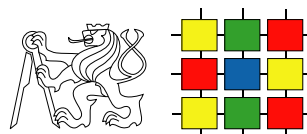




**OPPA European Social Fund
Prague & EU: We invest in your future.**

**Hraní dvouhráčových her,
adversariální prohledávání stavového prostoru**
Michal Pěchouček

Department of Cybernetics
Czech Technical University in Prague

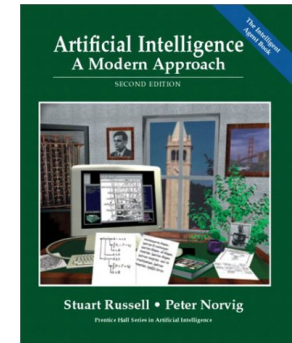


<http://labe.felk.cvut.cz/~pechouc/kui/games.pdf>

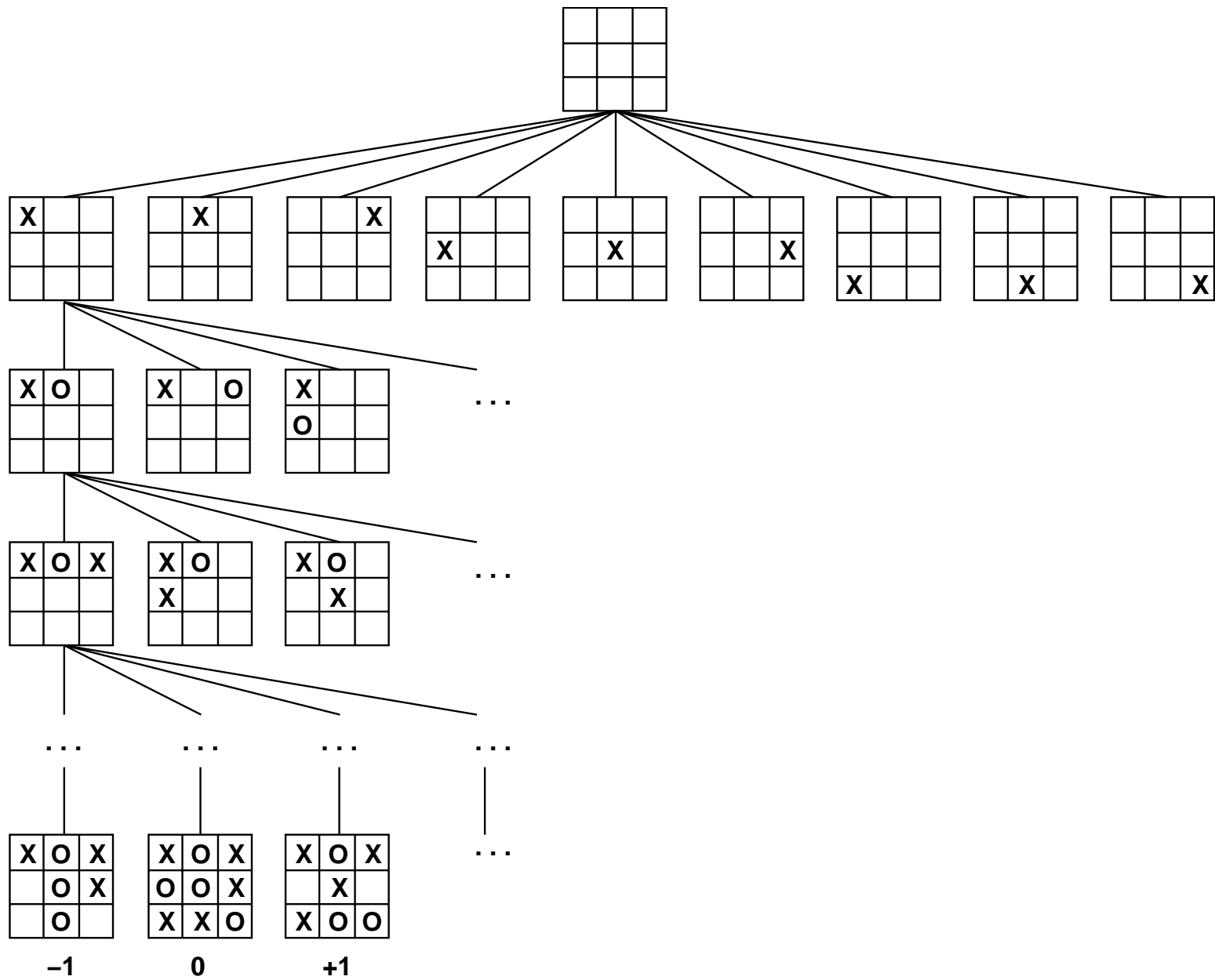
Použitá literatura pro umělou inteligenci



:: Artificial Intelligence: A Modern Approach (Second Edition) by Stuart Russell and Peter Norvig, 2002 Prentice Hall.



<http://aima.cs.berkeley.edu/>





Vlastnosti Algoritmu MinMax

- **úplné:** ANO (je-li prostor konečné)
- **čas:** $O(b^d)$
- **paměť:** $O(bd)$
- **optimální:**

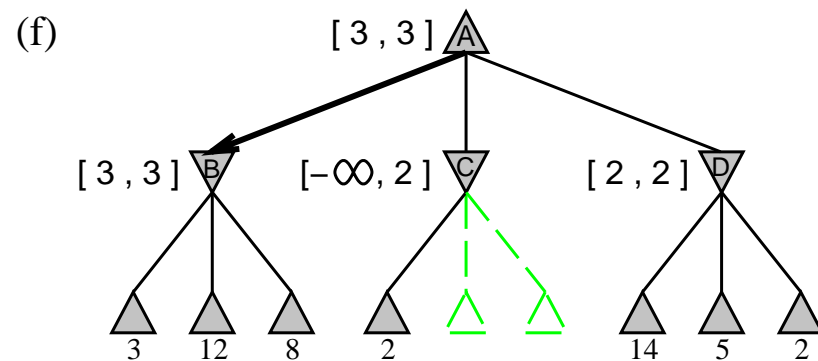
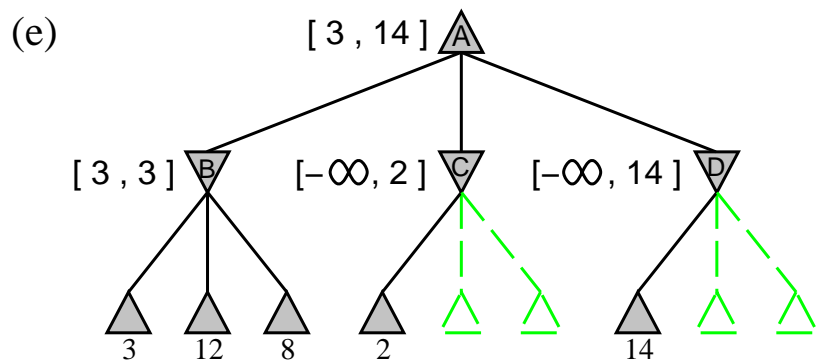
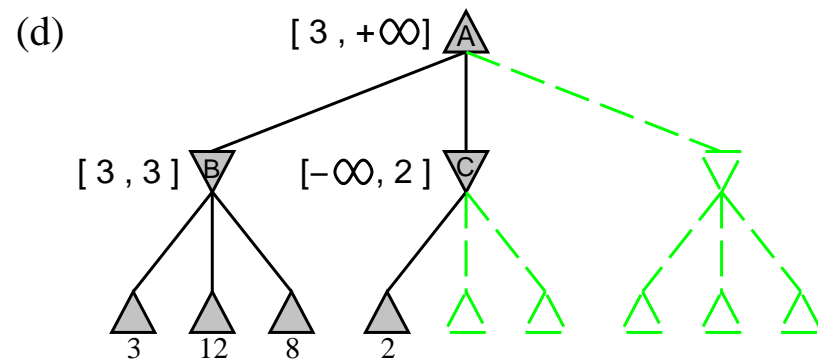
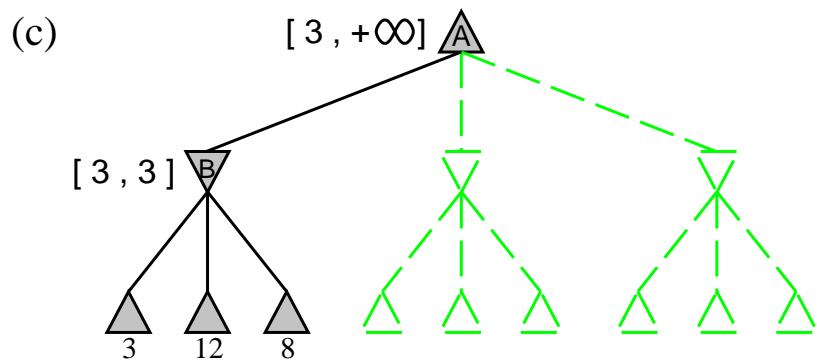
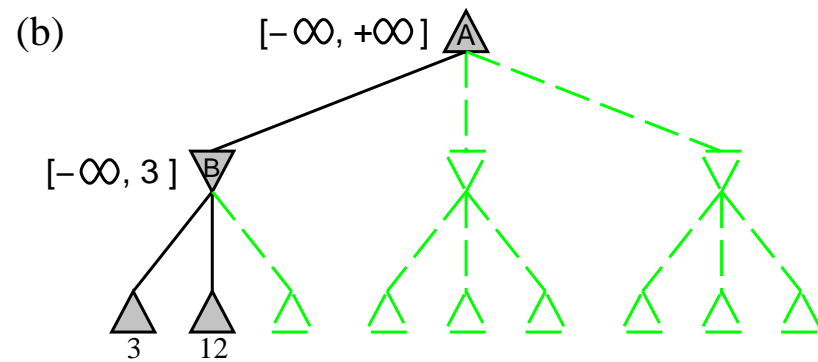
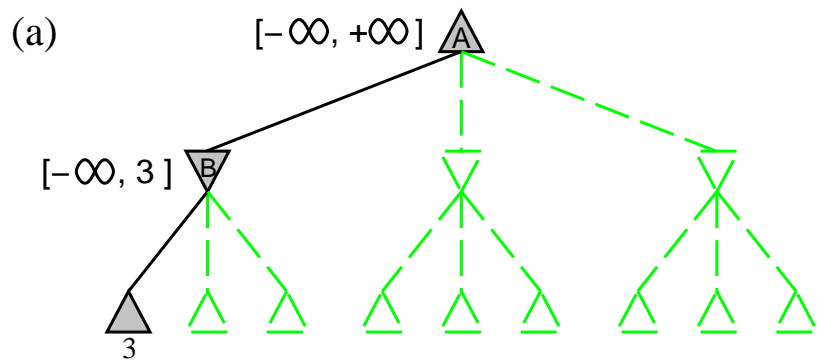




Vlastnosti Algoritmu MinMax

- **úplné:** ANO (je-li prostor konečné)
- **čas:** $O(b^d)$
- **paměť:** $O(bd)$
- **optimální:** ano





Vlastnosti Alpha-Beta Prořezávání



Vlastnosti Alpha-Beta Prořezávání



- prořezávání nemá vliv na výsledek

Negamax



Zjednodušená varianta Minimaxu, kterou je možno použít pro hry s nulovým (konstantním) součtem (zero-sum games). Zisk jednoho hráče se přesně rovná ztrátě druhého hráče.

```
function negamax(node, depth, alpha, beta)
  if node is a terminal node or depth = 0
    return the heuristic value of node
  else
    foreach child of node
      alpha := max(alpha, -negamax(child, depth-1, -beta, -alpha))
      if alpha >= beta
        return beta
  return alpha
```



NegaScout (Principle Variation Search) - doplňková znalost



- Vylepšená varianta minimaxu s α/β prořezáváním. NegaScout dominuje (je lepší než) α/β prořezáváním. Nikdy neprohledá uzel, který by byl prořezán α/β prořezáváním.
- NegaScout vychází ze správného uspořádání uzlů. V praktických aplikacích je správného uspořádání uzlů dosaženo předchozími mělkými prohledáváním. Prořezává prostor výrazně efektivněji.
- Předpokládá, že první uzel je ten nejlepší k prořezání. To kontroluje pomocí velmi rychlého prohledání s nulovým okénkem (null=window search, kde $\alpha = \beta$).
- Považován za jeden z nejlepších algoritmů používaný v nových šachových programech.

<http://en.wikipedia.org/wiki/Negascout>



NegaScout (Principle Variation Search) - doplňková znalost



```
function negascout(node, depth, alpha, beta)
    if node is a terminal node or depth = 0
        return the heuristic value of node
    b := beta
    foreach child of node
        v := -negascout (child, depth-1, -b, -alpha)
        if alpha < v < beta and not the first child
            v := -negascout(child, depth-1, -beta, -v)
        alpha := max(alpha, v)
        if alpha >= beta
            return alpha
    b := alpha+1
return alpha
```



MTD-f (Memory-enhanced Test Driver Search) - doplňková znalost

- Velmi efektivní prohledávací algoritmus, používaný v nových šachových programech.
- Pracuje tak, že opakovaně spouští alfa-beta algoritmus, který
 - pracuje s nulovým oknem
 - pamatuje si všechny prošlé uzly

<http://home.tiscali.nl/askeplaat/mtdf.html>

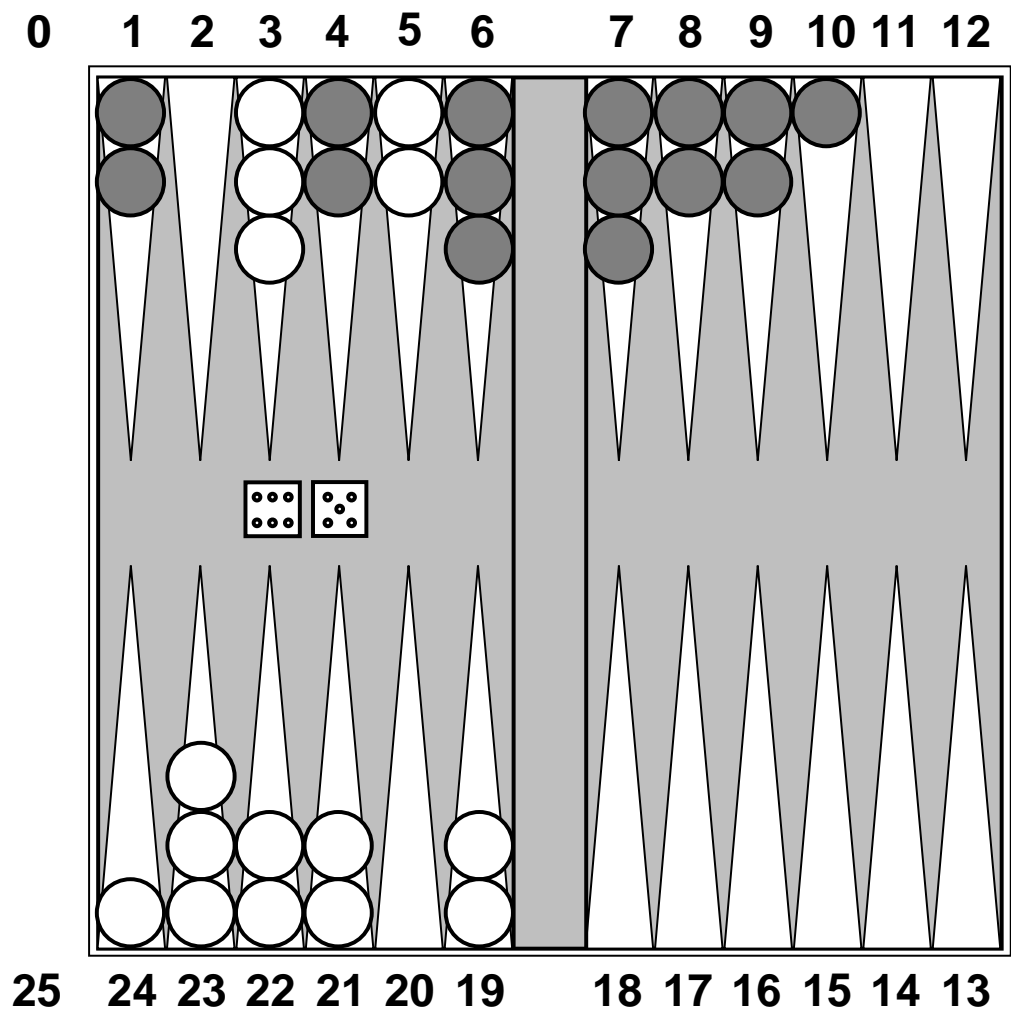


MTD-f (Memory-enhanced Test Driver Search) - doplňková znalost

```
function MTDf(root, f, d)P
  g := f
  upperBound := +inf
  lowerBound := -inf
  while lowerBound < upperBound
    if g = lowerBound then
      beta := g+1
    else
      beta := g
    g := AlphaBetaWithMemory(root, beta-1, beta, d)
    if g < beta then
      upperBound := g
    else
      lowerBound := g
  return g
```



Hry s prvkem náhody





outcomes τ	payoffs $u(\tau, (A, B))$
$\left\{ \begin{array}{ll} (A_c, B_c) & (A_c, B_d) \\ (A_d, B_c) & (A_d, B_d) \end{array} \right\}$	$\left\{ \begin{array}{ll} (1, 1) & (5, 0) \\ (0, 5) & (3, 3) \end{array} \right\}$





outcomes τ	payoffs $u(\tau, (A, B))$
$\left\{ \begin{array}{cc} (A_c, B_c) & (A_c, B_d) \\ (A_d, B_c) & (A_d, B_d) \end{array} \right\}$	$\left\{ \begin{array}{cc} (1, 1) & (5, 0) \\ (0, 5) & (3, 3) \end{array} \right\}$



strategie hráčů:

$$\xi_A = (A_d, B_c)^0 \succ (A_c, B_c)^1 \succ (A_d, B_d)^3 \succ (A_c, B_d)^5$$

$$\xi_B = (A_c, B_d)^0 \succ (A_c, B_c)^1 \succ (A_d, B_d)^3 \succ (A_d, B_c)^5$$





**OPPA European Social Fund
Prague & EU: We invest in your future.**
