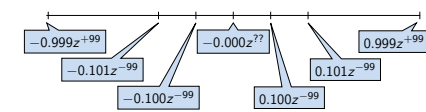
? ?? + 000

+ 02 + 775
 - Maximální zobrazitelné kladné číslo 0,999⁹⁹.

+ 99 + 999
 - Maximální zobrazitelné záporné číslo -0,100z⁻⁹⁹.

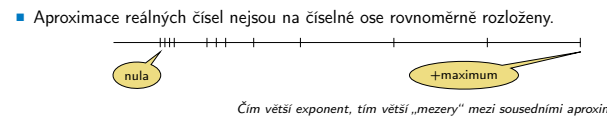
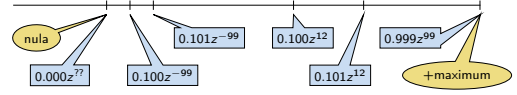
- 99 - 100
 - Minimální zobrazitelné kladné číslo 0,100z⁻⁹⁹.

- 99 + 100
 - Minimální zobrazitelné záporné číslo -0,999z⁺⁹⁹.

+ 99 - 999
- 

Model reprezentace reálných čísel a vzdálenost mezi aproximacemi

- Rozsah hodnot pro konkrétní exponent je dán velikostí mantisy.
- Absolutní vzdálenost dvou aproximací tak záleží na exponentu.
 - Mezi hodnotou 0 a 1,0 je využit celý rozsah mantisy pro exponenty $\{-99, -98, \dots, 0\}$.



Čím větší exponent, tím větší „mezery“ mezi sousedními aproximacemi čísel.

Přirázovací operátor a příkaz

- Slouží pro nastavení hodnoty proměnné.
 - Uložení číselné hodnoty do paměti, kterou proměnná reprezentuje.
- Tvar přirázovacího operátoru.

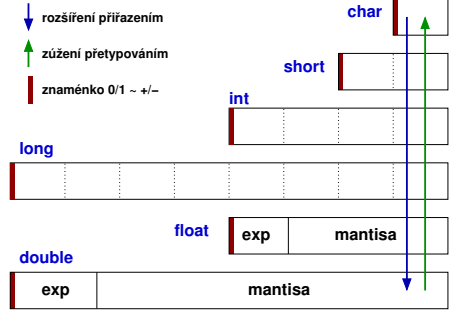
$(\text{proměnná}) = (\text{výraz})$
 Výraz je literál, proměnná, volání funkce, ...

- Zkrácený zápis $(\text{proměnná}) (\text{operátor}) = (\text{výraz})$
 - Přirazení je výraz asociativní zprava.
 - Přirázovací příkaz – výraz zakončený středníkem ;
- ```

1 int x; //definice promenne x 1 int x, y; //definice promennych x a y
2 int y; //definice promenne y 3 x = 10;
4 x = 6; 4 y = 7;
5 y = x = x + 6; 6 y += x + 10;
```

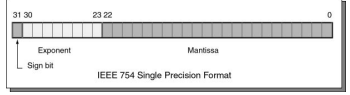
### Konverze primitivních číselných typů

- Primitivní datové typy jsou vzájemně nekompatibilní, ale jejich hodnoty lze převádět.



### Reprezentace necelých čísel – IEEE 754

- Reálné číslo  $x$  se zobrazuje ve tvaru  $x = (-1)^s \cdot \text{mantisa} \cdot 2^{\text{exponent} - \text{bias}}$ .
  - IEEE 754, ISO/IEC/IEEE 60559:2011
- Mantisa je normalizována na první jedničku vlevo (v soustavě o dvojkovém základu).
- float – 32 bitů (4 bajty):  $s$  – 1 bit znaménko (+ nebo -), exponent – 8 bitů, tj. 256 možností. mantisa – 23 bitů  $\approx 16,7$  milionu možností.



- double – 64 bitů (8 bajtů).
  - $s$  – 1 bit znaménko (+ nebo -).
  - exponent – 11 bitů, tj. 2048 možností.
  - mantisa – 52 bitů  $\approx 4,5$  biliardy možností (4 503 599 627 370 495).
- bias umožňuje reprezentovat exponent vždy jako kladné číslo.
  - Lze zvolit, např.  $\text{bias} = 2^{e-1} - 1$ , kde  $e$  je počet bitů exponentu.
  - <http://www.root.cz/clanky/norma-ieee-754-a-pribuzni-formaty-plovouci-radove-tecky>

### Typové konverze

- Typová konverze je operace převedení hodnoty nějakého typu na hodnotu typu jiného.
- Typová konverze může být
  - implicitní – vyvolá se automaticky;
  - explicitní – je nutné v programu explicitně uvést.
- Konverze typu **int** na **double** je implicitní.
  - Hodnota typu **int** může být použita ve výrazu, kde se očekává hodnota typu **double**, dojde k automatickému převodu na hodnotu typu **double**.

**Příklad**

```

1 double x;
2 int i = 1;
4 x = i; // hodnota 1 typu int se automaticky převede
5 // na hodnotu 1.0 typu double
```

- Implicitní konverze je bezpečná.

### Matematické funkce

- `<math.h>` – základní funkce pro práci s „reálnými“ čísly.
  - Výpočet odmocniny necelého čísla  $x$ . `double sqrt(double x);`, `float sqrtf(float x);`
  - V C funkci nepřetěžujeme, proto jsou jména odlišena.*
  - `double pow(double x, double y)`; – výpočet obecné mocniny.
  - `double atan2(double y, double x)`; – výpočet  $\arctan y/x$  s určením kvadrantu.
  - Symbolické konstanty – `M_PI`, `M_PI_2`, `M_PI_4`, atd.
    - `#define M_PI 3.14159265358979323846`
    - `#define M_PI_2 1.57079632679489661923`
    - `#define M_PI_4 0.78539816339744830962`
  - `isfinite()`, `isnan()`, `isless()`, ... – makra pro porovnání reálných čísel.
  - `round()`, `ceil()`, `floor()` – zaokrouhlování, převod na celá čísla.
- `<complex.h>` – funkce pro počítání s komplexními čísly. *ISO C99*
- `<fenv.h>` – funkce pro řízení zaokrouhlování a reprezentaci dle IEEE 754. *man math*

### Příklad reprezentace float hodnot dle IEEE 754

- Chyba reprezentace -256.75 vs -256.74.
- Infinity (0x7f800000), -Infinity (0xff800000), a NaN (0x7fffffff).
  - <https://www.h-schmidt.net/FloatConverter/IEEE754.html>

### Explicitní typové konverze

- Převod hodnoty typu **double** na **int** je třeba explicitně předeepsat.
- Dojde k „odseknutí“ necelé části hodnoty **int**.

**Příklad**

```

1 double x = 1.2; // definice proměnné typu double
2 int i; // definice proměnné typu int
3 int i = (int)x; // hodnota 1.2 typu double se převede
4 // na hodnotu 1 typu int
```

- Explicitní konverze je potenciálně nebezpečná.
- Příklady**
- ```

1 double d = 1e30;
2 int i = (int)d;
4 // i je -2147483648
5 // to je asi -2e9 místo 1e30
```
- ```

1 long l = 5000000000L;
2 int i = (int)l;
4 // i je 705032704
5 // (oříznuté 4 bajty)
 lec06/demo-type_conversion.c
```

Část II

Část 3 – Zadání 6. domácího úkolu (HW6)

## Zadání 6. domácího úkolu HW6

### Téma: Maticové počty

Povinné zadání: 4b; Volitelné zadání: 4b; Bonusové zadání: 5b

- **Motivace:** Získání zkušenosti s dvojrozměrným polem.
- **Cíl:** Osvojit si práci s polem variabilní délky a předávání ukazatelů.
- **Zadání:** <https://cv.fel.cvut.cz/wiki/courses/bab36prga/hw/hw6>
  - Načtení vstupních hodnot dvou matic a znaku operace (\*, + – násobení).
  - **Volitelné zadání** rozšiřuje úlohu o další operace s maticemi sčítání (+, +) a odčítání (-, -), které mohou být zapsány ve výrazu.
  - **Bonusové zadání** pak řeší zpracování celého výrazu, ve kterém jsou však jednotlivé matice uvedeny jako symboly, které jsou nejdříve definovány načtením hodnot matic ze standardního vstupu.

Využití struct a dynamické alokace může být výhodnou, není však nutné.

- **Termín odevzdání:** 20.04.2024, 23:59:59 PDT.
- **Bonusová úloha:** 24.05.2024, 23:59:59 CEST.

## Shrnutí přednášky

## Diskutovaná témata

- Struktury, způsoby definování, inicializace a paměťové reprezentace
- Uniony
- Přesnost výpočtu
- Vnitřní paměťová reprezentace celočíselných i neceločíselných číselných typů
- Knihovna `math.h`
  
- **Příště:** Standardní knihovny C. Rekurse.

## Část IV

## Appendix

### Kódovací příklad – Textové řetězce – toupper() 1/2

- Implementujeme funkci, která převede malá písmena na velká (ASCII znaky 'a'-'z'). Využijeme vlastní `myMalloc()`.

```
1 #ifndef _MY_MALLOC_H_
2 #define _MY_MALLOC_H_
3 #include <stdio.h>
4 #include <stdlib.h>
5 void* myMalloc(size_t size, const char *filename,
6 int line);
7 #endif
8
9 #include <stdio.h>
10 #include <stdlib.h>
11 #include "my_malloc.h"
12 void* myMalloc(size_t size, const char *filename,
13 int line)
14 {
15 void *ret = malloc(size);
16 if (ret) {
17 fprintf(stderr, "ERROR: Malloc failed called
18 at %s:%i\n", filename, line);
19 exit(-1);
20 }
21 return ret;
22 }
23
24 #include <stdio.h>
25 #include <stdlib.h>
26 #include "my_malloc.h"
27 int main(void)
28 {
29 const char *str = "I like prg!"; // Ukazatel na literál!
30 const size_t n = strlen(str); // Co se stane když str == NULL!
31 char *stru = myMalloc(
32 (n + 1) * sizeof(char), //+1 pro '\0'
33 __FILE__, __LINE__
34);
35 for (int i = 0; i < n; ++i) {
36 stru[i] = (str[i] >= 'a' && str[i] <= 'z') ?
37 str[i] & 0xDF : str[i]; // 0xDF viz ASCII tabulka!
38 }
39 stru[n] = '\0'; // zajištění textového řetězce
40 printf("%s\n", str);
41 printf("%s\n", stru);
42 free(stru); // Volání ok i pro str == NULL.
43 return EXIT_SUCCESS;
44 }
```

- V našem případě je `str` platný řetězec, proto je řádek 9 v pořádku.
- Přesto převod přepíše do funkce `toupper()`, kde tomu tak být nemusí.

### Kódovací příklad – Textové řetězce – toupper() 2/2

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <string.h>
3 #include "my_malloc.h"
4 char* strtoupper(const char *str);
5 int main(void)
6 {
7 const char *str = "I like prg!";
8 char *const stru = strtoupper(str);
9 printf("%s\n", str);
10 printf("%s\n", stru);
11 free(stru); // Volání ok i pro str == NULL.
12 return EXIT_SUCCESS;
13 }
14
15 # clang strtoupper.c my_malloc.c && ./a.out
16 I like prg!
17 I LIKE PRG!
18
19 * Volání funkce strtoupper() může být předán neplatný
20 ukazatel NULL.
21
22 * Explicitně ošetřujeme, ikdyž například funkce strlen() předpokládá validní vstup a volání strlen(NULL) může skončit chybou programu.
23
24 * V našem programu, alokujeme ve funkci strtoupper() paměť dynamicky a to vždy nejméně pro jeden znak ('\0').
```

- Explicitně ošetřujeme, ikdyž například funkce `strlen()` předpokládá validní vstup a volání `strlen(NULL)` může skončit chybou programu.
- V našem programu, alokujeme ve funkci `strtoupper()` paměť dynamicky a to vždy nejméně pro jeden znak ('\0').

### Kódovací příklad – Textové řetězce – strev() 1/2

- Implementujeme funkci, která vrátí obrácený řetěz. Nejdříve však začneme pracovní verzí ve funkci `main()`.

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #include <string.h>
4 int main(void)
5 {
6 char *str = "I like prg!";
7 size_t j, n = strlen(str);
8 for (size_t i = 0; j = n-1; i < n/2; ++i, --j) {
9 char t = str[i];
10 str[i] = str[j];
11 str[j] = t;
12 }
13 printf("%s\n", str);
14 return EXIT_SUCCESS;
15 }
```

```
1 $ clang -g strev.c && ./a.out
2 I like prg!
3 Command terminated
4 Command: ./a.out
5 --10618--
6 --10618-- Process terminating with default action of signal 11 (
7 SIGSEGV)
8 --10618-- Bad permissions for mapped region at address 0x20056D
9 --10618-- at 0x2019F9: main (strev.c:13)
10
11 * Program však skončí chybou! Zapisujeme do paměti literál!
12
13 char str[] = "I like prg!";
14
15 * Nahrazení ukazatele na literál pole, program funguje.
16
17 $ clang -g strev.c && ./a.out
18 I like prg!
19 [prg ekil I
20
21 * Program přepíše s využitím myMalloc().
```

- V cyklu využíváme operátor čárky k inicializaci a dekrementaci proměnné `j`.
- Opět v našem programu je řetězec `str` platný a můžeme tak bezpečně volat funkci `strlen(str)`.
- Nicméně po ovládní obrácení řetězce, program přepíše s implementací naší nové funkce `strev()`.

- Nahrazení ukazatele na literál pole, program funguje.
- Program přepíše s využitím `myMalloc()`.

### Kódovací příklad – Textové řetězce – strev() 2/2

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #include "my_malloc.h"
4 char* strev(const char *str);
5 int main(void)
6 {
7 char *str = "I like prg!";
8 char *stru = strev(str);
9 printf("%s\n", str);
10 printf("%s\n", stru);
11 free(str);
12 return EXIT_SUCCESS;
13 }
```

- Funkce `strev()` vytváří nový řetězec, proto můžeme bezpečně předat ukazatel na textový literál.
- Volání `strev()` vrátí textový řetězec, nebo končí chybou (volání `myMalloc()`).
- Proměnná `str` tak vždy ukazuje na paměť, ve které je nejméně jeden znak a to '\0'.
- Program tak v rámci `main()` vždy skončí úspěšně `EXIT_SUCCESS`.
- Ve funkci `main()` tak vlastně ani explicitně neřešíme návratové hodnoty volání.

```
1 char* strev(const char *str)
2 {
3 size_t n = str ? strlen(str) : 0;
4 char *ret = myMalloc((n + 1) * sizeof(char), __FILE__,
5 __LINE__);
6 const char *cur = str + n; // ukazatelová aritmetika
7 char *dst = ret;
8 while (str && cur != str) { // kontrola str!
9 *dst = *--cur;
10 dst += 1;
11 }
12 *dst = '\0'; //ret je vždy nejméně 1 byte dlouhý.
13 return ret;
14 }
```

- Ve funkci explicitně ověřujeme, že vstupní řetězec není `NULL`.
- V naší implementaci je prázdný (`NULL`) řetězec ekvivalentní s řetězcem o délce nula.
- Pokud je `str == NULL`, není hodnota `cur` validní.
- Proto ve `while` cyklu explicitně testujeme `str`.
- Z hlediska efektivity bychom mohli volání funkce v případě `str == NULL` ukončit dříve.
- Ve funkci `main()` tak vlastně ani explicitně neřešíme návratové hodnoty volání.
- Nicméně volíme přehlednou, menší počet řádků a jediný `return` ve funkci.

### Kódovací příklad – Textové řetězce – strev() 1/2

- Implementujeme funkci, která vrátí počet slov v řetězci.
- Slovo interpretujeme jako souvislou sekvenci znaků vyhovující funkci `isalpha()` z knihovny `ctype.h`.

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #include <ctype.h>
4 int main(void)
5 {
6 int c, wc = 0;
7 bool inword = false;
8 while ((c = getchar()) != EOF) {
9 if (isalpha(c)) {
10 if (!inword) {
11 inword = true;
12 wc += 1;
13 }
14 } else {
15 inword = false;
16 }
17 }
18 printf("Input contains %d words.\n", wc);
19 return EXIT_SUCCESS;
20 }
```

```
1 $ cat in.txt
2 I like prg!
3
4 $ clang -g wc.c && ./a.out < in.txt
5 Input contains 3 words.
6
7 * Po počátečním ovládní implementujeme funkci strev().
8
9 int strev(const char *str)
10 {
11 int wc = 0;
12 bool inword = false;
13 const char *cur = str;
14 while (cur && *cur != '\0') {
15 if (isalpha(*cur)) {
16 if (!inword) {
17 inword = true;
18 wc += 1;
19 }
20 } else {
21 inword = false;
22 }
23 }
24 printf("Input contains %d words.\n", wc);
25 return EXIT_SUCCESS;
26 }
```

- Řádky 14–17 můžeme nahradit následujícím řádkem: `inword && (*cur++ && isalpha(*cur));`

