

## Příklady č. 6 (k řešení mezi 16.5. – 30.5., vedená vlna, vyžaduje programování)

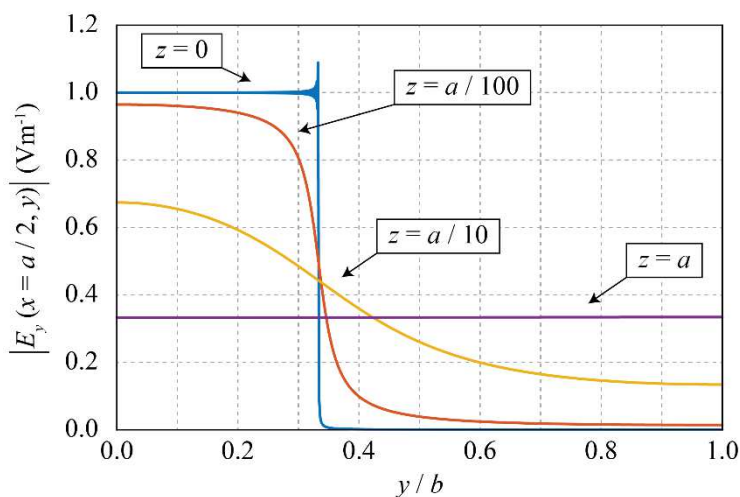
### Příklad 1 (3 body)

Uvažujte vlnovod obdelníkového průřezu s delší hranou  $a$  a kratší hranou  $b$ . Nechť kratší hrana leží podél osy  $y$  a delší hrana podél osy  $x$ . Vlnovod je z ideálního vodiče. Předpokládejte, že v rovině  $z = 0$  víte, že

$$\hat{E}(x, y, z = 0, \omega) = \begin{cases} y_0 \sin\left(\frac{\pi x}{a}\right), & y \in (0, d) \\ 0, & \text{jinak} \end{cases}$$

a také, že elektromagnetické pole se pohybuje pouze v kladném směru osy  $z$ .

Určete intenzitu elektrického pole  $\hat{E}(x, y, z > 0, \omega)$ . Absolutní hodnotu  $y$ -ové složky elektrické intenzity dále vykreslete na úsečkách  $x = a/2$ ,  $z = \text{const.}$ , jako je to provedeno na Obr. 1. Výpočet proveďte pro  $a/b = 22.86/10.16$  (vlnovod R100),  $d/b = 0.3333$ ,  $ka = 4.311$ .



Obr. 1 Absolutní hodnota  $y$ -ové složky elektrické intenzity (součet jednoho tisíce módů)

$$\text{Výsledek: } \hat{E}_y(x, y, z > 0, \omega) = \left[ \frac{d}{b} e^{-jk_z[1,0]z} + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2}{n\pi} \sin\left(\frac{n\pi d}{b}\right) \cos\left(\frac{n\pi y}{b}\right) e^{-jk_z[1,n]z} \right] \sin\left(\frac{\pi x}{a}\right)$$

*Pozn.* Povšimněte si, jak rychle se evanescentní módy přestávají uplatňovat. V rovině  $z = a$  již prakticky existuje jen dominantní mód (v tomto případě TE<sub>10</sub>).