

Prioritní fronta a příklad použití v úloze hledání nejkratších cest

Jan Faigl

Katedra počítačů

Fakulta elektrotechnická

České vysoké učení technické v Praze

Přednáška 11

B0B36PRP – Procedurální programování



Přehled témat

- Část 1 – Prioritní fronta polem a haldou

Prioritní fronta polem

Halda

- Část 2 – Příklad využití prioritní fronty v úloze hledání nejkratší cesty v grafu

Popis úlohy

Návrh řešení

Příklad naivní implementace prioritní fronty polem

Implementace pq haldou s `push()` a `update()`

- Část 3 – Zadání bonusového úkolu (HW10B)



Část I

Část 1 – Prioritní fronta (Halda)



Obsah

Prioritní fronta polem

Halda



Prioritní fronta polem – rozhraní

- V případě implementace prioritní fronty polem můžeme využít jedno pole pro hodnoty a druhé pole pro uložení priority daného prvku.

Implementace vychází z `lec11/queue_array.h` a `lec11/queue_array.c`

```
typedef struct {
    void **queue;      // Pole ukazatelů na jednotlivé prvky
    int *priorities;   // Pole hodnot priorit jednotlivých prvků
    int count;         // Uvažujeme pouze MAX_INT prvků, zpravidla 2147483647
    int head;
    int tail;
} queue_t;
```

- Další rozhraní (jména a argumenty funkcí) mohou zůstat identické jako u implementace spojovým seznamem.

Viz 9. přednáška.

```
void queue_init(queue_t **queue);
void queue_delete(queue_t **queue);
void queue_free(queue_t *queue);
_Bool queue_is_empty(const queue_t *queue);

int queue_push(void *value, int priority,
               queue_t *queue);
void* queue_pop(queue_t *queue);
void* queue_peek(const queue_t *queue);
```



Prioritní fronta polem 1/3 – push()

- Funkce `push()` je až na uložení priority identická s verzí bez priorit.

```
46 int queue_push(void *value, int priority, queue_t *queue)
47 {
48     int ret = QUEUE_OK; // by default we assume push will be OK
49     if (queue->count < MAX_QUEUE_SIZE) {
50         queue->queue[queue->tail] = value;
51         queue->priorities[queue->tail] = priority; // store priority of the new value entry
52         queue->tail = (queue->tail + 1) % MAX_QUEUE_SIZE;
53         queue->count += 1;
54     } else {
55         ret = QUEUE_MEMFAIL;
56     }
57     return ret;
58 }
```

lec11/priority_queue-array/priority_queue-array.c

- Funkce `peek()` a `pop()` potřebují prvek s nejnižší (nejvyšší) prioritou.
 - Nalezení prvku z „čela“ fronty realizujeme funkcí `getEntry()`, kterou následně využijeme jak v `peek()`, tak v `pop()`.



Prioritní fronta polem 2/3 – getEntry()

- Nalezení nejmenšího (největšího) prvku provedeme lineárním prohledáním aktuálních prvků uložených ve frontě (poli).

```
61 static int getEntry(const queue_t *const queue)
62 {
63     int ret = -1; // return -1 if queue is empty.
64     if (queue->count > 0) {
65         for (int cur = queue->head, i = 0; i < queue->count; ++i) {
66             if (
67                 ret == -1 ||
68                 (queue->priorities[ret] > queue->priorities[cur])
69             ) {
70                 ret = cur;
71             }
72             cur = (cur + 1) % MAX_QUEUE_SIZE;
73         }
74     }
75     return ret;
76 }
```

lec11/priority_queue-array/priority_queue-array.c



Prioritní fronta polem 3/3 – peek() a pop()

- Funkce `peek()` využívá lokální (static) funkce `getEntry()`.

```

101 void* queue_peek(const queue_t *queue)      Co se stane, když zavoláme getEntry() na prázdnou frontu? Proč je static?
102 {
103     return queue_is_empty(queue) ? NULL : queue->queue[getEntry(queue)];
104 }
```

- Ve funkci `pop()` zaplníme položku vyjmutého prvku prvkem ze startu.

```

77 void* queue_pop(queue_t *queue)            Tím zajistíme, že prvky tvoří souvislý blok v rámci kruhové fronty.
78 {
79     void *ret = NULL;
80     int bestEntry = getEntry(queue);
81     if (bestEntry >= 0) { // entry has been found
82         ret = queue->queue[bestEntry];
83         if (bestEntry != queue->head) { //replace the bestEntry by head
84             queue->queue[bestEntry] = queue->queue[queue->head];
85             queue->priorities[bestEntry] = queue->priorities[queue->head];
86         }
87         queue->head = (queue->head + 1) % MAX_QUEUE_SIZE;
88         queue->count -= 1;
89     }
90     return ret;
91 }
```



Prioritní fronta polem – příklad použití

- Použití je identické s implementací spojovým seznamem.

```
$ make && ./demo-priority_queue-array
ccache clang -c priority_queue-array.c -O2 -o priority_queue-array.o
ccache clang priority_queue-array.o demo-priority_queue-array.o -o demo-priority_queue-array
Add 0 entry '2nd' with priority '2' to the queue
Add 1 entry '4th' with priority '4' to the queue
Add 2 entry '1st' with priority '1' to the queue
Add 3 entry '5th' with priority '5' to the queue
Add 4 entry '3rd' with priority '3' to the queue
Pop the entries from the queue
1st
2nd
3rd
4th
5th
```

[lec11/priority_queue-array/priority_queue-array.h](#)
[lec11/priority_queue-array/priority_queue-array.c](#)
[lec11/priority_queue-array/demo-priority_queue-array.c](#)



Prioritní fronta spojovým seznamem nebo polem a výpočetní náročnost

- V naivní implementaci prioritní fronty jsme zohlednění priority „odložili“ až do doby, kdy potřebujeme odebrat prvek z fronty. *Použili jsme „lazy“ (odložený) výpočet.*
- Při odebrání (nebo vrácení) nejmenšího prvku v nejnepříznivějším případě musíme projít všechny položky.
- To může být **výpočetně náročné** a raději bychom chtěli „udržovat“ prvek připravený.
 - Můžeme to například udělat zavedením položky **head**, ve které bude aktuálně nejnížší (nejvyšší) vložený prvek do fronty.
 - Prvek **head** aktualizujeme v metodě **push()** porovnáním hodnoty aktuálně vkládaného prvku.
 - Tím zefektivníme operaci **peek()**.
 - V případě odebrání prvku, však musíme frontu znovu projít a najít nový prvek.

Nebo můžeme použít sofistikovanější datovou strukturu, která nám umožní efektivně udržovat hodnotu nejmenšího prvku a to jak při operaci vložení **push()** tak při operaci vyjmutí **pop()** prvku z prioritní fronty.



Obsah

Prioritní fronta polem

Halda



Halda

- Halda je dynamická datová struktura, která má „tvar“ binárního stromu a uspořádání prioritní fronty.
- Každý prvek haldy obsahuje hodnotu a dva potomky, podobně jako binární strom.
- **Vlastnosti haldy** – „*Heap property*“.
 - **Hodnota každého prvku je menší než hodnota libovolného potomka.**
 - Každá úroveň binárního stromu haldy je plná, kromě poslední úrovně, která je zaplněna zleva doprava.
- **Prvky mohou být odebrány pouze přes kořenový uzel.**
- **Vlastnost haldy zajišťuje, že kořen je vždy prvek s nejnižším/nejvyšším ohodnocením.**

Binární plný strom

V případě binárního plného stromu je složitost procházení úměrná hloubce stromu, která je pro n prvků úměrná $\log_2(n)$. Složitost operací `push()`, `pop()`, `peek()` tak můžeme očekávat nikoliv $O(n)$ (jako v případě předchozí implementace prioritní fronty polem a spojovým seznamem), ale $O(\log n)$ a pro `peek()` dokonce $O(1)$.

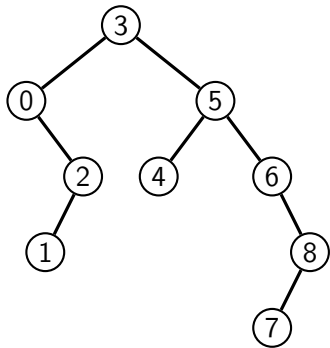


Binární vyhledávací strom vs halda

Binární vyhledávací strom

- Může obsahovat prázdná místa.
- Hloubka stromu se může měnit.

Zajistit vyvážený strom je implementačně náročnější než implementace haldy.



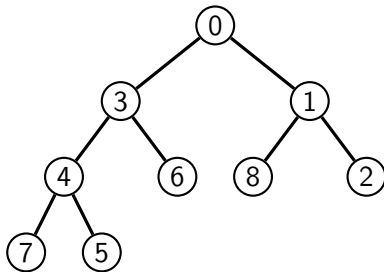
Halda

- Binární plný strom

Hloubka stromu vždy $\lfloor \log_2(n) \rfloor$.

- Kořen stromu je vždy prvek s nejnižší (nejvyšší) hodnotou.
- Každý podstrom splňuje vlastnost haldy.

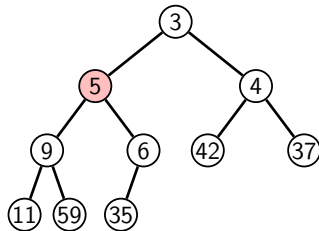
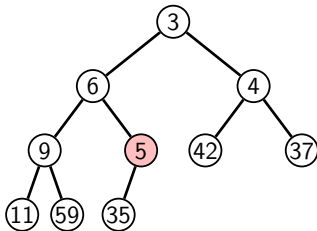
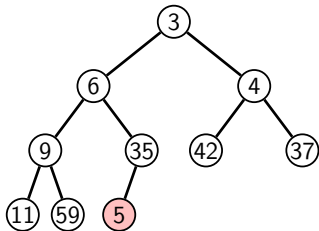
Heap property



Halda – přidání prvku `push()`

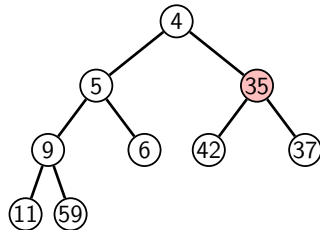
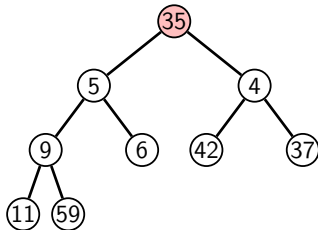
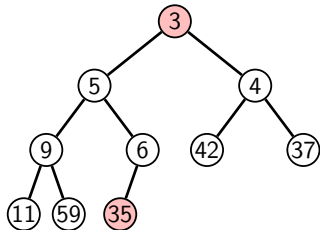
1. Po každém provedení operace `push()` musí být splněny vlastnosti haldy.
2. Prvek přidáme na konec haldy, tj. na první volnou pozici (vlevo) na nejnižší úrovni haldy.
3. Zkontrolujeme, zdali je splněna podmínka haldy, pokud ne, zaměníme prvek s nadřazeným prvkem (předkem).

V nejnepríznivějším případě prvek „proublá“ až do kořene stromu.



Halda – odebrání prvku **pop()**

- Při operaci **pop()** odebereme kořen stromu.
- Prázdné místo nahradíme nejpravějším listem.
- Zkontrolujeme, zdali je splněna podmínka haldy, pokud ne, zaměníme prvek s potomkem a postup opakujeme. *V nejneprůzračnějším případě prvek „probublá“ až do listu stromu.*



- Jak zjistit nejpravější list?
 - V případě implementace spojovou strukturou (nelineární) můžeme explicitně udržovat odkaz.
 - **Binární plný strom můžeme efektivně reprezentovat polem** – pak nejpravější list je poslední prvek v poli.



Prioritní fronta haldou

- Prvky ukládáme do haldy a při každém vložení / odebrání zajišťujeme, aby platily vlastnosti **haldy**.
- Operace **peek()** má konstantní složitost a nezáleží na počtu prvků ve frontě, nejnižší prvek je vždy kořen.

Asymptotická složitost v notaci velké O je $O(1)$.

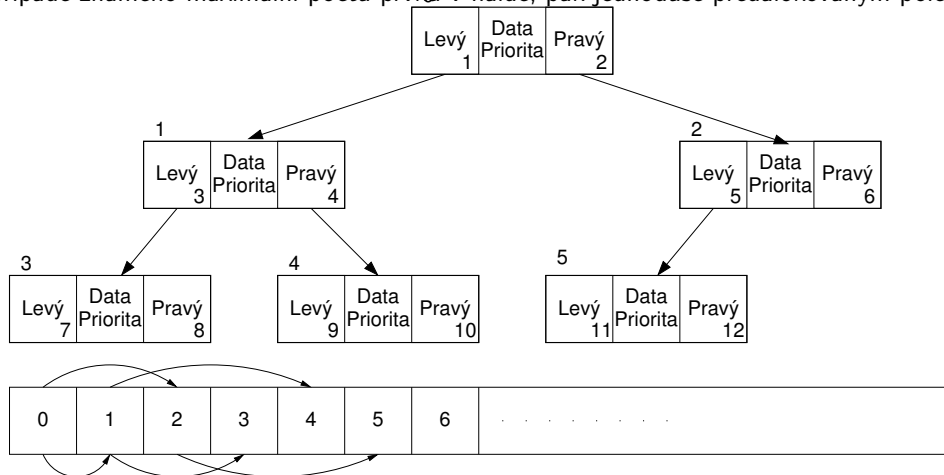
- Operace **push()** a **pop()** udržují vlastnost haldy záměnami prvku až do hloubky stromu.

Pro binární plný strom je hloubka stromu $\log_2(n)$, kde n je aktuální počet prvků ve stromu, odtud složitost operace $O(\log(n))$.



Reprezentace binárního stromu polem

- Binární plný strom můžeme reprezentovat lineární strukturou.
- V případě známého maximálního počtu prvků v haldě, pak jednoduše předalokovaným polem.

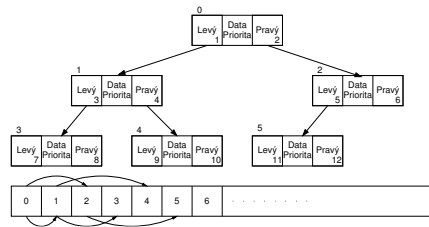


Halda jako binární plný strom reprezentovaný polem

- Pro definovaný maximální počet prvků v haldě si předalokujeme pole o daném počtu prvků.
- Binární **plný strom** má všechny vrcholy na úrovni rovné hloubce stromu co nejvíce vlevo.
- Kořen stromu je první prvek s indexem 0, následníky prvku na pozici i lze v poli určit jako prvky s indexy:

- levý následník: $i_{\text{levý}} = 2i + 1$;
- pravý následník: $i_{\text{pravý}} = 2i + 2$.

Podobně lze odvodit vztah pro předchůdce.



- Kořen stromu reprezentuje nejprioritnější prvek.

Např. s nejmenší hodnotou nebo maximální prioritou.



Operace vkládání a odebírání prvků

- I v případě reprezentace polem pracují operace vkládání a odebírání identicky.
 - Funkce `push()` přidá prvek jako další prvek v poli a následně propaguje prvek směrem nahoru až **je splněna vlastnost haldy**.
 - Při odebrání prvku funkcí `pop()` je poslední prvek v poli umístěn na začátek pole (kořen stromu) a propagován směrem dolů až **je splněna vlastnost haldy**.
- Dochází pouze k vzájemnému zaměňování hodnot na pozicích v poli (haldě).

Z indexu prvku v poli vždy můžeme určit jak levého a pravého následníka, tak i předcházející prvek (rodič) v pohledu na haldu jako binární strom.
- Hlavní výhodou reprezentace polem je přístup do předem alokovaného bloku paměti.

Všechny prvky můžeme jednoduše projít v jedné smyčce, například při výpisu.
- Ověření zdali implementace operací `push()` a `pop()` zachovává **podmínku haldy** můžeme realizovat ověřující funkcí `is_heap()`.



Příklad implementace pq_is_heap()

- Pro každý prvek haldy musí platit, že jeho hodnota je menší než levý i pravý následník.

```
18 typedef struct {
19     int size;    // the maximal number of entries
20     int len;     // the current number of entries
21     int *cost;   // array with costs - lowest cost is highest priority
22     int *label;  // array with labels (each label has cost/priority)
23 } pq_heap_s;

161 _Bool pq_is_heap(pq_heap_s *pq, int n)
162 {
163     _Bool ret = true;
164     int l = 2 * n + 1; // left successor
165     int r = l + 1;     // right successor
166     if (l < pq->len) {
167         ret = (pq->cost[l] < pq->cost[n]) ? false : pq_is_heap(pq, l);
168     }
169     if (r < pq->len) {
170         ret = ret // if ret is false, further expression is not evaluated
171             &&
172             ( (pq->cost[r] < pq->cost[n]) ? false : pq_is_heap(pq, r) );
173     }
174     return ret;
175 }
```



Příklad implementace push()

- Prvek přidáme na konec pole a iterativně kontrolujeme, zdali je splněna vlastnost haldy. Pokud ne, prvek zaměníme s předchůdcem.

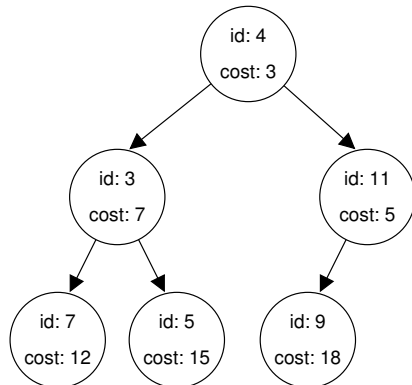
```
81 #define GET_PARENT(i) ((i-1) >> 1) // parent is (i-1)/2
83 _Bool pq_push(pq_heap_s *pq, int label, int cost)
84 {
85     _Bool ret = false;
86     if (pq && pq->len < pq->size && label >= 0 && label < pq->size) {
87         pq->cost[pq->len] = cost; //add the cost to the next free slot
88         pq->label[pq->len] = label; //add label of new entry
89         int cur = pq->len; // index of the entry added to the heap
90         int parent = GET_PARENT(cur);
91         while (cur >= 1 && pq->cost[parent] > pq->cost[cur]) {
92             pq_swap(pq, parent, cur); // swap parent<->cur
93             cur = parent;
94             parent = GET_PARENT(cur);
95         }
96         pq->len += 1;
97         ret = true;
98     }
99     // assert(pq_is_heap(pq, 0)); // testing the implementation
100     return ret;
101 }
```



Příklad volání `pop()`

- Halda je reprezentovaná binárním polem.
- Nejmenší prvek je kořenem stromu.
- Voláním `pop()` odebíráme kořen stromu.
- Na jeho místo umístíme poslední prvek.
- Strom však nesplňuje podmínku haldy.
- Proto provedeme záměnu s následníky.
V tomto případě volíme pravého následníka, neboť jeho hodnota je nižší než hodnota levého následníka.
- A strom opět splňuje vlastnost haldy.
- Záměny provádíme v poli a využíváme vlastnosti plného binárního stromu.

Levý potomek prvku haldy na pozici i je $2i+1$, pravý potomek je na pozici $2i+2$.



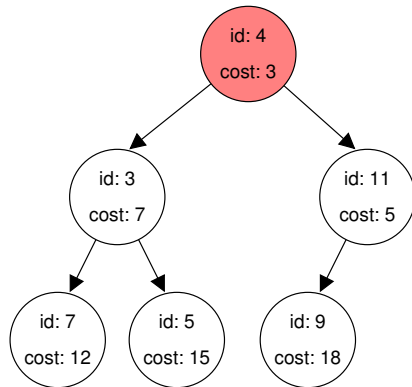
id:	4	3	11	7	5	9	
cost:	3	7	5	12	15	18	
	0	1	2	3	4	5	6



Příklad volání pop()

- Halda je reprezentovaná binárním polem.
- Nejmenší prvek je kořenem stromu.
- Voláním pop() odebíráme kořen stromu.
- Na jeho místo umístíme poslední prvek.
- Strom však nesplňuje podmínku haldy.
- Proto provedeme záměnu s následníky.
V tomto případě volíme pravého následníka, neboť jeho hodnota je nižší než hodnota levého následníka.
- A strom opět splňuje vlastnost haldy.
- Záměny provádíme v poli a využíváme vlastnosti plného binárního stromu.

Levý potomek prvku haldy na pozici i je $2i+1$, pravý potomek je na pozici $2i+2$.



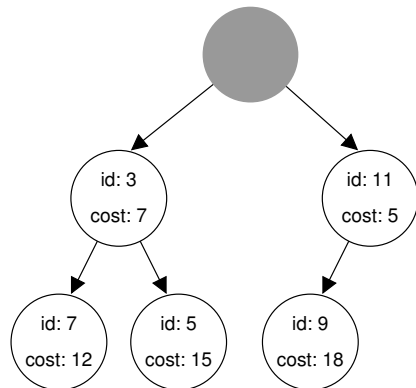
id:	4	3	11	7	5	9	
cost:	3	7	5	12	15	18	
	0	1	2	3	4	5	6



Příklad volání pop()

- Halda je reprezentovaná binárním polem.
- Nejmenší prvek je kořenem stromu.
- Voláním pop() odebíráme kořen stromu.
- Na jeho místo umístíme poslední prvek.
- Strom však nesplňuje podmínku haldy.
- Proto provedeme záměnu s následníky.
- A strom opět splňuje vlastnost haldy.
- Záměny provádíme v poli a využíváme vlastnosti plného binárního stromu.

V tomto případě volíme pravého následníka, neboť jeho hodnota je nižší než hodnota levého následníka.



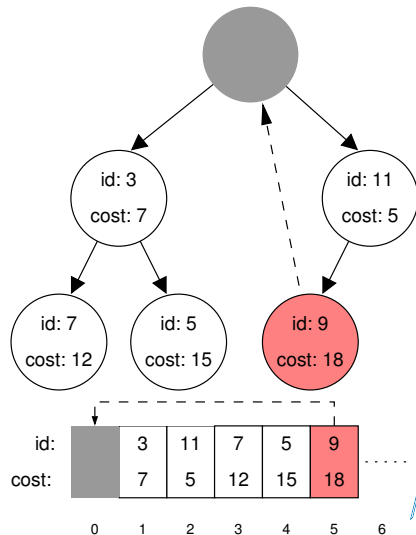
id:		3	11	7	5	9	
cost:		7	5	12	15	18	
	0	1	2	3	4	5	6



Příklad volání `pop()`

- Halda je reprezentovaná binárním polem.
- Nejmenší prvek je kořenem stromu.
- Voláním `pop()` odebíráme kořen stromu.
- **Na jeho místo umístíme poslední prvek.**
- Strom však nesplňuje podmínku haldy.
- Proto provedeme záměnu s následníky.
V tomto případě volíme pravého následníka, neboť jeho hodnota je nižší než hodnota levého následníka.
- A strom opět splňuje vlastnost haldy.
- Záměny provádíme v poli a využíváme vlastnosti plného binárního stromu.

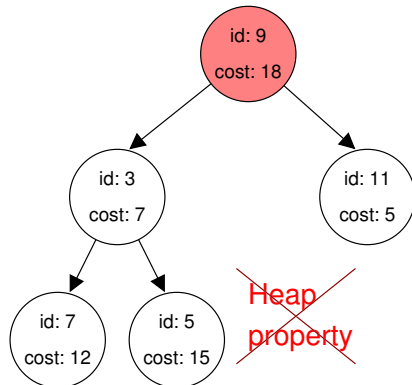
Levý potomek prvku haldy na pozici i je $2i+1$, pravý potomek je na pozici $2i+2$.



Příklad volání `pop()`

- Halda je reprezentovaná binárním polem.
- Nejmenší prvek je kořenem stromu.
- Voláním `pop()` odebíráme kořen stromu.
- Na jeho místo umístíme poslední prvek.
- **Strom však nesplňuje podmínku haldy.**
- Proto provedeme záměnu s následníky.
V tomto případě volíme pravého následníka, neboť jeho hodnota je nižší než hodnota levého následníka.
- A strom opět splňuje vlastnost haldy.
- Záměny provádíme v poli a využíváme vlastnosti plného binárního stromu.

Levý potomek prvku haldy na pozici i je $2i+1$, pravý potomek je na pozici $2i+2$.



id:	9	3	11	7	5	–	
cost:	18	7	5	12	15	–	
	0	1	2	3	4	5	6

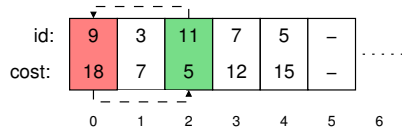
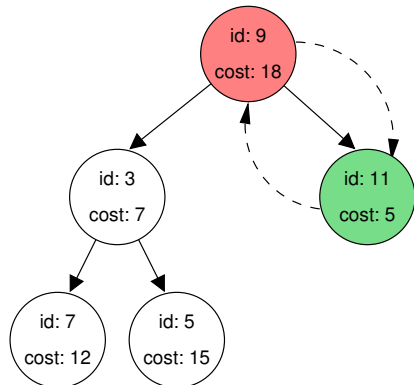


Příklad volání pop()

- Halda je reprezentovaná binárním polem.
- Nejmenší prvek je kořenem stromu.
- Voláním `pop()` odebíráme kořen stromu.
- Na jeho místo umístíme poslední prvek.
- Strom však nesplňuje podmínku haldy.
- **Proto provedeme záměnu s následníky.**
- A strom opět splňuje vlastnost haldy.
- Záměny provádíme v poli a využíváme vlastnosti plného binárního stromu.

V tomto případě volíme pravého následníka, neboť jeho hodnota je nižší než hodnota levého následníka.

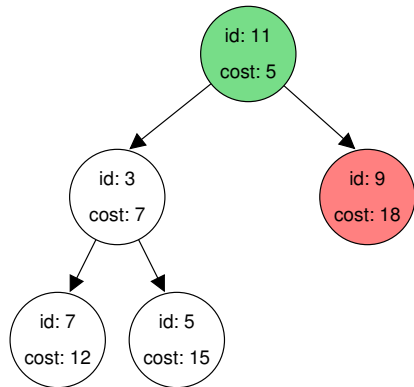
Levý potomek prvku haldy na pozici i je $2i+1$, pravý potomek je na pozici $2i+2$.



Příklad volání `pop()`

- Halda je reprezentovaná binárním polem.
- Nejmenší prvek je kořenem stromu.
- Voláním `pop()` odebíráme kořen stromu.
- Na jeho místo umístíme poslední prvek.
- Strom však nesplňuje podmínku haldy.
- Proto provedeme záměnu s následníky.
V tomto případě volíme pravého následníka, neboť jeho hodnota je nižší než hodnota levého následníka.
- **A strom opět splňuje vlastnost haldy.**
- Záměny provádíme v poli a využíváme vlastnosti plného binárního stromu.

Levý potomek prvku haldy na pozici i je $2i+1$, pravý potomek je na pozici $2i+2$.



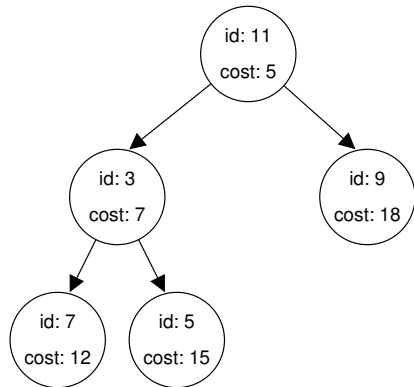
id:	11	3	9	7	5	–	
cost:	5	7	18	12	15	–	
	0	1	2	3	4	5	6



Příklad volání pop()

- Halda je reprezentovaná binárním polem.
- Nejmenší prvek je kořenem stromu.
- Voláním `pop()` odebíráme kořen stromu.
- Na jeho místo umístíme poslední prvek.
- Strom však nesplňuje podmínku haldy.
- Proto provedeme záměnu s následníky.
V tomto případě volíme pravého následníka, neboť jeho hodnota je nižší než hodnota levého následníka.
- A strom opět splňuje vlastnost haldy.
- Záměny provádíme v poli a využíváme vlastnosti plného binárního stromu.

Levý potomek prvku haldy na pozici i je $2i+1$, pravý potomek je na pozici $2i+2$.



id:	11	3	9	7	5	–	
cost:	5	7	18	12	15	–	
	0	1	2	3	4	5	6



Část II

Část 2 – Příklad využití prioritní fronty v úloze hledání nejkratší cesty v grafu



Obsah

Popis úlohy

Návrh řešení

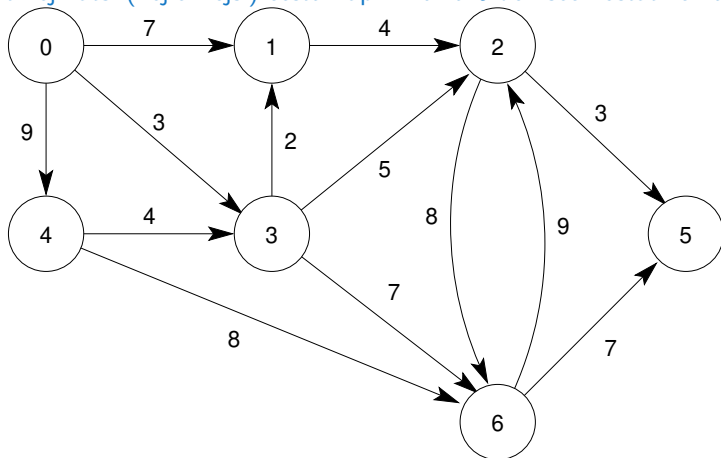
Příklad naivní implementace prioritní fronty polem

Implementace pq haldou s `push()` a `update()`



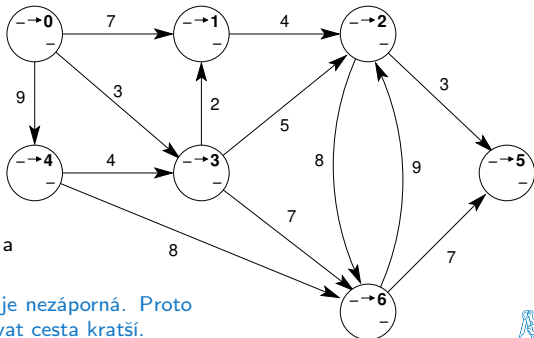
Hledání nejkratší cesty v grafu

- Uzly grafu mohou reprezentovat jednotlivá místa a hrany cestu, jak se mezi místy pohybovat.
- Ohodnocení (cena) hrany může odpovídat náročnosti pohybu mezi dvě sousedními uzly.
- Cílem je nalézt nejkratší (nejlevnější) cestu např. z uzlu 0 do všech ostatních uzlů.



Dijkstrův algoritmus

- Nechť má graf pouze kladné ohodnocení hran, pak pro každý uzel:
 - nastavíme aktuální cenu nejkratší cesty z výchozího uzlu;
 - udržujeme odkaz na bezprostředního předchůdce na nejkratší cestě ze startovního uzlu.
- Hledání cesty je postupná aktualizace ceny nejkratší cesty do jednotlivých uzlů.
 - Začneme z výchozího uzlu (cena 0) a aktualizujeme délku cesty do následníků.
 - Následně vybereme takový uzel,
 - do kterého již existuje nějaká cesta z výchozího uzlu a zároveň má aktuálně nejnižší ohodnocení.
 - Postup opakuje dokud existuje nějaký dosažitelný uzel.
 - Tj. uzel, do kterého vede cesta z výchozího uzlu a
 - má již ohodnocení a předchůdce (*zelené uzly*).

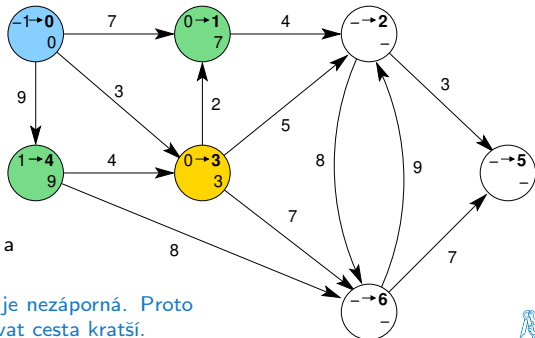


Ohodnocení uzlů se může pouze snižovat, cena hran je nezáporná. Proto pro uzel s aktuálně nejkratší cestou již nemůže existovat cesta kratší.



Dijkstrův algoritmus

- Nechť má graf pouze kladné ohodnocení hran, pak pro každý uzel:
 - nastavíme aktuální cenu nejkratší cesty z výchozího uzlu;
 - udržujeme odkaz na bezprostředního předchůdce na nejkratší cestě ze startovního uzlu.
- Hledání cesty je postupná aktualizace ceny nejkratší cesty do jednotlivých uzlů.
- Začneme z výchozího uzlu (cena 0) a aktualizujeme délku cesty do následníků.
- **Následně vybereme takový uzel,**
 - do kterého již existuje nějaká cesta z výchozího uzlu a zároveň **má aktuálně nejnižší ohodnocení.**
- Postup opakuje dokud existuje nějaký dosažitelný uzel.
 - Tj. uzel, do kterého vede cesta z výchozího uzlu a
 - má již ohodnocení a předchůdce (*zelené uzly*).



Ohodnocení uzlů se může pouze snižovat, cena hran je nezáporná. Proto pro uzel s aktuálně nejkratší cestou již nemůže existovat cesta kratší.

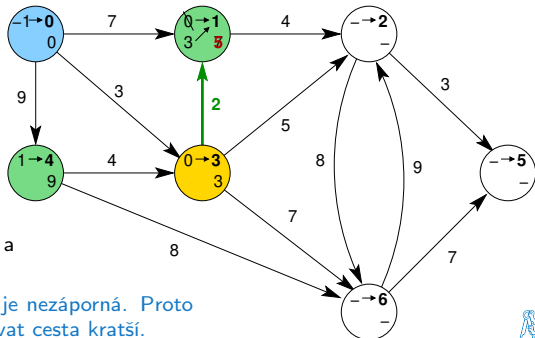


Dijkstrův algoritmus

- Nechť má graf pouze kladné ohodnocení hran, pak pro každý uzel:
 - nastavíme aktuální cenu nejkratší cesty z výchozího uzlu;
 - udržujeme odkaz na bezprostředního předchůdce na nejkratší cestě ze startovního uzlu.
- Hledání cesty je postupná aktualizace ceny nejkratší cesty do jednotlivých uzlů.

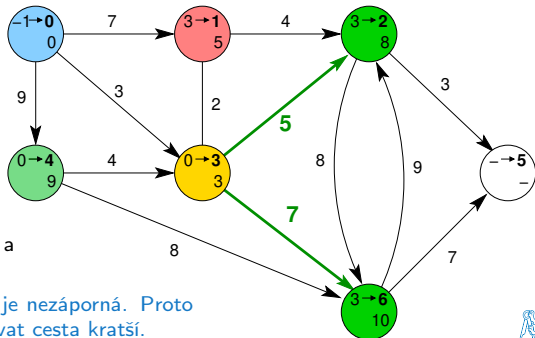
- Začneme z výchozího uzlu (cena 0) a aktualizujeme délku cesty do následníků.
- Následně vybereme takový uzel,
 - do kterého již existuje nějaká cesta z výchozího uzlu a zároveň má aktuálně nejnižší ohodnocení.
- **Postup opakujeme dokud existuje nějaký dosažitelný uzel.**
 - Tj. uzel, do kterého vede cesta z výchozího uzlu a
 - má již ohodnocení a předchůdce (*zelené uzly*).

Ohodnocení uzlů se může pouze snižovat, cena hran je nezáporná. Proto pro uzel s aktuálně nejkratší cestou již nemůže existovat cesta kratší.



Dijkstrův algoritmus

- Nechť má graf pouze kladné ohodnocení hran, pak pro každý uzel:
 - nastavíme aktuální cenu nejkratší cesty z výchozího uzlu;
 - udržujeme odkaz na bezprostředního předchůdce na nejkratší cestě ze startovního uzlu.
- Hledání cesty je postupná aktualizace ceny nejkratší cesty do jednotlivých uzlů.
 - Začneme z výchozího uzlu (cena 0) a aktualizujeme délku cesty do následníků.
 - Následně vybereme takový uzel,
 - do kterého již existuje nějaká cesta z výchozího uzlu a zároveň má aktuálně nejnižší ohodnocení.
 - Postup opakuje dokud existuje nějaký dosažitelný uzel.
 - Tj. uzel, do kterého vede cesta z výchozího uzlu a
 - má již ohodnocení a předchůdce (*zelené uzly*).

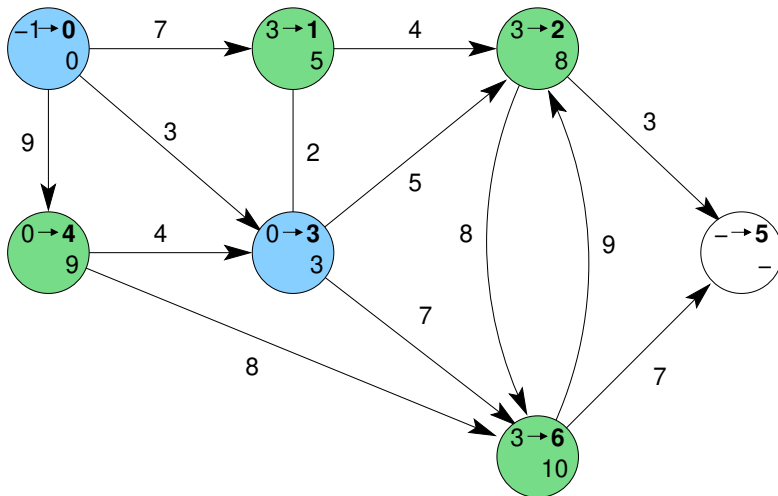


Ohodnocení uzlů se může pouze snižovat, cena hran je nezáporná. Proto pro uzel s aktuálně nejkratší cestou již nemůže existovat cesta kratší.



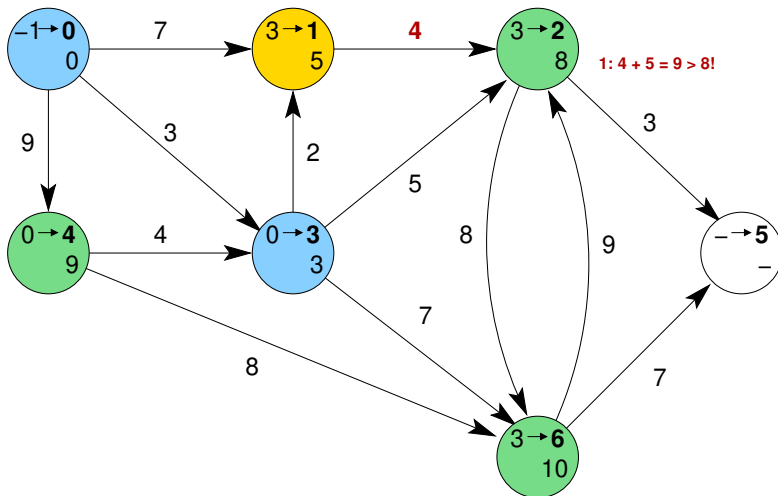
Příklad postupu řešení (pokračování)

1: Po 2. expanzi má uzel 2 (vlevo nahoře) nejkratší cestu přes uzel 3.



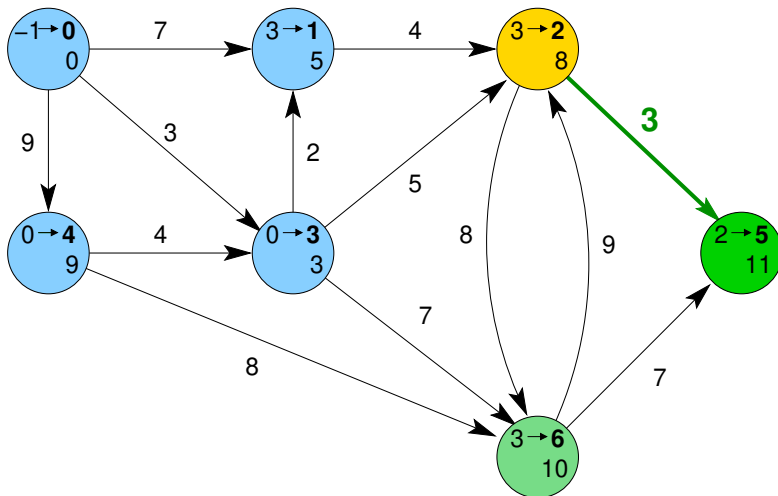
Příklad postupu řešení (pokračování)

2: Expanze uzlu 1 nevede na kratší cestu do uzlu 2.



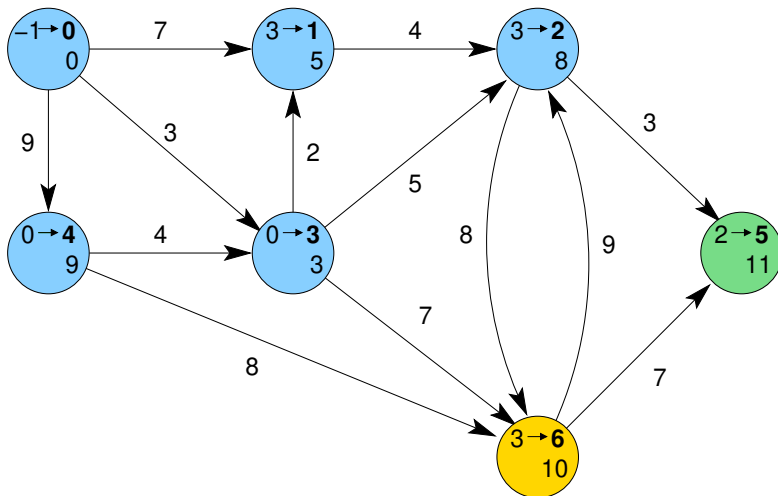
Příklad postupu řešení (pokračování)

3: Expanzí uzlu 2 získáme cestu též do uzlu 5.



Příklad postupu řešení (pokračování)

4: Dalšími expanzemi již cesty nelepšíme.



Obsah

Popis úlohy

Návrh řešení

Příklad naivní implementace prioritní fronty polem

Implementace pq haldou s `push()` a `update()`



Příklad řešení úlohy hledání nejkratších cest v grafu

Řešení úlohy obsahuje tři části.

- **Vstupní data** (grafu) – paměťová reprezentace a načtení hodnot.

Formát vstupního souboru.

- Vstupní graf je zadán jako seznam hran.

`from to cost` – Viz 10. přednáška.

- Dalším vstupem je výchozí uzel.

Pro jednoduchost budeme uvažovat 1. uzel (0).

- **Výstupní data** (nejkratší cesty) – paměťová reprezentace a uložení (zápis).

Formát výstupního souboru.

- Všechny nejkratší cesty vypíšeme jako seznam vrcholů s cenou (délkou) nejkratší cesty a bezprostředním předchůdcem (indexem) uzlu na nejkratší cestě z výchozího uzlu (uzel 0).

`label cost parent`

- **Algoritmus** hledání cest – Dijkstrův algoritmus.

- Algoritmus je relativně přímočarý – v každém kroku expandujeme uzel s aktuálně nejkratší cestou z výchozího uzlu.

*V každém kroku potřebujeme uzel s aktuálně nejnižší délkou cesty – použijeme **prioritní frontu**.*



Vstupní graf, reprezentace grafu a řešení

- Graf je zadán jako seznam hran v souboru, který můžeme načíst funkcí `load_graph_simple()` z `lec11/*/load_simple.c`.

- Graf je seznam hran.

```

4  typedef struct {
5      int from;
6      int to;
7      int cost;
8  } edge_t;
10 typedef struct {
11     edge_t *edges;
12     int num_edges;
13     int capacity;
14 } graph_t;

```

lec11/graph.h

- Využijeme uspořádání hran ve vstupním souboru.

- Hrany vycházející z uzlu určíme jako index první hrany `edge_start`
- a počet hran `edge_count`.

```

16 typedef struct {
17     int edge_start;
18     int edge_count;
19     int parent;
20     int cost;
21 } node_t;

```

lec11/dijkstra.c

Příklad vstupního souboru, seznamu hran.

```

1  0 5 74
2  1 6 56
3  2 8 11
4  2 9 27
5  2 4 31
6  2 3 41
7  2 1 26
8  3 5 24
9  3 9 12
10 4 9 13
11 ...

```

- Řešení nejkratších cest, reprezentujeme uložením ke každému vrcholu: cena nejkratší cesty `cost` a předcházející uzel na nejkratší cestě `parent`.



Datová reprezentace

- Řešení implementujeme v modulu `dijkstra`.
- Všechny potřebné datové struktury zahrneme do jediné struktury `dijkstra_t` reprezentující všechna data řešení úlohy.

```
23 typedef struct {  
24     graph_t *graph;  
25     node_t *nodes;  
26     int num_nodes;  
27     int start_node;  
28 } dijkstra_t;
```

- Pro alokaci použijeme `myMalloc()`, `allocate_graph()` a inicializujeme položky struktury na výchozí hodnoty.

```
31 void* dijkstra_init(void)  
32 {  
33     dijkstra_t *dij = myMalloc(sizeof(  
34         dijkstra_t));  
35     dij->nodes = NULL;  
36     dij->num_nodes = 0;  
37     dij->start_node = -1;  
38     dij->graph = allocate_graph();  
39     return dij;  
}
```

```
6 void* myMalloc(size_t size)  
7 {  
8     void *ret = malloc(size);  
9     if (!ret) {  
10         fprintf(stderr, "Malloc failed!\n");  
11         exit(-1)  
12     }  
13     return ret;  
14 }
```

lec11/my_malloc.c



Načtení grafu a inicializace uzlů 1/2

- Hrany načteme např. `load_graph_simple()`.
- Zjistíme počet vrcholů jako nejvyšší číslo uzlu hran.

Lze implementovat přímo do načítání.

```
46 _Bool dijkstra_load_graph(const char *filename, void *dijkstra)
47 {
48     _Bool ret = false;
49     dijkstra_t *dij = (dijkstra_t*)dijkstra;
50     if (
51         dij && dij->graph &&
52         load_graph_simple(filename, dij->graph)
53     ) { // edges has not been loaded
54         // dijkstra_t and graph has been allocated and edges have been loaded here
55         // go through the edges and create array of nodes with indexing to edges
56         // 1st get the maximal number of nodes
57         int m = -1;
58         for (int i = 0; i < dij->graph->num_edges; ++i) {
59             const edge_t *const e = &(dij->graph->edges[i]); // use pointer to avoid copying
60             m = m < e->from ? e->from : m;
61             m = m < e->to ? e->to : m;
62         }
63         m += 1; // m is the index therefore we need +1 for label 0
```

`lec11/graph_search/dijkstra.c`



Inicializace uzlů 2/2

- Alokujeme paměť pro uzly a nastavíme (bezpečné) výchozí hodnoty.

```
64     dij->nodes = myMalloc(sizeof(node_t) * m);
65     dij->num_nodes = m;
66     for (int i = 0; i < m; ++i) { // 2nd initialization of the nodes
67         dij->nodes[i].edge_start = -1;
68         dij->nodes[i].edge_count = 0;
69         dij->nodes[i].parent = -1;
70         dij->nodes[i].cost = -1;
71     }
```

- Nastavíme indexy hran jednotlivým uzlům s využitím uspořádání vstupních dat.

```
77     for (int i = 0; i < dij->graph->num_edges; ++i) { // 3rd add edges to the nodes
78         int cur = dij->graph->edges[i].from;
79         if (dij->nodes[cur].edge_start == -1) { // first edge
80             dij->nodes[cur].edge_start = i; // mark the first edge in the array of edges
81         }
82         dij->nodes[cur].edge_count += 1; // increase number of edges
83     }
84     ret = true;
85 }
86 return ret;
87 }
```

lec11/graph_search/dijkstra.c



Uložení řešení do souboru

- Po nalezení všech nejkratších cest (z uzlu 0) má každý uzel nastavenou hodnotu `cost` s délkou cesty a v `parent` index bezprostředního předchůdce na nejkratší cestě.

Případně -1 pokud cesta do uzlu neexistuje.

```

128 _Bool dijkstra_save_path(void *dijkstra, const char *filename)
129 {
130     _Bool ret = false;
131     const dijkstra_t *const dij = (dijkstra_t*)dijkstra;
132     if (dij) {
133         FILE *f = fopen(filename, "w");
134         if (f) {
135             for (int i = 0; i < dij->num_nodes; ++i) {
136                 const node_t *const node = &(dij->nodes[i]);
137                 fprintf(f, "%i %i %i\n", i, node->cost, node->parent);
138             } // end all nodes
139             ret = fclose(f) == 0; // indicate eventuell error in saving
140         }
141     }
142     return ret;
143 }
```

lec11/graph_search/dijkstra.c

```

21 typedef struct {
22     int edge_start;
23     int edge_count;
24     int parent;
25     int cost;
26 } node_t;
```

Zápis řešení do souboru
můžeme implementovat
jednoduchým výpisem do
souboru.



Obsah

Popis úlohy

Návrh řešení

Příklad naivní implementace prioritní fronty polem

Implementace pq haldou s `push()` a `update()`



Prioritní fronta pro Dijkstrův algoritmus

- Součástí balíku `lec11/graph_search-array` je rozhraní `pq.h` pro implementaci prioritní fronty s funkcí `update()`.

```
void *pq_alloc(int size);  
void pq_free(void *_pq);  
_Bool pq_is_empty(const void *_pq);  
_Bool pq_push(void *_pq, int label, int cost);  
_Bool pq_update(void *_pq, int label, int cost);  
_Bool pq_pop(void *_pq, int *oLabel);  
                                            lec11/graph_search-array/pq.h.
```

- Jedná se o relativně obecný předpis, který neklade zvláštní požadavky na vnitřní strukturu. V balíku je rozhraní implementované v modulu `pq_array-linear.c`, který obsahuje implementaci prioritní fronty polem s lineární složitostí funkcí `push()` a `pop()`.
- `lec11/graph_search-array` základní funkční řešení hledání nejkratší cesty, prioritní fronta implementována polem.



Prioritní fronta (polem) s `push()` a `update()`

- Při expanzi uzlu, můžeme do prioritní fronty vkládat uzly s cenou pro každou hranu vycházející z uzlu.
- Obecně může být hran výrazně více než počet uzlů. *Pro plný graf o n uzlech až n^2 hran.*
- Proto pro prioritní frontu implementujeme funkci `update()` a tím zaručíme, že ve frontě bude nejvýše tolik prvků, kolik je vrcholů.
- V prioritní frontě tak můžeme předalokovat maximální počet položek.
- Při volání `update()` však potřebujeme získat pozici daného uzlu v prioritní frontě a změnit jeho hodnotu.
 - Prvek v poli najdeme lineárním průchodem prvků ve frontě.
Budeme však mít lineární složitost!
 - Pozici prvku v prioritní frontě uložíme do dalšího pole a získáme okamžitý přístup za cenu mírně složitějšího vkládání prvků a vyšších paměťových nároků (jeden `int` na prvek pole).
Operace `update()` bude mít výhodnou konstantní složitost.



Hledání nejkratších cest – dijkstra_solve()

- Využijeme implementaci prioritní fronty s push() a update().

```
100 dij->n timer [dij->start_node].cost = 0; // inicializace
101 void *pq = pq_alloc(dij->num_nodes); // prioritní fronta
102 int cur_label;
103 pq_push(pq, dij->start_node, 0);
104 while ( !pq_is_empty(pq) && pq_pop(pq, &cur_label)) {
105     node_t *cur = &(dij->n timer [cur_label]); // pro snazší použití
106     for (int i = 0; i < cur->edge_count; ++i) { // všechny hrany z uzlu
107         edge_t *edge = &(dij->n timer [edge->edges[cur->edge_start + i]);
108         node_t *to = &(dij->n timer [edge->to]);
109         const int cost = cur->cost + edge->cost;
110         if (to->cost == -1) { // uzel to nebyl dosud navštíven
111             to->cost = cost;
112             to->parent = cur_label;
113             pq_push(pq, edge->to, cost); // vložení vrcholu do fronty
114         } else if (cost < to->cost) { // uzel již v pq, proto
115             to->cost = cost; // testujeme cost
116             to->parent = cur_label; // a aktualizujeme odkaz (parent)
117             pq_update(pq, edge->to, cost); // a prioritní frontu pq
118         }
119     } // smyčka přes všechny hrany z uzlu cur_label
120 } // prioritní fronta je prázdná
121 pq_free(pq); // uvolníme paměť
```

lec11/dijkstra.c



Příklad použití

- Základní implementace hledání cest s prioritní frontou implementovanou polem je dostupná v `lec11/graph_search-array`.
- Vytvoříme graf `g` programem `tdijkstra`, např. o max 1000 vrcholech.
`./tdijkstra -c 1000 g`
- Program zkompilujeme a spustíme, např.
`./tgraph_search g s.`
- Programem `tdijkstra` můžeme vygenerovat referenční řešení, např.
`./tdijkstra g s.ref.`
- a naše řešení pak můžeme porovnat, např.
`diff s s.ref.`



Lineární prioritní fronta vs efektivní implementace

- Ukázková implemetace v `lec11/graph_search-array`, je sice funkční, pro velké grafy je však výpočet pomalý.

Např. pro graf s 1 mil. vrcholů trvá načtení, nalezení všech nejkratší cest a uložení výsledku přibližně 120 sekund na Intel Skylake@3.3GHz.

```
$ ./tdijkstra -c 1000000 g
$ /usr/bin/time ./tgraph_search g s
Load graph from g
Find all shortest paths from the node 0
Save solution to s
Free allocated memory
120.53 real      115.92 user      0.07 sys
```

- Referenční program `tdijkstra` najde řešení za cca 1 sekundu.

Též k dispozici jako `tdijkstra-lnx` a `tdijkstra.exe`.

```
$ /usr/bin/time ./tdijkstra g s.ref
1.03 real      0.94 user      0.07 sys
```

- Oba programy vracejí identické výsledky

```
1 $ md5sum s s.ref
2 MD5 (s) = 8cc5ec1c65c92ca38a8dadf83f56e08b
3 MD5 (s.ref) = 8cc5ec1c65c92ca38a8dadf83f56e08b
```

V základní verzi řešení HW10 nesmí být hledání nejkratší cesty více než 2× pomalejší než referenční program (`tdijkstra`).



Obsah

Popis úlohy

Návrh řešení

Příklad naivní implementace prioritní fronty polem

Implementace pq haldou s push() a update()



Prioritní fronta haldou s push() a update()

- Prioritní frontu implementujeme haldou reprezentovanou v poli.

Maximální počet prvků dopředu známe.

- Halda zaručí složitost operací `push()` a `pop()` $O(\log n)$.

Oproti $O(n)$ u jednoduché implemetace prioritní fronty polem.

- Je nutné udržovat vlastnost haldy. Pro kontrolu zachování „heap property“ implementujeme rozhraní `pq_is_heap()`.

Použijeme pouze pro ladění.

```
110 _Bool pq_is_heap(void *heap, int n);
```

[lec11/graph_search/pq_heap.h](#)

- Pro zachování složitosti operací práce s haldou potřebujeme efektivně implementovat také funkci `update()`, tj. $O(\log n)$.

- Potřebujeme znát pozici daného uzlu v haldě.

Zavedeme pomocné pole s indexem `heapIDX`.

- Při hledání nejkratších cest se délka cesty pouze snižuje.
- Proto se aktualizovaný „uzel“ může v haldě pohybovat pouze směrem nahoru.

Jedná se tak o identický postup, jako při přidání nového prvku funkcí `push()`. V tomto případě však prvek může startovat z vnitřku stromu.



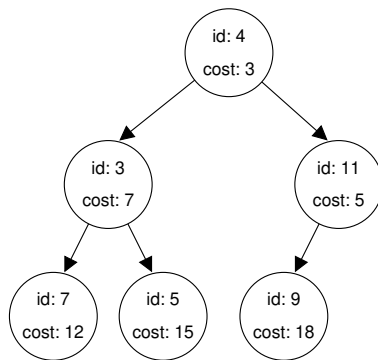
Příklad reprezentace haldy v poli a aktualizace ceny cesty

V haldě jsou uloženy délky dosud známých nejkratších cest pro vrcholy označené: 3, 4, 5, 7, 9, a 11.

- Při expanzi dalšího uzlu jsme našli kratší cestu do uzlu 7 s délkou 5.

Zavoláme `update(id = 7, cost = 5)`.

- Abychom mohli aktualizovat cenu v haldě, potřebujeme znát pozici uzlu v poli haldy.
- Proto vedle samotné haldy udržujeme pole, které je indexované číslem uzlu.
- Po aktualizaci ceny, není splněna vlastnost haldy. Provedeme záměnu.
- Při záměně udržujeme nejen prvky v samotné haldě, ale také pole `heapIDX` s pozicemi vrcholů v poli haldy.



id:	4	3	11	7	5	9	
cost:	3	7	5	12	15	18	
	0	1	2	3	4	5	6

heapIDX

0	-1
1	-1
2	-1
3	1
4	0
5	4
6	-1
7	3
8	-1
9	5
10	-1
11	2
12	-1



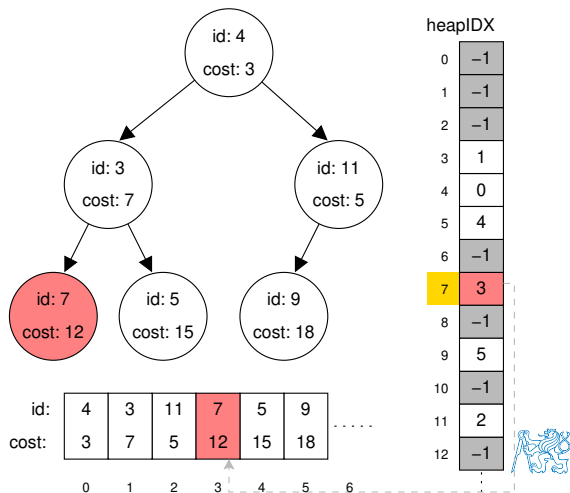
Příklad reprezentace haldy v poli a aktualizace ceny cesty

V haldě jsou uloženy délky dosud známých nejkratších cest pro vrcholy označené: 3, 4, 5, 7, 9, a 11.

- Při expanzi dalšího uzlu jsme našli kratší cestu do uzlu 7 s délkou 5.

Zavoláme `update(id = 7, cost = 5)`.

- Abychom mohli aktualizovat cenu v haldě, potřebujeme znát pozici uzlu v poli haldy.
- **Proto vedle samotné haldy udržujeme pole, které je indexované číslem uzlu.**
- Po aktualizaci ceny, není splněna vlastnost haldy. Provedeme záměnu.
- Při záměně udržujeme nejen prvky v samotné haldě, ale také pole `heapIDX` s pozicemi vrcholů v poli haldy.



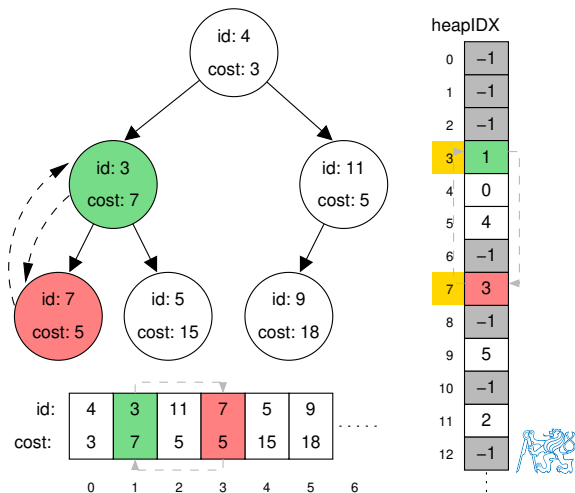
Příklad reprezentace haldy v poli a aktualizace ceny cesty

V haldě jsou uloženy délky dosud známých nejkratších cest pro vrcholy označené: 3, 4, 5, 7, 9, a 11.

- Při expanzi dalšího uzlu jsme našli kratší cestu do uzlu 7 s délkou 5.

Zavoláme `update(id = 7, cost = 5)`.

- Abychom mohli aktualizovat cenu v haldě, potřebujeme znát pozici uzlu v poli haldy.
- Proto vedle samotné haldy udržujeme pole, které je indexované číslem uzlu.
- Po aktualizaci ceny, není splněna vlastnost haldy. Provedeme záměnu.
- Při záměně udržujeme nejen prvky v samotné haldě, ale také pole `heapIDX` s pozicemi vrcholů v poli haldy.



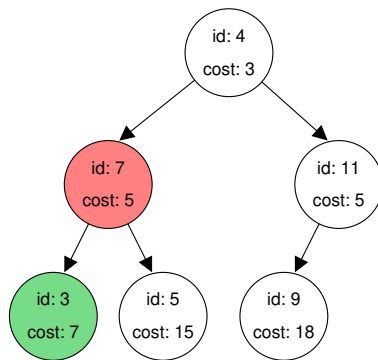
Příklad reprezentace haldy v poli a aktualizace ceny cesty

V haldě jsou uloženy délky dosud známých nejkratších cest pro vrcholy označené: 3, 4, 5, 7, 9, a 11.

- Při expanzi dalšího uzlu jsme našli kratší cestu do uzlu 7 s délkou 5.

Zavoláme `update(id = 7, cost = 5)`.

- Abychom mohli aktualizovat cenu v haldě, potřebujeme znát pozici uzlu v poli haldy.
- Proto vedle samotné haldy udržujeme pole, které je indexované číslem uzlu.
- Po aktualizaci ceny, není splněna vlastnost haldy. Provedeme záměnu.
- Při záměně udržujeme nejen prvky v samotné haldě, ale také pole `heapIDX` s pozicemi vrcholů v poli haldy.



id:	4	7	11	3	5	9	
cost:	3	5	5	7	15	18	
	0	1	2	3	4	5	6

heapIDX

0	-1
1	-1
2	-1
3	3
4	0
5	4
6	-1
7	1
8	-1
9	5
10	-1
11	2
12	-1



Příklad implementace

- V `lec11/graph_search` je příklad implementace hledání nejkratších cest s prioritní frontou realizovanou haldou.
- Implementace funkce `update()` využívá pole `heapIDX` pro získání pozice prvku v haldě, záměrně je však splnění vlastnosti haldy realizováno vytvořením nové haldy s aktualizovanou cenou uzlu.

```
109 _Bool pq_update(void *_pq, int label, int cost)
110 {
111     _Bool ret = false;
112     pq_heap_s *pq = (pq_heap_s*)_pq;
113     pq->cost[pq->heapIDX[label]] = cost; // update the cost, but heap property is not
        satisfied
114     // assert(pq_is_heap(pq, 0));
115     pq_heap_s *pqBackup = (pq_heap_s*)pq_alloc(pq->size); //create backup of the heap
116     pqBackup->len = pq->len;
117     for (int i = 0; i < pq->len; ++i) { // backup the heap
118         pqBackup->cost[i] = pq->cost[i]; //just cost and labels
119         pqBackup->label[i] = pq->label[i];
120     }
121     pq->len = 0; //clear all vertices in the current heap
122     for (int i = 0; i < pqBackup->len; ++i) { //create new heap from the backup
123         pq_push(pq, pqBackup->label[i], pqBackup->cost[i]);
124     }
125     pq_free(pqBackup); // release the queue
126     ret = true;
127     return ret;
128 }
129 }
```

Součástí řešení HW10B je správná implementace funkce `update()` !



Příklad řešení a rychlost výpočtu

- Po úpravě funkce `update()` získáme prioritní frontu se složitostí operací $O(\log n)$ a vlastní výpočet bude relativně rychlý.
- Pro získání představy rychlosti výpočtu je v souboru `tgraph_search-time.c` volání dílčích funkcí modulu `dijkstra` s měřením reálného času (`make time`). `lec11/graph_search-time.c`
- Vytvoříme graf o 1 mil. uzlů (a cca 3 mil. hran) v souboru `/tmp/g`.
`./bin/tdijkstra -c 1000000 /tmp/g`

Verze s naivním `update()`

```
1 $ ./tgraph_search-time /tmp/g /tmp/s1
2 Load graph from /tmp/g
3 Load time ....1179ms
4 Save solution to /tmp/s1
5 Solve time ...965875 ms
6 Save time ....273 ms
7 Total time ...967327ms
```

Upravená funkce `update()`

```
1 $ ./tgraph_search-time /tmp/g /tmp/s2
2 Load graph from /tmp/g
3 Load time ....1201ms
4 Save solution to /tmp/s2
5 Solve time ...620 ms
6 Save time ....279 ms
7 Total time ...2100ms
```

<https://youtu.be/LQUGP8EqeLM>

- Správnost řešení lze zkontrolovat program `tdijkstra`, např.
`./bin/tdijkstra -t /tmp/g /tmp/s.`



Další možnosti urychlení programu

- Kromě zásadní efektivní implemetace prioritní fronty haldou, lze běh programu dále urychlit
 - efektivnějším načítáním grafu
 - a ukládáním řešení do souboru.

```
1 $ ./tgraph_search s.tgs
2 # lec11/tgraph_search
3 Load time ....1252 ms
4 Solve time ...625 ms
5 Save time ....431 ms
6 Total time ...2308 ms
```

```
1 $ ./tdijkstra -v g s.ref
2 Dijkstra ver. 2.3.4
3 Load time ....223 ms
4 Solve time ...715 ms
5 Save time ....106 ms
6 Total time ...1044 ms
```

```
1 ./dijkstra-pv g s.pv
2 HW10 Reference solution
3 Load time ....235 ms
4 Solve time ...610 ms
5 Save time .... 87 ms
6 Total time ...932 ms
```

- HW10 – Soutěž v rychlosti programu – extra body navíc.
 - Na odevzdání stačí opravit funkci `update()` případně využít rychlejší načítání a ukládání.
 - Dalšího urychlení lze dosáhnout lepší organizací paměti a datovými strukturami.

Jediný zásadní požadavek je implementace rozhraní dle `lec11/dijkstra.h`.



Část III

Část 3 – Zadání bonusového úkolu (HW10B)



Zadání 10. bonusového úkolu HW10B

Téma: Integrace načítání grafu a prioritní fronta v úloze hledání nejkratších cest

Bonusové zadání: [Soutěž o body](#)

- **Motivace:** Větší programový celek, využití existujícího kódu a efektivní implementace programu.
- **Cíl:** Osvojit si integraci existujících kódu do funkčního celku složeného z více souborů.
- **Zadání:** <https://cw.fel.cvut.cz/wiki/courses/b0b36prp/hw/hw10b>
 - Funkce `update()` pro efektivní použití prioritní fronty implementované haldou v úloze hledání nejkratší cest v grafu.
 - **Bonusové zadání** spočívá v efektivnosti implementace tak, aby byl výsledný kód co možná nejrychlejší.
- Bonusová úloha: **09.01.2026, 23:59:59 PST.**



Shrnutí přednášky



Diskutovaná témata

- Prioritní fronta
 - Příklad implementace spojovým seznamem
 - Příklad implementace polem
- Halda - definice, vlastnosti a základní operace
- Reprezentace binárního plného stromu polem
- Prioritní fronta s haldou
- Hledání nejkratší cesty v grafu – využití prioritní fronty (resp. haldy)

`lec11/priority_queue-linked_list`

`lec11/priority_queue-array`



Část V

Appendix



Obsah

Příklad použití výchozích souborů pro HW10B

Příklad ladění krokováním



Hledání nejkratší cesty v grafu

```
(NEW) 1
→ b0b36prp-lec11-codes ls
bin                priority_queue-linked_list
graph.txt          queue
graph_search       readme.txt
graph_search-array solution.txt
priority_queue-array stack
→ b0b36prp-lec11-codes ls bin
tdijkstra-fbsd     tdijkstra-lnx32     tdijkstra.exe
tdijkstra-fbsd32   tdijkstra-osx-intel timeexec.exe
tdijkstra-lnx      tdijkstra-osx-m1
→ b0b36prp-lec11-codes cd graph_search
→ graph_search gmake
ccache clang -c dijkstra.c -O2 -g -pedantic -Wall -Werror -o dijkstra.o
ccache clang -c my_malloc.c -O2 -g -pedantic -Wall -Werror -o my_malloc.o
ccache clang -c graph_utils.c -O2 -g -pedantic -Wall -Werror -o graph_utils.o
ccache clang -c pq_heap-no_update.c -O2 -g -pedantic -Wall -Werror -o pq_heap-no_update.o
ccache clang -c load_simple.c -O2 -g -pedantic -Wall -Werror -o load_simple.o
ccache clang -c tgraph_search.c -O2 -g -pedantic -Wall -Werror -o tgraph_search.o
ccache clang -c tgraph_search-time.c -O2 -g -pedantic -Wall -Werror -o tgraph_search-time.o
ccache clang dijkstra.o my_malloc.o graph_utils.o pq_heap-no_update.o load_simple.o tgraph_search.o -lm -o tgraph_search
ccache clang dijkstra.o my_malloc.o graph_utils.o pq_heap-no_update.o load_simple.o tgraph_search-time.o -lm -o tgraph_search-time
→ graph_search
```

<https://youtu.be/LQUGP8EgeLM>



Obsah

Příklad použití výchozích souborů pro HW10B

Příklad ladění krokováním



Příklad ladění krokováním

The screenshot shows the Visual Studio Code interface with the following components:

- Editor:** Displays the `dijkstra_solve` function in `dijkstra.c`. The code is in C and implements Dijkstra's algorithm. The current line of execution is highlighted in green.
- LOCALS:** Shows the current state of local variables:
 - `edge`: `0x55555555c3a0`
 - `from`: `0`
 - `to`: `39`
 - `cost`: `411`
 - `to`: `0x55555555a2c0`
 - `cost`: `21845`
 - `t`: `0`
 - `cur`: `0x55555555bc10`
 - `edge_start`: `0`
 - `edge_count`: `4`
 - `parent`: `-1`
- WATCH:** Shows the state of watched variables:
 - `g->num_edges`: `-var-create: unable to create va...`
 - `g->num_edges > 5`: `-var-create: unable to creat...`
 - `edge`: `0x55555555c3a0`
 - `from`: `0`
 - `to`: `39`
 - `cost`: `411`
- CALL STACK:** Shows the current call stack:
 - `dijkstra_solve(void * dijkstra, int label) |`
 - `main(int argc, char ** argv) | tgraph_search.c`
- TERMINAL:** Shows the output of the program:


```
Load graph from g
Find all shortest paths from the node 0
```

https://youtu.be/rTv_ypcm9XI (~ 25 min)

