

**Zadání semestrální práce z předmětu  
Evoluční optimalizační algoritmy  
a nabídka témat.**

# Zadání a podmínky vypracování SP

- **Zadání**

- I. Implementace lokálního prohledávacího algoritmu
- II. Implementace jednoduchého evolučního algoritmu
- III. Implementace specializovaného EA nebo memetického algoritmu

- **Důležité body návrhu optimalizačních algoritmů**

- o Reprezentace řešení
- o Variační operátory u lokálního prohledávání
- o Operátory křížení a mutace u EA
- o Ohodnocovací funkce

- **Zpracování**

- o Fungující program
- o Závěrečná zpráva
- o Prezentace

Vše musí být odevzdáno ve stanovených termínech!

**Pozdní odevzdání bude penalizováno** 2 bodovou srážkou za každý započatý týden.

# Zpracování SP

- Fungující program
  - Fungující kód pro všechny řešené úlohy.
  - GUI není vyžadováno (ale může být oceněno bonusovými body).
- Závěrečná zpráva
  - musí obsahovat tabulky a grafy se statistickým zhodnocením provedených experimentů na **zadaných testovacích datech**;
  - musí obsahovat **grafy s průběhem mediánu nejlepší fitness v závislosti na počtu ohodnocení**;
  - musí obsahovat grafy s průběhem **mediánu nejlepší hodnoty jednotné ohodnocovací funkce v závislosti na počtu ohodnocení**.
- Prezentace
  - **Společná část** - skupina studentů, řešící stejnou úlohu, vypracuje společně úvodní slajdy představující úlohu a závěrečné slajdy s prezentací výsledků a vzájemným porovnáním přístupů jednotlivých studentů.
  - **Individuální část** – slajdy stručně a srozumitelně popisující zvolenou reprezentaci, operátory a ohodnocovací funkci.

# 1. Japanese puzzle - nonogram

- **Popis problému:** Nonogram se skládá se ze tří částí:
  - o mřížka obdélníkového tvaru  $M \times N$ , do které se má vyplnit obrázek z plných a prázdných políček,
  - o dvě legendy (levá a horní). Každému řádku obrázku odpovídá řádek levé legendy, sloupce obrázku odpovídá sloupec horní legendy.

V řádcích/sloupcích legend jsou uvedeny seznamy celých čísel. Každé číslo odpovídá souvislému bloku plných políček dané délky. Pořadí čísel v legendě určuje pořadí bloků v obrázku.

Mezi dvěma sousedními bloky v obrázku musí být alespoň jedno prázdné políčko. Na začátku a na konci každého řádku a sloupce se může, ale nemusí, vyskytovat libovolný počet prázdných políček.

Cílem je vyplnit mřížku plnými políčky tak, aby výsledný obrázek přesně odpovídal všem řádkům a sloupcům legendy.

	3	2	4	2	2
1, 1					
3					
3					
3					
2					

# 1. Japanese puzzle - nonogram

- Popis úlohy: Je dána mřížka  $M \times N$  a u každého řádku a sloupce jsou posloupnosti čísel. Ty udávají jak velké souvislé bloky plných políček a v jakém pořadí se v daném sloupci/řádku očekávají.  
Cílem je nalézt konkrétní vyplnění plných políček v mřížce tak, aby všechna omezení byla splněna.  
**Proč na to programovat evoluční algoritmus?**

		3	2	4	2	2
1, 1	■	■	■	■	■	■
3	■	■	■	■	■	■
3	■	■	■	■	■	■
3	■	■	■	■	■	■
2	■	■	■	■	■	■



# 1. Japanese puzzle - nonogram

- **Reprezentace:**

- Binární vektor nebo binární matice  $\{0, 1\}^{M+N}$
- Sloupcové nebo řádkové bloky.

- **Jednotná ohodnocovací funkce:** Považujeme řádkové a sloupcové komponenty legendy za řetězce celých čísel. Stejně tak reprezentace aktuálního stavu řádku a sloupce považujeme za řetězce celých čísel. Potom míru shody mezi legendou a daným stavem na řádku/sloupci spočítáme jako podobnost dvou řetězců podle **Needleman-Wunchova algoritmu**.

Výsledná hodnota shody legendy a konkrétního řádku/sloupce matice je součtem rozdílů hodnot přes všechny dvojice čísel na souhlasných pozicích a penalizací za vložené mezery.

**Celková kvalita řešení se počítá jako součet příspěvků spočítaných přes všechny řádky a sloupce matice.**

	3	2	4	2	2
1, 1	■	■	■	■	■
3	■	■	■	■	■
3	■	■	■	■	■
3	■	■	■	■	■
2	■	■	■	■	■

# 1. Japanese puzzle - nonogram

- **Příklad** výpočtu (ne)shody

legendy (řetězec X): 1 7 3 4 2

a

řádku matice (řetězec Y): 8 2 2

pomocí Needleman-Wunchova algoritmu.

Výpočet spočívá ve vyplnění tabulky shody H, viz obrázek, kde sloupce reprezentují znaky řetězce X a řádky odpovídají znakům řetězce Y. Začíná se z levého horního políčka, které má hodnotu 0 a vyplňování pokračuje po sloupcích zleva doprava a ve sloupci shora dolů. Hodnota v pravém dolním políčku udává výslednou hodnotu neshody řetězců X a Y.

Parametry Needleman-Wunchova algoritmu jsou:

- o **penalizace za mezeru:**  $-K$ , kde  $K$  je hodnota znaku, který je na stejné pozici s mezerou. Konkrétně, pokud uvažujeme přechod  $H(i-1, j) \rightarrow H(i, j)$ , tedy přechod dolů, tak za tuto vloženou mezeru je penalta rovna záporné hodnotě znaku na řádku  $i$ . Pokud uvažujeme přechod  $H(i, j-1) \rightarrow H(i, j)$ , tedy přechod doprava, tak za takto vloženou mezeru je penalizace rovna záporné hodnotě znaku ve sloupci  $j$ .
- o **Ohodnocení (ne)shody stejnohlých znaků:**  $-|X_j - Y_i|$ , kde  $X_j$  a  $Y_i$  jsou čísla na stejnohlých pozicích.

H:

		řetězec X					
		1	7	3	4	2	
		0	-1	-8	-11	-15	-17
řetězec Y	8	-8	↓	↘	↓	↘	↓
	2	-10	↓	↘	↓	↘	↓
	2	-12	↓	↘	↓	↘	↓



# 1. Japanese puzzle - nonogram

- **Příklad** výpočtu shody

legenda (řetězec X): 1 7 3 4 2

a

řádku matice (řetězec Y): 8 2 2

pomocí Needleman-Wunchova algoritmu.

**Postup:** Vyplň tabulku tak, že hodnota každého políčka se získá podle následujícího pravidla

$$H(i, j) = \max(H(i-1, j) - K_i, H(i, j-1) - K_j, H(i-1, j-1) + neshoda(i, j)),$$

kde  $K_i$  resp.  $K_j$  je hodnota  $i$ -tého znaku řetězce Y resp. hodnota  $j$ -tého znaku řetězce X.

$$neshoda(i, j) = -(|X_j - Y_i|).$$

Výsledná hodnota je -7. Tomu odpovídá několik řešení, například

legenda (řetězec X): 1 7 3 4 2

řádku matice (řetězec Y): - 8 - 2 2

nebo

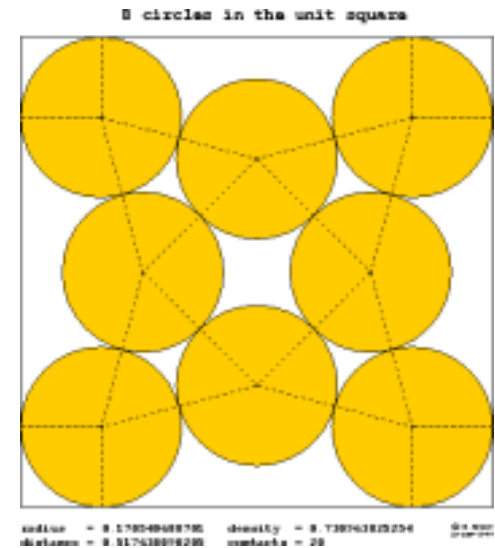
legenda (řetězec X): 1 7 3 4 2

řádku matice (řetězec Y): - 8 2 2 -

		řetězec X					
		1	7	3	4	2	
řetězec Y	0	-1	-8	-11	-15	-17	
	8	-8	-7	-2	-5	-9	-11
	2	-10	-9	-4	-3	-7	-9
	2	-12	-11	-6	-5	-5	-7

## 2. Kruhy ve čtverci

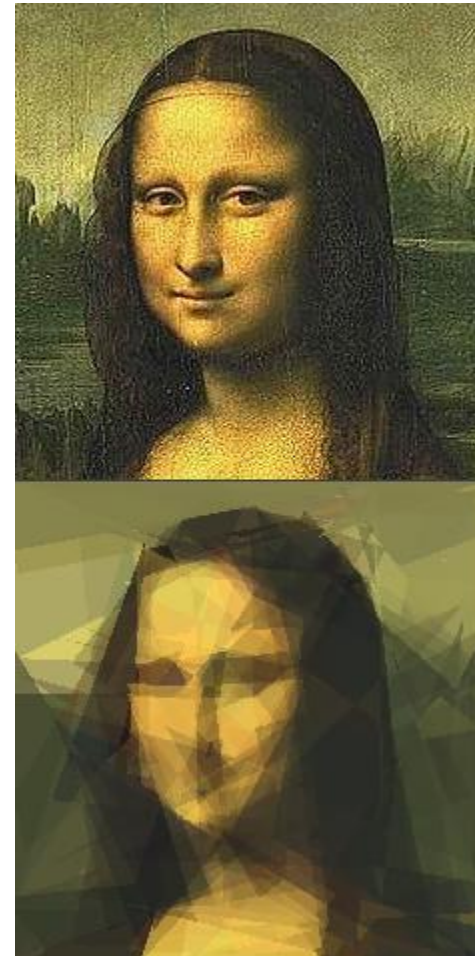
- **Popis problému:** Je dána čtvercová plocha o straně délky 1.  
Cílem je umístit na tuto plochu  $N$  stejně velkých kruhů s maximálním poloměrem  $r$  tak, aby se žádné dva nepřekrývaly a žádný nevyčníval vně této plochy.  
Vstup: Hodnota parametru  $N$ .  
Výstup: Poloměr  $r$  a souřadnice středů kruhů.
- **Reprezentace:** Seznam souřadnic středů kruhů, tedy seznam dvojic  $[x_i, y_i]$  pro  $i=1\dots N$ ; poloměr  $r$  se z toho dopočítá.
- **Jednotná ohodnocovací funkce:** Kvalita řešení se počítá jako největší možný poloměr kruhů pro danou konfiguraci středů.  
Tato funkce je maximalizována.



[www.packomania.com](http://www.packomania.com)

# 3. Ztrátová komprese obrázku

- **Popis úlohy:** Uvažujme obrázek v bitmapovém formátu – může být černobílý i barevný.  
Cílem je pro zvolenou reprezentaci, tj. překrývající se polono nebo neprůhledné polygony, elipsy, nebo kružnice, nalézt komprimovanou formu obrazu, která má minimální odchylku od původního obrazu.  
Vstup: Počet a typ základních primitiv.  
Výstup: Transformovaný obraz.
- **Jednotná ohodnocovací funkce:** Kvalita komprese se počítá jako celková odchylka přes všechny pixely a složky jasu (RGB).
- **Možné typy reprezentace**
  - Poloprůhledné  $n$ -úhelníky, kruhy nebo elipsy, které se překrývají – intenzita jasu se sčítá.  
Neprůhledné kruhy nebo elipsy, které se překrývají.
  - Hladká funkce intenzity pro každou složku RGB.  
Funkce  $I_R(x,y)$ ,  $I_G(x,y)$ ,  $I_B(x,y)$ .
  - Oblasti oddělené pomocí Voronoiova diagramu.



# 4. Warehouse Location

- **Popis problému:** Distribuční firma obsluhuje skupinu geograficky rozptýlených zákazníků z nichž každý požaduje jisté množství odebíraného zboží. Firma má k dispozici několik možných lokací pro sklady svého zboží, každý sklad má svoji kapacitu.

Cílem je přiřadit zákazníky ke skladům tak, aby bylo dosaženo maximálně efektivního obsloužení všech zákazníků.

## Vstup:

- $N$  skladů, každý sklad  $w$  má svoji kapacitu  $cap_w$  a zřizovací cenu  $s_w$ ,
- $M$  zákazníků, každý zákazník  $c$  požaduje jiné množství zboží  $d_c$ ,
- Pro každou dvojici  $\langle c, w \rangle$  je definována cena,  $t_{cw}$ , za doručení zboží ze skladu  $w$  k zákazníkovi  $c$ .

**Výstup:** Přiřazení zákazníků ke skladům tak, aby byla minimalizována **jednotná ohodnocovací funkce**

$$f(x) = \sum_{w \in N} \left( (|a_w| > 0) s_w + \sum_{c \in a_w} t_{cw} \right)$$

za podmínek  $\sum_{c \in a_w} d_c \leq cap_w$  a  $\sum_{w \in N} (c \in a_w) = 1$  pro všechny  $w \in N$  a  $c \in M$

kde  $a_w$  je množina zákazníků přiřazených ke skladu  $w$ .

# 4. Warehouse Location

- **Reprezentace:**
  - pole o velikosti  $M$ , kde  $i$ -tá hodnota reprezentuje číslo skladu přiřazené  $i$ -tému zákazníkovi,
  - matice  $A[M \times N]$ , kde  $A_{cw} \in \{0, 1\}$   
 $A_{cw} = 1$ , když je zákazník  $c$  přiřazen ke skladu  $w$   
 $= 0$ , jinak.

# 5. Hledání nejkratší společné supersekvence

- **Popis problému:** Je dána množina řetězců znaků dané abecedy. Cílem je nalézt takovou posloupnost znaků dané abecedy (supersekvenci), že všechny původní řetězce jsou v ní zcela obsaženy. Řetězec  $r$  je obsažen v supersekvenci  $S$  právě tehdy když všechny znaky řetězce  $r$  jsou přítomny v supersekvenci  $S$  a to v pořadí, v jakém se vyskytují v  $r$ .

Vstup: Abeceda  $A$ , ze které jsou tvořeny řetězce.

$N$  řetězců (ne nutně stejné délky).

Výstup: Supersekvence  $S$  splňující výše uvedenou vlastnost.

- **Reprezentace:** Lineární řetězec znaků dané abecedy.

Př.:  
 $s_1$ : ca ag cca cc ta cat c a  
 $s_2$ : c gag ccat ccgtaaa g tt g  
 $s_3$ : aga acc tgc taaatgc t a ga

---

**Supersequence  $S$ : cagagaccatgccgtaaatgcattacga**

# 5. Hledání nejkratší společné supersekvence

- **Jednotná ohodnocovací funkce:** Kvalita supersekvence  $S$  je počítána podle ohodnocovací funkce

$$f(S) = C(S) + L(S),$$

kde  $C(S)$  je celkový počet znaků, které  $S$  pokrývá a  $L(S)$  je příspěvek za délku supersekvence počítaný jako

$$L(S) = (SumL - Length(S)) / SumL.$$

$SumL$  je součet všech znaků ve vstupních řetězcích.

Tato funkce je maximalizována.

## 6. Sestavování žebříčku ATP

- **Popis problému:** Máme bilanci výsledků vzájemných zápasů tenistů na okruhu ATP. Data jsou uložena v matici  $\mathbf{B}$ , kde hodnotu na pozici  $[i, j]$  může vyjadřovat absolutní nebo relativní bilanci mezi hráči  $i$  a  $j$ :
  - I.*  $b_{ij} = n$ ; hráč  $i$  v sezoně  $n$ -krát zvítězil nad hráčem  $j$
  - II.*  $b_{ij} = 1$ ; hráč  $i$  má pozitivní bilanci s hráčem  $j$   
 $b_{ij} = 0$ ; hráč  $i$  má negativní bilanci s hráčem  $j$
- **Reprezentace:** Lineární sekvence (permutace) hráčů.
- **Jednotná ohodnocovací funkce.** Kvalita daného žebříčku hráčů (permutace hráčů,  $\pi$ ) se počítá pomocí následující funkce

$$f(\pi) = \sum_{i=1}^{N-1} \sum_{j=i+1}^N B_{\pi(i)\pi(j)}$$

Tato funkce je maximalizována.



# 7. Rozděl a panuj!

- **Popis problému:** Jste správci rozlohou velké oblasti s množstvím měst s hustou sítí silnic. Každodenní správcovské povinnosti už vás ale nebaví a chtěli byste práci delegovat na několik svých zástupců. Je proto třeba rozdělit celé panství na několik stejně velkých regionů, každý z nich bude řídit jeden zástupce. Cílem je najít rozdělení původní oblasti na maximálně autonomní regiony tj. s minimálním propojením mezi regiony.

Vstup: Graf  $G(V, E)$ , kde  $V$  je množina měst  $\{v_1, \dots, v_M\}$  a  $E$  je množina silnic spojující města.

Výstup: Rozdělení množiny  $V$  na vzájemně disjunktní podmnožiny  $V_1, \dots, V_n$ ,

$$\text{kde } \bigcup_{i=1}^n V_i = V \text{ a } \left| |V_i| - |V_j| \right| \leq 1 \text{ pro všechny } i \neq j.$$

- **Reprezentace:** Pole velikosti  $M$ , kde  $i$ -tá pozice obsahuje číslo regionu, do kterého  $i$ -té město patří.
- **Jednotná ohodnocovací funkce:** Počet cest mezi městy z jiného regionu.

$$f(x) = \sum_{l \in V_i, k \in V_j, i \neq j} e_{lk}$$

Tato funkce je minimalizována.

# 8. TSP s více cestujícími

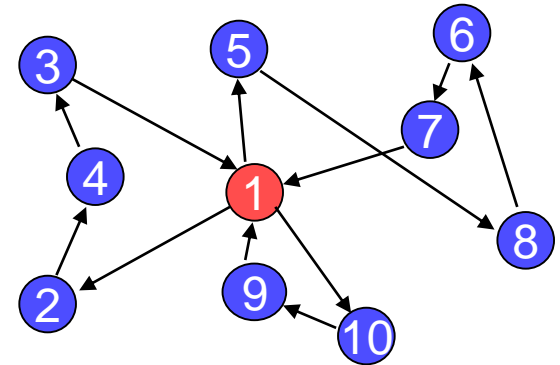
- **Popis problému:** Na vstupu je úplný neorientovaný graf o  $N$  uzlech.

Cílem je nalézt takovou množinu cest pro  $M$  cestujících, které všechny vychází z počátečního uzlu (depotu) a zase v něm končí. Všechny uzly (kromě depotu) jsou navštíveny právě jednou a délka nejdelší cesty je minimální. Žádná z cest nesmí mít nulovou délku.

- **Reprezentace:** [permutace měst][break-pointy]

příklad: [2-4-3|5-8-6-7|10-9][3,7]

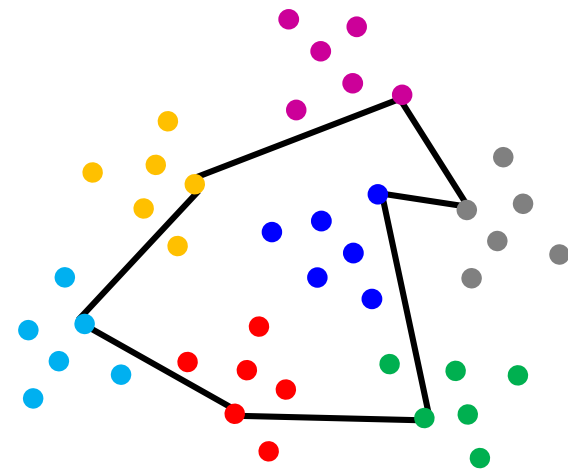
- **Jednotná ohodnocovací funkce:** Kvalita řešení je určena jako délka nejdelší cesty z  $M$  cest.



# 9. Zobecněný TSP

- **Popis problému:** Na vstupu je úplný neorientovaný graf o  $N$  uzlech, rozdělených do  $M$  tříd.  
**Cílem je** nalézt uzavřenou cestu, která obsahuje právě jeden uzel z každé třídy a jejíž délka je nejkratší.
- **Reprezentace:** permutace  $M$  měst
- **Jednotná ohodnocovací funkce:** Kvalita řešení je určena jako délka cesty.

Poznámka: Každá skupina je v řešení zastoupena právě jedním uzlem; do každého uzlu vedou právě dvě hrany.



# 10. Problém optimální explorační prostředí

- **Popis problému:** Je dána mapa prostředí, na které je  $M$  objektů zájmu, tzv. segmenty. Každý segment můžeme považovat za souvislou křivku. Dále máme úplný neorientovaný graf o  $N$  uzlech, rozdělených do  $M$  tříd. Každá třída reprezentuje uzly, které patří jednomu segmentu. Každý uzel „vidí“ jednu nebo více souvislých částí svého segmentu. Jeden uzel je výchozí, tzv. depot.

**Cílem je** nalézt cestu, která prochází podmnožinou uzlů tak, že všechny segmenty jsou úplně pokryty a délka cesty je minimální. Segment je pokryt právě tehdy, když je jakýkoliv jeho bod „vidět“ alespoň z jednoho uzlu na cestě.

**Pozor:** Hledáme neuzavřenou cestu.

- **Reprezentace:** posloupnost  $K$  uzlů, kde  $K \leq M$ .
- **Jednotná ohodnocovací funkce:** Kvalita řešení je určena jako délka cesty.

