

# Struktury a uniony, přesnost výpočtů a vnitřní reprezentace číselných typů

Jan Faigl

Katedra počítačů  
Fakulta elektrotechnická  
České vysoké učení technické v Praze

Přednáška 07

B0B36PRP – Procedurální programování

## Struktura – struct

- Struktura je konečná množina prvků (proměnných), které nemusí být stejného typu
- Skladba struktury je definovaná uživatelem jako nový typ sestavený z již definovaných typů
- K prvkům struktury **přistupujeme tečkovou notací**
- K prvkům můžeme přistupovat přes ukazatel operátorem **->**
- Pro struktury stejného typu je definována operace přiřazení  
`struct1 = struct2;`  
*Pro proměnné typu pole není přímo přiřazení definováno, přiřazení pole je tak nutné realizovat po prvcích.*
- Struktury (jako celek) **nelze** porovnávat relačním operátorem **==**
- Struktura může být funkci předávána hodnotou i ukazatelem
- Struktura může být návratovou hodnotou funkce

## Příklad struct – Inicializace

- Struktury:  

```
struct record {           typedef struct {
    int number;           int n;
    double value;        double v;
};                         } item;
```
- Proměnné typu struktura můžeme inicializovat prvek po prvku  
`struct record r;`  
`r.value = 21.4;`  
`r.number = 7;`
- Podobně jako pole lze inicializovat přímo při definici  
`item i = { 1, 2.3 };`
- nebo pouze konkrétní položky (ostatní jsou nulovány)  
`struct record r2 = { .value = 10.4};`

lec07/struct.c

## Přehled témat

- Část 1 – Struktury a uniony  
Struktury – `struct`  
Proměnné se sdílenou pamětí – `union` S. G. Kochan: kapitola 9 a 17  
Příklad P. Herout: kapitola 14
- Část 2 – Přesnost výpočtů a vnitřní reprezentace číselných typů  
Přesnost výpočtů a numerická stability  
Základní číselné typy a jejich reprezentace v počítači  
Reprezentace celých čísel  
Reprezentace reálných čísel S. G. Kochan: kapitola 14 (typové konverze)  
Typové konverze Appendix B (matematické funkce)  
Matematické funkce P. Herout: kapitola 7 (typové konverze)
- Část 3 – Zadání 6. domácího úkolu (HW06)

## Příklad struct – Definice

- Bez zavedení nového typu (`typedef`) je nutné před identifikátor jména struktury uvádět klíčové slovo `struct`  

```
struct record {           typedef struct {
    int number;           int n;
    double value;        double v;
};                         } item;

record r; /* THIS IS NOT ALLOWED! */
/* Type record is not known */

struct record r; /* Keyword struct is required */
item i; /* type item defined using typedef */
```
- Zavedením nového typu `typedef` můžeme používat typ struktury již bez uvádění klíčového slova `struct`

lec07/struct.c

## Příklad struct jako parametr funkce

- Struktury můžeme předávat jako parametry funkcí hodnotou  

```
void print_record(struct record rec) {
    printf("record: number(%d), value(%lf)\n",
           rec.number, rec.value);
}
```
- Nebo ukazatelem  

```
void print_item(item *v) {
    printf("item: n(%d), v(%lf)\n", v->n, v->v);
}
```
- Při předávání parametru
  - **hodnotou** se vytváří nová proměnná a původní obsah předávané struktury se kopíruje na zásobník
  - **ukazatelem** se kopíruje pouze hodnota ukazatele (adresa) a pracujeme tak s původní strukturou

lec07/struct.c

## Část I

## Část 1 – Struktury a uniony

## Definice jména struktury a typu struktury

- Uvedením `struct record` zavádíme nové jméno struktury `record`  

```
struct record {
    int number;
    double value;
};
```

  - Definujeme identifikátor `record` ve jmeném prostoru struktur
- Definicí typu `typedef` zavádíme nové jméno typu `record`  
`typedef struct record record;`
  - Definujeme globální identifikátor `record` jako jméno typu `struct record`
- Obojí můžeme kombinovat v jediné definici jména a typu struktury  

```
typedef struct record {
    int number;
    double value;
} record;
```

## Příklad struct – Přiřazení

- Hodnoty proměnné stejného typu struktury můžeme přiřadit operátorem **=**  

```
struct record {           typedef struct {
    int number;           int n;
    double value;        double v;
};                         } item;

struct record rec1 = { 10, 7.12 };
struct record rec2 = { 5, 13.1 };
item i;
print_record(rec1); /* number(10), value(7.120000) */
print_record(rec2); /* number(5), value(13.100000) */
rec1 = rec2;
i = rec1; /* THIS IS NOT ALLOWED! */
print_record(rec1); /* number(5), value(13.100000) */
```

lec07/struct.c

■ Jsou-li dvě struktury stejně veliké, můžeme přímo kopírovat obsah příslušné paměťové oblasti

*Například funkci mempcpy() z knihovny string.h*

```
struct record r = { 7, 21.4};
item i = { 1, 2.3 };
print_record(r); /* number(7), value(21.400000) */
print_item(&i); /* n(1), v(2.300000) */
if (sizeof(i) == sizeof(r)) {
  printf("i and r are of the same size\n");
  mempcpy(&i, &r, sizeof(i));
  print_item(&i); /* n(7), v(21.400000) */
}
```

■ V tomto případě je interpretace hodnot v obou strukturách identická, obecně tomu však být nemusí

lec07/struct.c

■ Vnitřní reprezentace struktury nutně nemusí odpovídat součtu velikostí jednotlivých prvků

```
struct record {
  int number;
  double value;
};

typedef struct {
  int n;
  double v;
} item;

printf("Size of int: %lu size of double: %lu\n", sizeof(int), sizeof(double));
printf("Size of record: %lu\n", sizeof(struct record));
printf("Size of item: %lu\n", sizeof(item));
```

Size of int: 4 size of double: 8
Size of record: 16
Size of item: 16

lec07/struct.c

■ Při kompilaci zpravidla dochází k zarovnání prvků na velikost slova příslušné architektury

*Napr. 8 bytů v případě 64-bitové architektury.*

■ Můžeme explicitně předepsat kompaktní paměťovou reprezentaci, např. direktivou \_\_attribute\_\_((packed)) pro překladače clang a gcc

```
struct record_packed {
  int n;
  double v;
} __attribute__((packed));
```

lec07/struct.c

Struktura struct a velikost 2/2

■ Nebo `typedef struct __attribute__((packed)) { int n; double v; } item_packed;`

■ Příklad výstupu:

```
printf("Size of int: %lu size of double: %lu\n", sizeof(int), sizeof(double));
printf("record_packed: %lu\n", sizeof(struct record_packed));
printf("item_packed: %lu\n", sizeof(item_packed));
```

Size of int: 4 size of double: 8
Size of record\_packed: 12
Size of item\_packed: 12

lec07/struct.c

■ Zarovnání zpravidla přináší rychlejší přístup do paměti, ale zvyšuje paměťové nároky

<http://www.catb.org/esr/structure-packing>

Proměnné se sdílenou pamětí – union

■ Union je množina prvků (proměnných), které nemusí být stejného typu

■ Prvky unie sdílejí společně stejná paměťová místa *Překrývají se*

■ Velikost unie je dána velikostí největšího z jeho prvků

■ Skladba unie je definována uživatelem jako nový typ sestavený z již definovaných typů

■ K prvkům unie se přistupuje tečkovou notací

■ Pokud nedefinujeme nový typ je nutné k identifikátoru proměnné unie uvádět klíčové slovo `union` *Podobně jako u struktury struct*

```
1 union Nums {
2   char c;
3   int i;
4 };
5 Nums nums; /* THIS IS NOT ALLOWED! Type Nums is not known! */
6 union Nums nums;
```

Příklad union 1/2

■ Union složený z proměnných typu: `char`, `int` a `double`

```
1 int main(int argc, char *argv[])
2 {
3   union Numbers {
4     char c;
5     int i;
6     double d;
7   };
8   printf("size of char %lu\n", sizeof(char));
9   printf("size of int %lu\n", sizeof(int));
10  printf("size of double %lu\n", sizeof(double));
11  printf("size of Numbers %lu\n", sizeof(union Numbers));
12
13  union Numbers numbers;
14
15  printf("Numbers c: %d i: %d d: %lf\n", numbers.c, numbers.i, numbers.d);
```

■ Příklad výstupu:

size of char 1
size of int 4
size of double 8
size of Numbers 8
Numbers c: 48 i: 740313136 d: 0.000000

lec07/union.c

Příklad union 2/2

■ Proměnné sdílejí paměťový prostor

```
1 numbers.c = 'a';
2 printf("\nSet the numbers.c to 'a'\n");
3 printf("Numbers c: %d i: %d d: %lf\n", numbers.c, numbers.i, numbers.d);
4
5 numbers.i = 5;
6 printf("\nSet the numbers.i to 5\n");
7 printf("Numbers c: %d i: %d d: %lf\n", numbers.c, numbers.i, numbers.d);
8
9 numbers.d = 3.14;
10 printf("\nSet the numbers.d to 3.14\n");
11 printf("Numbers c: %d i: %d d: %lf\n", numbers.c, numbers.i, numbers.d);
```

■ Příklad výstupu:

Set the numbers.c to 'a'
Numbers c: 97 i: 1374389601 d: 3.140000

Set the numbers.i to 5
Numbers c: 5 i: 5 d: 3.139999

Set the numbers.d to 3.14
Numbers c: 31 i: 1374389535 d: 3.140000

lec07/union.c

Inicializace union

■ Proměnnou typu `union` můžeme inicializovat při deklaraci

```
1 union {
2   char c;
3   int i;
4   double d;
5 } numbers = { 'a' };
```

*Pouze první položka (proměnná) může být inicializována*

■ V C99 můžeme inicializovat konkrétní položku (proměnnou)

```
1 union {
2   char c;
3   int i;
4   double d;
5 } numbers = { .d = 10.3 };
```

Příklad struktura, pole a výčtový typ 1/3

■ Hodnoty (konstanty) výčtového typu jsou celá čísla, která mohou být použita jako indexy (pole)

■ Také je můžeme použít pro inicializaci pole struktur

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #include <string.h>
4
5 enum weekdays { MONDAY, TUESDAY, WEDNESDAY, THURSDAY, FRIDAY };
6
7 typedef struct {
8   char *name;
9   char *abbr; // abbreviation
10 } week_day_s;
11
12 const week_day_s days_en[] = {
13 [MONDAY] = { "Monday", "mon" },
14 [TUESDAY] = { "Tuesday", "tue" },
15 [WEDNESDAY] = { "Wednesday", "wed" },
16 [THURSDAY] = { "Thursday", "thr" },
17 [FRIDAY] = { "Friday", "fri" },
18 };
```

lec07/demo-struct.c

## Příklad struktura, pole a výčtový typ 2/3

- Připravíme si pole struktur pro konkrétní jazyk
- Program vytiskne jméno a zkratku dne v týdnu dle čísla dne v týdnu  
*V programu používáme jednotné číslo dne bez ohledu na jazykovou mutaci*

```
19 const week_day_s days_cs[] = {
20     [MONDAY] = { "Pondeli", "po" },
21     [TUESDAY] = { "Uttery", "ut" },
22     [WEDNESDAY] = { "Streda", "st" },
23     [THURSDAY] = { "Ctvrtek", "ct" },
24     [FRIDAY] = { "Patek", "pa" },
25 };
26
27 int main(int argc, char *argv[], char **envp)
28 {
29     int day_of_week = argc > 1 ? atoi(argv[1]) : 1;
30     if (day_of_week < 1 || day_of_week > 5) {
31         fprintf(stderr, "(EE) File: '%s' Line: %d -- Given day of
32             week out of range\n", __FILE__, __LINE__);
33         return 101;
34     }
35     day_of_week -= 1; // start from 0
```

Jan Faigl, 2017 B0B36PRP – Prednáška 07: Struktury, uniony a číselné typy 22 / 59

## Přesnost výpočtu 1/2

- Ztráta přesnosti při aritmetických operacích.

## Příklad sčítání dvou čísel

```
1 #include <stdio.h>
2
3 int main(void)
4 {
5     double a = 1e+10;
6     double b = 1e-10;
7
8     printf("a : %24.12lf\n", a);
9     printf("b : %24.12lf\n", b);
10    printf("a+b: %24.12lf\n", a + b);
11
12    return 0;
13 }
14
15 clang sum.c && ./a.out
16 a : 10000000000.000000000000
17 b : 0.00000000000100
18 a+b: 10000000000.000000000000
```

Jan Faigl, 2017 B0B36PRP – Prednáška 07: Struktury, uniony a číselné typy 26 / 59

## Zdroje a typy chyby

- Chyby matematického modelu - matematická aproximace fyzikální situace.
- Chyby vstupních dat.
- Chyby numerické metody.
- Chyby zaokrouhlovací.
- Absolutní chyba aproximace  
 $E(x) = \hat{x} - x$ ,  $\hat{x}$  přesná hodnota,  $x$  aproximace.
- Relativní chyba  $RE(x) = \frac{\hat{x} - x}{x}$ .

Jan Faigl, 2017 B0B36PRP – Prednáška 07: Struktury, uniony a číselné typy 29 / 59

## Příklad struktura, pole a výčtový typ 3/3

- Detekci národního prostředí provedeme podle hodnoty proměnné prostředí

*Pro jednoduchost detekujeme češtinu na základě výskytu řetězce "cs" v hodnotě proměnné prostředí LC\_CTYPE.*

```
35 _Bool cz = 0;
36 while (*envp != NULL) {
37     if (strstr(*envp, "LC_CTYPE") && strstr(*envp, "cs"))
38         {
39             cz = 1;
40             break;
41         }
42     envp++;
43 }
44 const week_day_s *days = cz ? days_cs : days_en;
45 printf("%d %s %s\n",
46     day_of_week,
47     days[day_of_week].name,
48     days[day_of_week].abbr);
49 return 0;
50 }
```

Jan Faigl, 2017 B0B36PRP – Prednáška 07: Struktury, uniony a číselné typy 23 / 59

## Přesnost výpočtu 2/2

## Příklad dělení dvou čísel

```
1 #include <stdio.h>
2
3 int main(void)
4 {
5     const int number = 100;
6     double dV = 0.0;
7     float fV = 0.0f;
8
9     for (int i = 0; i < number; ++i) {
10        dV += 1.0 / 10.0;
11        fV += 1.0 / 10.0;
12    }
13
14    printf("double value: %lf ", dV);
15    printf("float value: %lf ", fV);
16
17    return 0;
18 }
19
20 clang division.c && ./a.out
21 double value: 10.000000 float value: 10.000002
```

Jan Faigl, 2017 B0B36PRP – Prednáška 07: Struktury, uniony a číselné typy 27 / 59

## Podmíněnost numerických úloh

- Podmíněnost úlohy  $C_p = \frac{\text{relativní chyba výstupních údajů}}{\text{relativní chyba vstupních údajů}}$
- Dobře podmíněná úloha  $C_p \approx 1$ .
- Výpočet je dobře podmíněný, je-li málo citlivý na poruchy ve vstupních datech.
- Numericky stabilní výpočet - vliv zaokrouhlovacích chyb na výsledek je malý.
- Výpočet je stabilní, je-li dobře podmíněný a numericky stabilní.

Jan Faigl, 2017 B0B36PRP – Prednáška 07: Struktury, uniony a číselné typy 30 / 59

## Část II

## Část 2 – Vnitřní reprezentace číselných typů

## Přesnost výpočtu - strojová přesnost

- Strojová přesnost  $\epsilon_m$  - nejmenší desetinné číslo, které přičtením k 1.0 dává výsledek různý od 1, pro  $|v| < \epsilon_m$ , platí

$$v + 1.0 == 1.0.$$

*Symbol == odpovídá porovnání dvou hodnot v Javě (test na ekvivalenci).*

- Zaokrouhlovací chyba - nejméně  $\epsilon_m$ .
- Přesnost výpočtu - aditivní chyba roste s počtem operací v řádu  $\sqrt{N} \cdot \epsilon_m$ .
  - Často se však kumuluje preferabilně v jedno směru v řádu  $N \cdot \epsilon_m$ .

Jan Faigl, 2017 B0B36PRP – Prednáška 07: Struktury, uniony a číselné typy 28 / 59

## Možnosti zvýšení přesnosti

- Reprezentace racionálních čísel - podíl dvou celočíselných hodnot, např. *Homogenní souřadnice*.
- „Libovolná přesnost“ - speciální knihovny, např. *gmp* až do výše volné paměti.

*souřadnice x,y - 7511164176768 346868669952 3739567104 ~ 2008.57, 92.76*

*Informativní*

Jan Faigl, 2017 B0B36PRP – Prednáška 07: Struktury, uniony a číselné typy 31 / 59





## Matematické funkce

- `<math.h>` – základní funkce pro práci s „reálnými“ čísly
  - Výpočet odmocniny neceleho čísla `x`  
`double sqrt(double x); float sqrtf(float x);`  
*V C funkce nepřetěžujeme, proto jsou jména odlišena*
  - `double pow(double x, double y);` – výpočet obecné mocniny
  - `double atan2(double y, double x);` – výpočet  $\arctan y/x$  s určením kvadrantu
  - Symbolické konstanty – `M_PI, M_PI_2, M_PI_4`, atd.
    - `#define M_PI 3.14159265358979323846`
    - `#define M_PI_2 1.57079632679489661923`
    - `#define M_PI_4 0.78539816339744830962`
  - `isfinite(), isnan(), isless(), ...` – makra pro porovnání reálných čísel.
  - `round(), ceil(), floor()` – zaokrouhlování, převod na celá čísla
- `<complex.h>` – funkce pro počítání s komplexními čísly *ISO C99*
- `<fenv.h>` – funkce pro řízení zaokrouhlování a reprezentaci dle IEEE 754. **man math**

Diskutovaná témata

### Shrnutí přednášky

## Část III

### Část 3 – Zadání 6. domácího úkolu (HW06)

Diskutovaná témata

### Diskutovaná témata

- Struktury, způsoby definování, inicializace a paměťové reprezentace
- Uniony
- Přesnost výpočtu
- Vnitřní paměťová reprezentace celočíselných i neceločíselných číselných typů
- Knihovna `math.h`
- Přístě: **Standární knihovny C. Rekurse.**

## Zadání 6. domácího úkolu HW06

Téma: **Caesarova šifra**

Povinné zadání: **3b**; Volitelné zadání: **2b**; Bonusové zadání: *není*

- **Motivace:** Získat zkušenosti s dynamickou alokací paměti. Implementovat výpočetní úlohu optimalizačního typu.
- **Cíl:** Osvojit si práci s dynamickou alokací paměti
- **Zadání:** <https://cw.fel.cvut.cz/wiki/courses/b0b36prp/hw/hw06>
  - Načtení dvou vstupních textu a tisk dekodované zprávy na výstup
  - Zakódovaný text i (špatně) odposlechnutý text mají stejné délky
  - Nalezení největší shody dekodovaného a odposlechnutého textu na základě hodnoty posunu v Caesarově šifře
  - Optimalizace hodnoty Hammingovy vzdálenosti  
[https://en.wikipedia.org/wiki/Hamming\\_distance](https://en.wikipedia.org/wiki/Hamming_distance)
  - **Volitelné zadání** rozšiřuje úlohu o uvažování chybějících znaků v odposlechnutém textu, což vede na využití Levenshtejnovy vzdálenosti.  
[https://en.wikipedia.org/wiki/Levenshtein\\_distance](https://en.wikipedia.org/wiki/Levenshtein_distance)
- **Termín odevzdání:** **25.11.2017, 23:59:59 PST**

*PST – Pacific Standard Time*

Diskutovaná témata