

# Řazení II

## cvičení



2012-04-10

Návrh designu: Radek Mařík

# 1.



## ☞ Merge sort

- a) lze napsat tak, aby nebyl stabilní
- b) je stabilní, protože jeho složitost je  $\Theta(n \cdot \log(n))$
- c) je nestabilní, protože jeho složitost je  $\Theta(n \cdot \log(n))$
- d) je rychlý ( $\Theta(n \cdot \log(n))$ ) právě proto, že je stabilní
- e) neplatí o něm ani jedno předchozí tvrzení

# 2a.



- ✧ V určitém problému je velikost zpracovávaného pole s daty rovna rovna  $2n-2$ , kde  $n$  charakterizuje velikost problému. Pole se řadí pomocí Merge Sort-u.
- ✧ S použitím  $\Theta/O/\Omega$  symboliky vyjádřete asymptotickou složitost tohoto algoritmu nad uvedeným polem v závislosti na hodnotě  $n$ . Výsledný vztah předložte v co nejjednodušší podobě.

# 2b.



- ✎ V určitém problému je velikost zpracovávaného pole s daty rovna rovna  $2n^3$ , kde  $n$  charakterizuje velikost problému. Pole se řadí pomocí Merge sort-u.
- ✎ S použitím  $\Theta/O/\Omega$  symboliky vyjádřete asymptotickou složitost tohoto algoritmu nad uvedeným polem v závislosti na hodnotě  $n$ . Výsledný vztah předložte v co nejjednodušší podobě.

# 3.



☞ Merge sort řadí pole, které obsahuje  $n^3 + \log(n)$  položek. Asymptotická složitost tohoto řazení je

- a)  $\Theta(n^3 + \log(n))$
- b)  $\Theta(n^2 \cdot \log(n^3))$
- c)  $\Theta(n^3 \cdot \log(n))$
- d)  $\Theta(n \cdot \log(n))$
- e)  $\Theta(n^3 + n^2)$

# 4a.



☞ Merge sort řadí pole šesti čísel: { 8, 1, 7, 6, 4, 2 }.  
Situace v aktuálně řazeném poli bude těsně před  
provedením posledního slévání (merging) následující:

- a) 1 7 8 2 4 6
- b) 1 2 4 6 7 8
- c) 8 7 6 4 2 1
- d) 1 2 4 7 8 6
- e) 2 4 6 1 7 8

# 4b.



☞ Merge sort řadí pole šesti čísel: { 9, 5, 8, 7, 2, 0 }.  
Situace v aktuálně řazeném poli bude těsně před  
provedením posledního slévání (merging) následující:

- a) 0 2 7 5 8 9
- b) 0 2 5 7 8 9
- c) 2 5 7 0 8 9
- d) 7 8 9 0 2 5
- e) 5 8 9 0 2 7

# 5.



- ☞ Předložíme-li Heap sort-u vzestupně seřazenou posloupnost délky  $n$ , bude složitost celého řazení
- a)  $\Theta(n)$ , protože Heap sort vytvoří haldu v čase  $\Theta(n)$
  - b)  $\Theta(n^2)$ , protože Heap sort vytvoří haldu v čase  $\Theta(n^2)$
  - c)  $\Theta(n \cdot \log_2(n))$ , protože je to složitost vytvoření haldy
  - d)  $\Theta(n \cdot \log_2(n))$ , protože je to složitost zpracování haldy
  - e)  $\Theta(n)$ , protože vytvoření i zpracování haldy bude mít právě tuto složitost



# 6.



## ⌘ Heap sort

- a) není stabilní, protože halda (=heap) nemusí být pravidelným stromem
- b) není stabilní, protože žádný rychlý algoritmus ( $\Theta(n \cdot \log(n))$ ) nemůže být stabilní
- c) je stabilní, protože halda (=heap) je vyvážený strom
- d) je stabilní, protože to zaručuje pravidlo haldy
- e) neplatí o něm ani jedno předchozí tvrzení

# 7a.



☞ Která z následujících posloupností představuje haldu o čtyřech prvcích uloženou v poli?

- a) 1 3 4 2
- b) 1 4 2 3
- c) 1 2 4 3
- d) 2 3 4 1

# 7b.



☞ Která z následujících posloupností představuje haldu o čtyřech prvcích uloženou v poli?

- a) 1 3 4 2
- b) 1 3 2 4
- c) 1 4 2 3
- d) 2 3 1 4

# 8a.



☞ Je dána halda uložená v poli. Proved'te první krok fáze řazení v Heap Sortu (řazení haldou), tj.

a) zařad'te nejmenší prvek haldy na jeho definitivní místo v seřazené posloupnosti a

b) opravte zbytek tak, aby opět tvořil haldu.

1 5 2 17 13 24 9 19 23 22

# 8b.



☞ Je dána halda uložená v poli. Proveďte první krok fáze řazení v Heap Sortu (řazení haldou), tj.

a) zařaďte nejmenší prvek haldy na jeho definitivní místo v seřazené posloupnosti a

b) opravte zbytek tak, aby opět tvořil haldu.

4 8 11 12 9 18 13 17 21 25

# 9.



☞ Zadanou posloupnost v poli seřadíte ručně pomocí heap sortu. Registrujte stav v poli po každém kroku. Nejprve po každé opravě částečné haldy od prostředku pole směrem k začátku, tj. při první fázi. Potom také po každé opravě haldy a přenesení prvku z vrcholu haldy na za konec haldy.

**23 29 27 4 28 17 1 24 6 30 19**

# 10.



☞ Vysvětlete, jak je nutno modifikovat Heap sort, aby po jeho skončení pole obsahovalo prvky seřazené vzestupně. Algoritmus musí být stejně rychlý, nejen asymptoticky, a nesmí používat žádné další datové struktury nebo proměnné.

# 11.



☞ Následující dvojici řazení je možno implementovat tak, aby byla stabilní

- a) Heap sort a Insertion sort
- b) Selection sort a Quick sort
- c) Insertion sort a Merge sort
- d) Heap sort a Merge sort
- e) Radix sort a Quick sort



# 12.



☞ Poskytneme-li Quick Sort-u (Q) a Merge sort-u (M) stejná data k seřazení, platí

- a) Q bude vždy asymptoticky rychlejší než M
- b) M bude vždy asymptoticky rychlejší než Q
- c) někdy může být Q asymptoticky rychlejší než M
- d) někdy může být M asymptoticky rychlejší než Q
- e)  $O(Q)$  i  $O(M)$  budou vždy asymptoticky stejně rychlé

# 13.



☞ Implementujte nerekurzivní variantu Merge sortu s využitím vlastního zásobníku. Vaše implementace nemusí usilovat o maximální rychlost, stačí, když dodrží asymptotickou složitost Merge sortu. Jednotlivé operace zásobníku neimplementujte, předpokládejte, že jsou hotovy, a pouze je vhodně volejte.

# 14.



☞ Merge Sort lze naprogramovat bez rekurze („zdola nahoru“) také tak, že nejprve sloučíme jednotlivé nejkratší možné úseky, pak sloučíme delší úseky atd. Proveďte to.