

# 9. Strojové učení

## B0B37NSI – Návrh systémů IoT

Stanislav Vítek

Katedra radioelektroniky  
Fakulta elektrotechnická  
České vysoké učení v Praze

# Role strojového učení v IoT

---

- Prediktivní údržba
- Detekce anomalií
- Personalizace
- Monitoring prostředí
- Optimalizace využití zdrojů
- Chytrá doprava

# Předpovídání ze vzorků

---

- Většina souborů dat jsou vzorky z nekonečné množiny.
- Nejvíce nás zajímají modely takových množin, ale máme přístup pouze k jejich vzorkům.
- Pro soubory dat sestávající z  $(X, y)$ 
  - příznaky  $X$
  - třídy (class labels)  $y$
- Model je předpověď  $y = f(X)$
- Model trénovaný na vzorku  $D$  označíme jako  $f_D(X)$
- Parametrický model
  - definujme black-box popsaný množinou parametrů  $\Theta$
  - na vstupu bude příznakový vektor, na výstupu odhad třídy
  - formálně  $y = f_D(X, \Theta)$
  - učení je pak určení  $\Theta$  s použitím trénovací množiny

# Train-Test-Validation množiny

---

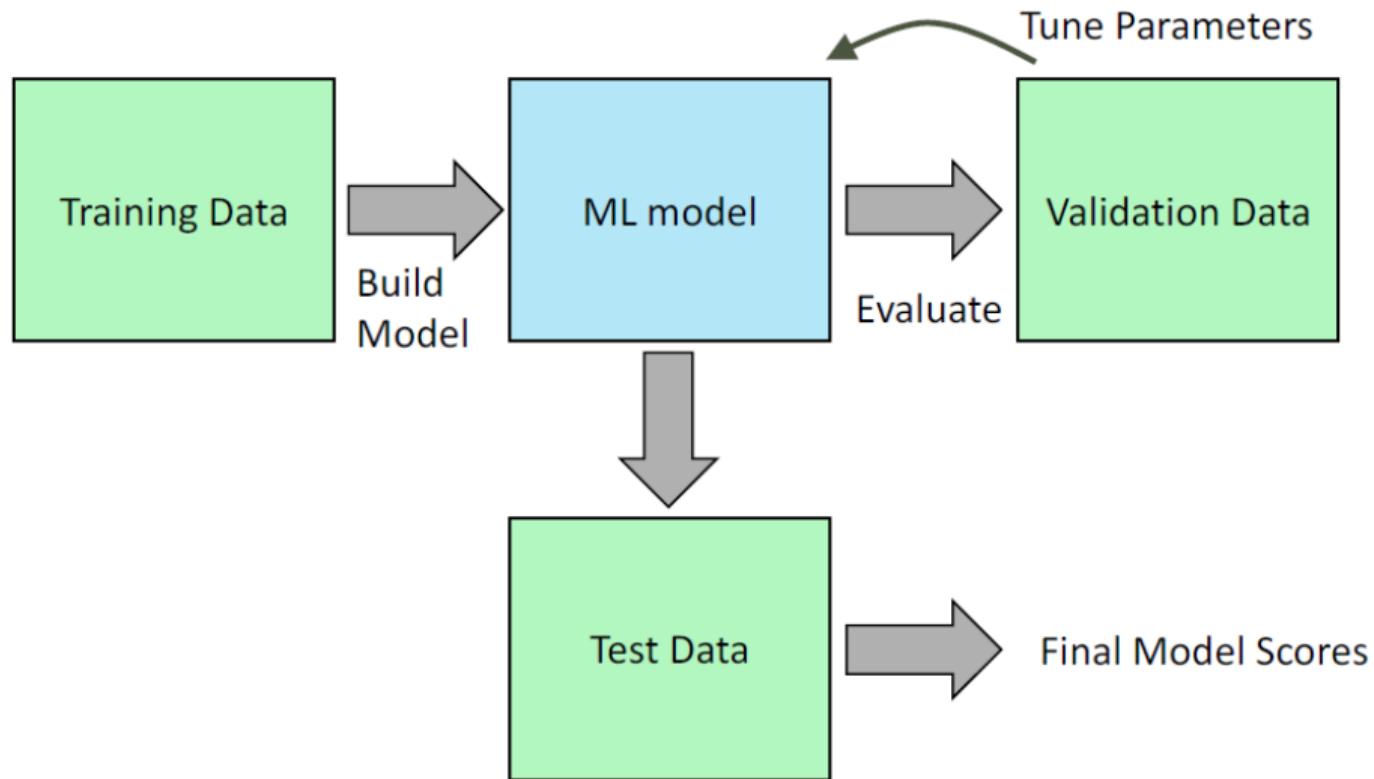
- Při práci s ML algoritmy je třeba řešit různé problémy
- Ze vzorku dat modelujeme každý model, který se na něj hodí:
  - strukturu celé množiny
  - strukturu v konkrétním vzorku, která neplatí pro celou množinu

## Příklad

- 25letý muž a 30letá žena
  - Věk dokonale předpovídá pohlaví. ( $věk < 27$  let => muž, jinak žena)
  - Pohlaví dokonale předpovídá věk. (pohlaví == muž => 25 jinak 30)
  - Ani jeden z výsledků nelze zobecnit.
  - Tento stav nazýváme nadměrné přizpůsobení (over-fitting).

# Vytváření a testování modelu

---



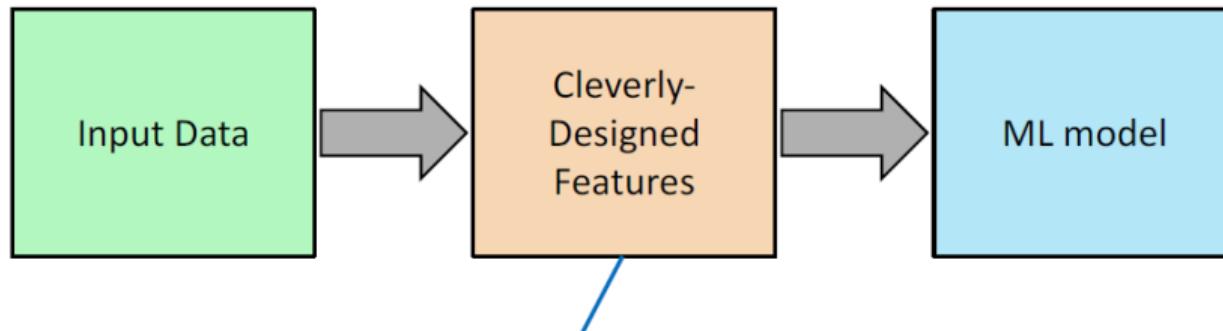
# Strojovém učení

---

- Spousta dat, která jsou generována z mnoha zdrojů.
- Chceme
  - techniky, které minimalizují nároky na softwarové inženýrství
  - jednoduché algoritmy
  - naučit počítač učit se z dat
  - nestrávit čas psaním algoritmů nebo vysokoúrovňových funkcí
- Data bez jasných příznaků
  - data nemusí mít vždy formu tabulky, může se jednat o obrázky, videa, časové řady, dlouhé texty atp., ze kterých je těžké získat pro modely příznaky.
  - v takovém případě si musíte dát práci a nějaké příznaky z dat vydolovat (tzv. feature extraction).
  - nebo použijete algoritmy a metody, které si příznaky vytvářejí samy automaticky.
  - mezi takové metody patří umělé neuronové sítě (angl. artificial neural networks, ANN)

# Stručná historie strojového učení – do roku 2012

---

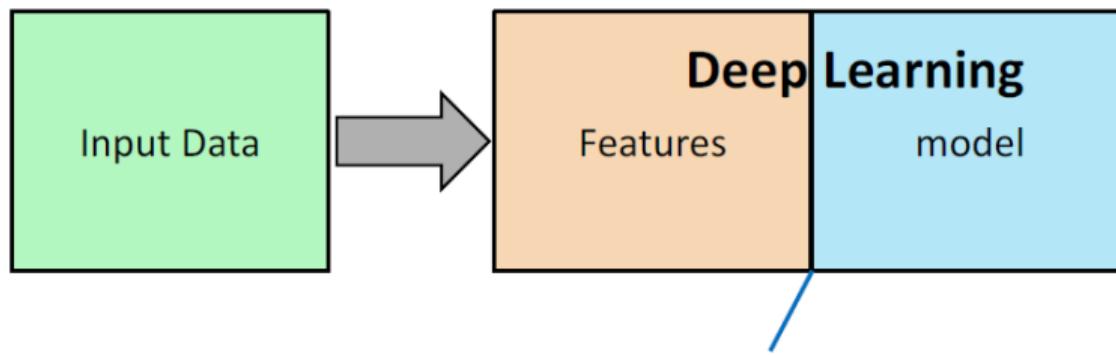


Most of the “heavy lifting” in here.  
Final performance only as good as the  
feature set.

KRIZHEVSKY, Alex; SUTSKEVER, Ilya; HINTON, Geoffrey E. Imagenet classification with deep convolutional neural networks. Advances in neural information processing systems, 2012, 25. (> 106 tis. citací)

# Stručná historie strojového učení – po roce 2012

---



Features and model learned together,  
mutually reinforcing

- Přístupy známé před r. 2012 se přesto stále používají
- Efektivního řešení je možné dosáhnout vhodnou volbou příznaků

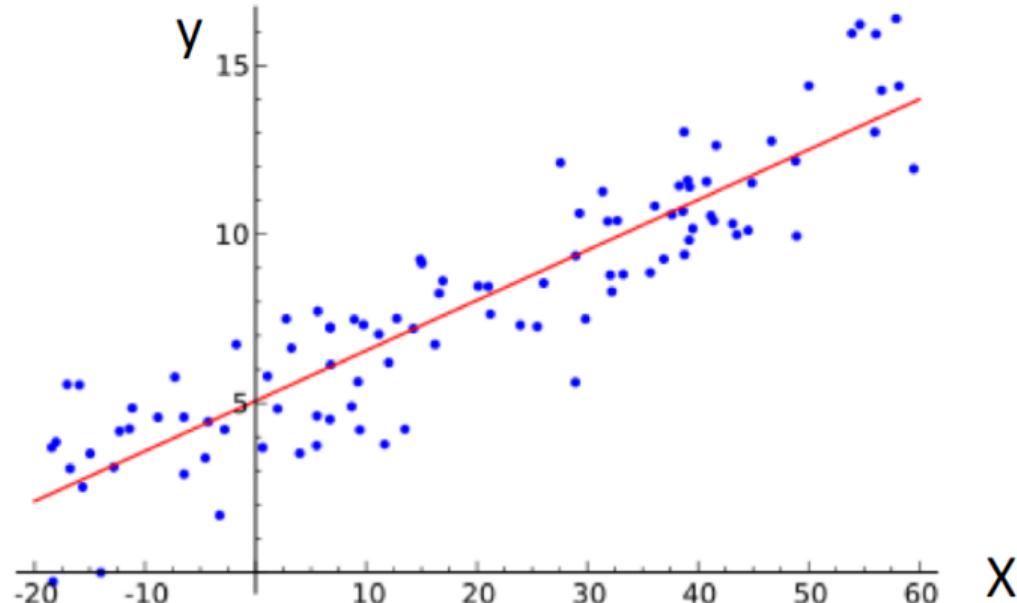
# Výběr správného modelu

---

- Je třeba mít nějaké poznatky (představu) o tom, proč tento model dobře odpovídá datům nebo proč správně předpovídá třídu.
- Je třeba udržovat model jednoduchý (tj. ne příliš mnoho parametrů).
  - pak bude dostatek dat k trénování
  - trénování proběhne v rozumném čase

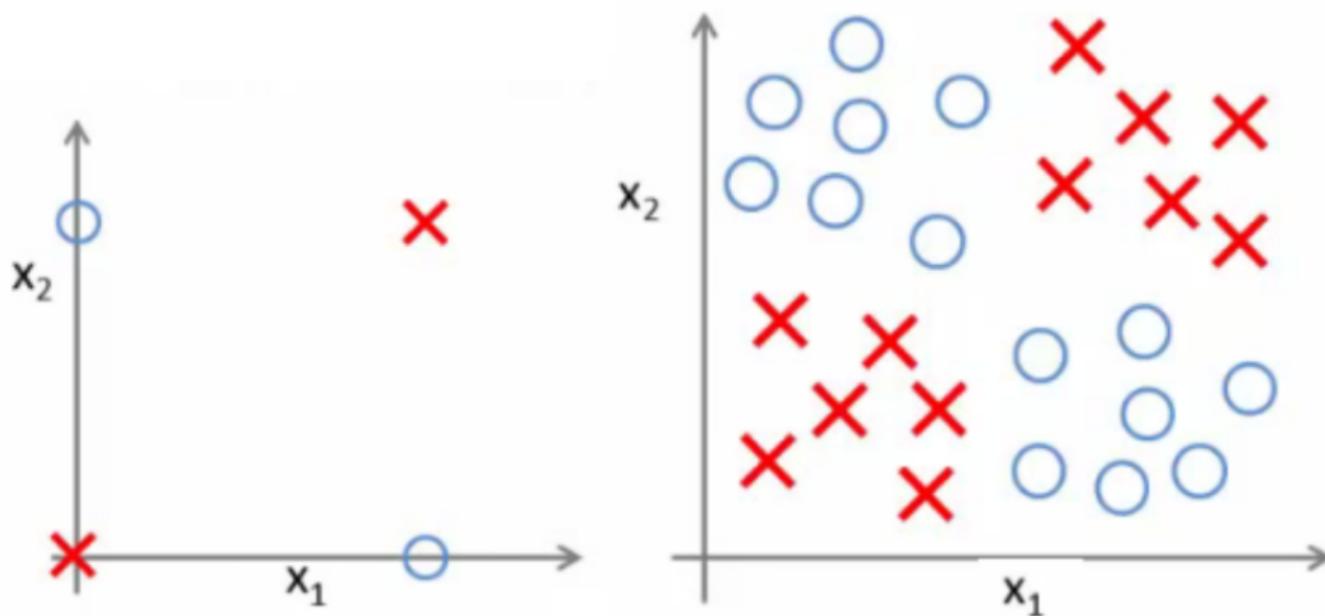
## Predikce z dat – 1. příklad

---



- Lineární regrese: najdeme nejlepší přímku (lineánní funkce) modelující data

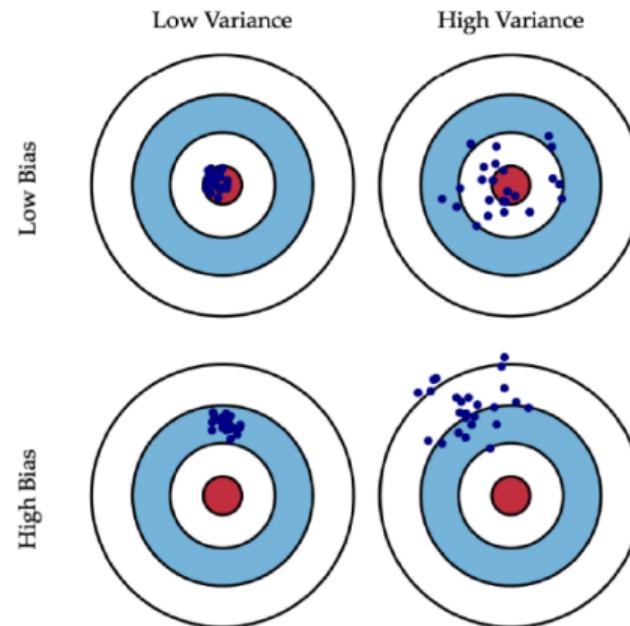
## Predikce z dat – 2. příklad



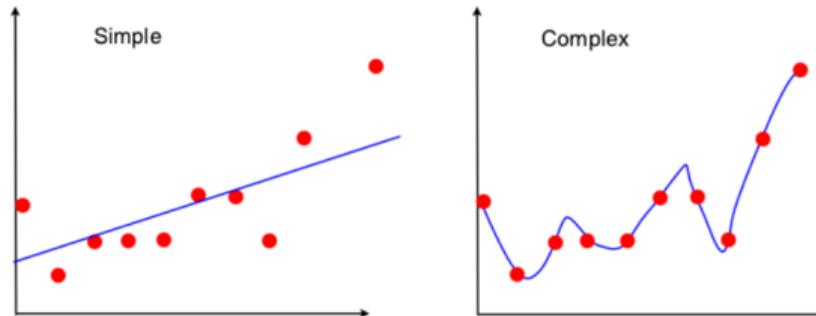
- Logistická regrese – nelineární popis (nebo později sofistikovanější metody)

# Zkreslení a rozptyl

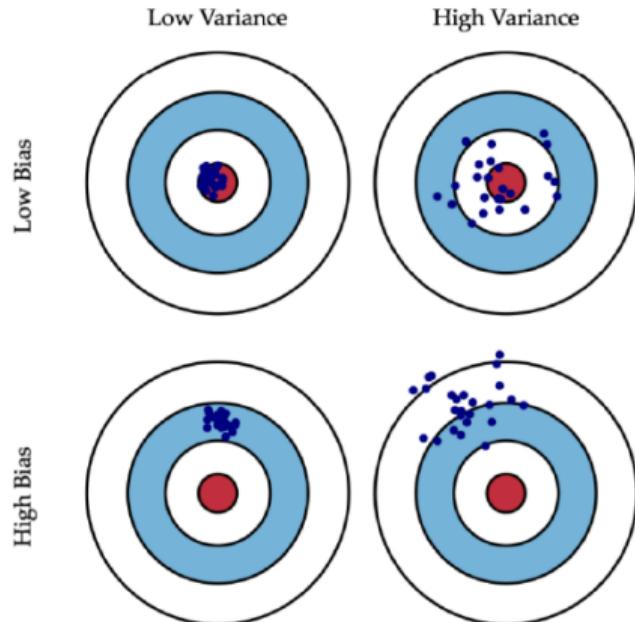
- Model generovaný z dat  $f_D(X)$  je statistickým odhadem funkce  $f(X)$
- Odhad je vždy zatížen zkreslením (bias) a rozptylem (variance)
- **Bias** – pokud natrénujeme model  $f_D(X)$  na mnoha datasetech  $D$ , reprezentuje bias očekávanou odchylku mezi predikcí a skutečnou hodnotou
  - $B = E[f_D(X) - y]$
  - $E[\cdot]$  se počítá přes všechny  $X$  a  $D$
- **Rozptyl** – pokud natrénujeme model  $f_D(X)$  na mnoha datasetech  $D$ , reprezentuje rozptyl  $V$  rozptyly jednotlivých odhadů
  - $V = E[(f_D(X) - \bar{f}(X))^2]$
  - kde  $\bar{f}(X)$  je průměrná predikce  $X$



- Obvykle dochází ke kompromisu mezi zkreslením a odchylkou, který je způsoben složitostí modelu.
  - Složité modely (mnoho parametrů) mají obvykle nižší zkreslení, ale vyšší rozptyl.
  - Jednoduché modely (málo parametrů) mají vyšší bias, ale nižší rozptyl.
- Příklad:
  - Lineární model může odpovídat pouze přímce, zatímco polynom vysokého stupně může odpovídat složité křivce.
  - Polynom může odpovídat spíše jednotlivým vzorkům než celé množině, jeho tvar se může lišit vzorek od vzorku, takže má vysoký rozptyl.



- Celková očekávaná chyba je  $B^2 + V$
- Je třeba najít kompromis mezi příspěvky
- Pokud dominuje rozptyl, znamená to příliš velký rozptyl mezi modely
  - over-fitting
  - model má špatnou prediktivní schopnost. protože příliš reaguje na drobné výkyvy v tréninkovém modelu. dat
- Pokud dominuje odchylka, nemodeluje model data dost dobře
  - under-fitting
  - může nastat např. pokud použijeme lineární model na nelineární data



# Rozdělení metod strojové učení

---

- **supervised learning** – učení na základě označeného příkladu, s učitelem
  - učitelem jsou známé hodnoty veličiny, kterou se snažíme na základě modelu predikovat, resp. pochopit, na čem závisí
  - např. detektor e-mailového spamu
  - úžasně efektivní, pokud máte k dispozici spoustu příkladů
- **unsupervised learning** – objevování vzorů, bez učitele
  - nemáme žádnou veličinu a snažíme se prostě v datech vyznat
  - např. shluková analýza
  - v praxi obtížné, ale užitečné, pokud vám chybí označené příklady.
- **reinforcement learning** – zpětná vazba správně/špatně, posilování modelu
  - Např. učení se hrát šachy na základě vítězství nebo prohry.
  - funguje dobře v některých oblastech, nabývá na významu

# Strojové učení s učitelem

---

- Predikce ceny nemovitosti s ohledem na velikost
  - Cena je spojitou funkcí velikosti, takže se jedná o problém regrese
- Další příklady
  - Je na tomto obrázku kočka, pes, auto, dům?
  - Jak by tento uživatel ohodnotil tuto restauraci?
  - Je tento e-mail spam?
  - Je tato skvrna supernova?

# Strojové učení bez učitele

---

- Rozdělte ručně psané číslice do 10 tříd.
- Vezměte kolekci 1000 esejí napsaných o ekonomice USA a najděte způsob, jak automaticky seskupit tyto eseje do malého počtu, které jsou si nějakým způsobem podobné nebo spolu souvisejí hodnotou proměnných, jako je četnost slov, délka vět, počet stran atd.
- Jakých 20 témat je právě teď na Twitteru nejčastějších?
- Vyhledání a seskupení odlišných přízvuků lidí v dané lokalitě
- Do nesupervizovaného učení také (obvykle) spadá i detekce anomalií (angl. anomaly detection) – např. banka se snaží najít podezřelé transakce (fraud detection, ochrana proti zneužití karty, atp.)
- Dalším příkladem problému řešeného pomocí zkoumání dat je tzv. doporučování (angl. recommendation) – vlastníte-li e-shop (příp. internetový časopis, iTunes, Netflix atp.), snažíte se na základě dat o zákaznících a zejména zákazníkovi, který právě prohlíží Vaše stránky, odhadnout, co by si tak mohl ještě chtít koupit (přečíst, podívat, poslechnout) a to mu ukázat.

# Klasifikace

---

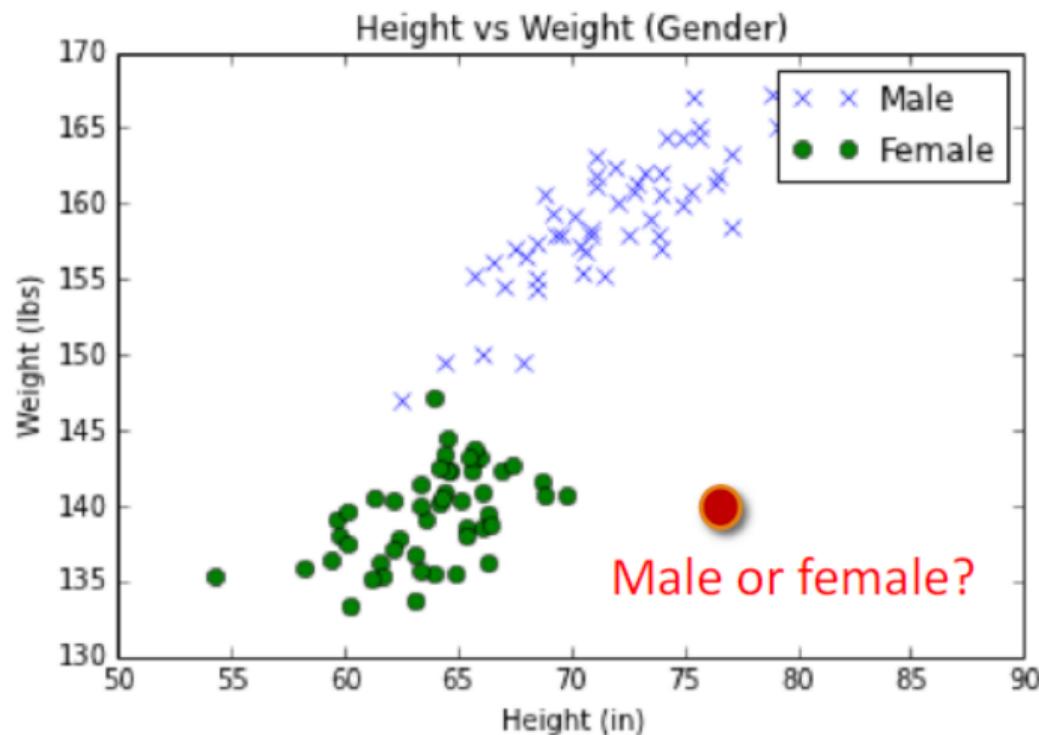
- Supervizované učení: Snažíme se zjistit, jak vysvětlovanou proměnnou  $Y$  ovlivňují příznaky  $X_0, X_1, \dots, X_{p-1}$ , hledáme tedy nějaký funkční vztah tak, aby *co nejvíce platilo*

$$Yf(X_0, X_1, \dots, X_{p-1})$$

- Funkce  $f$  nemusí být nutně podobná funkcím, které znáte z analýzy
- Tvar hledané funkce často ovlivňuje to, jakých hodnot může nabývat vysvětlovaná proměnná  $Y$ 
  - Může-li nabývat jen několik málo hodnot, mluvíme o problému **klasifikace** (angl. classification). Sem spadá např. určení, jestli pacient má/nemá nemoc, jaké písmeno je (ručně) napsáno na obrázku, atp.
  - Může-li nabývat tolika hodnot, že je rozumnější ji považovat za spojitou, mluvíme o problému **regrese** (angl. regression).
- Populární metody
  - Nearest neighbor
  - Decision tree
  - Support vector machine

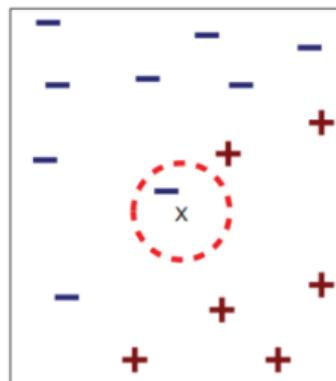
# Klasifikace

---

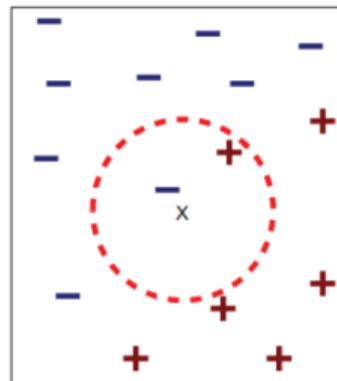


# k-NN – k-nejbližších sousedů

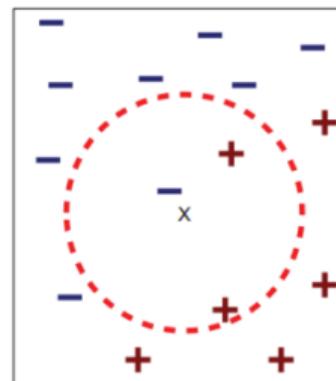
- Ve fázi učení se předzpracuje trénovací množina tak, aby všechny příznaky měly střední hodnotu 0 a rozptyl 1 – toto umístí každý prvek trénovací množiny do některého místa v N-rozměrném prostoru.
- Ve fázi klasifikace umístím dotazovaný prvek do téhož prostoru a najdu  $k$  nejbližších sousedů. Objekt je pak klasifikován do té třídy, kam patří většina z těchto nejbližších sousedů.



(a) 1-nearest neighbor



(b) 2-nearest neighbor



(c) 3-nearest neighbor

## k-NN metriky

---

- Euclidovská vzdálenost – nejjednodušší, jednoduchá na výpočet

$$d(x, y) = \|x - y\|$$

- Kosinové vzdálenost – obrázky, dokumenty, ...

$$d(x, y) = 1 - \frac{x \cdot y}{\|x\| \|y\|}$$

- Jaccardova vzdálenost – množiny
- Hammingova vzdálenos – řetězce

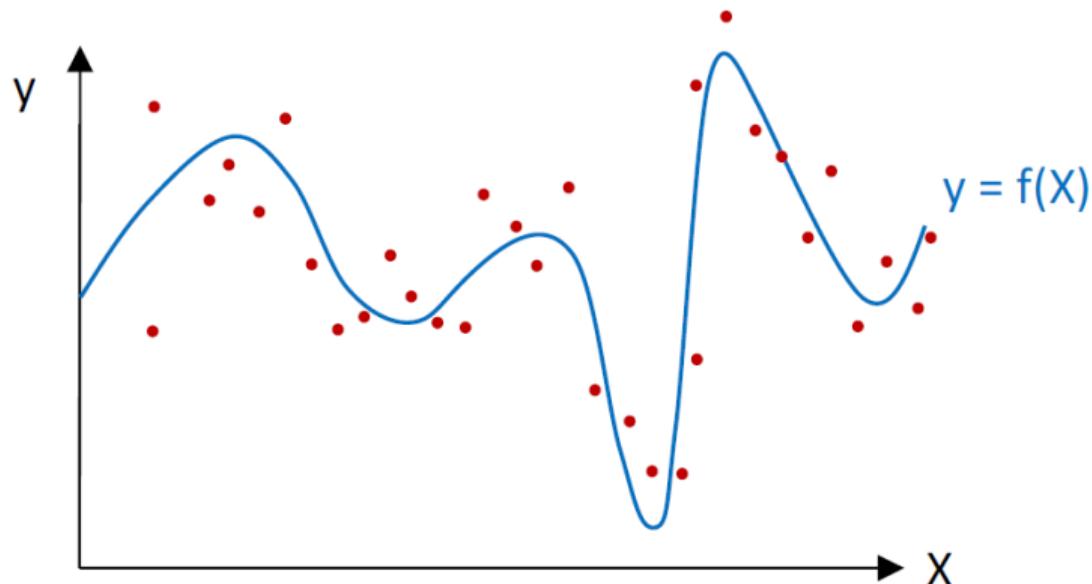
$$d(x, y) = \sum_{i=1}^N (\mathbf{1}_{x_i \neq y_i})$$

- Manhattan – souřadnice

$$d(x, y) = \sum_{i=1}^N |x_i - y_i|$$

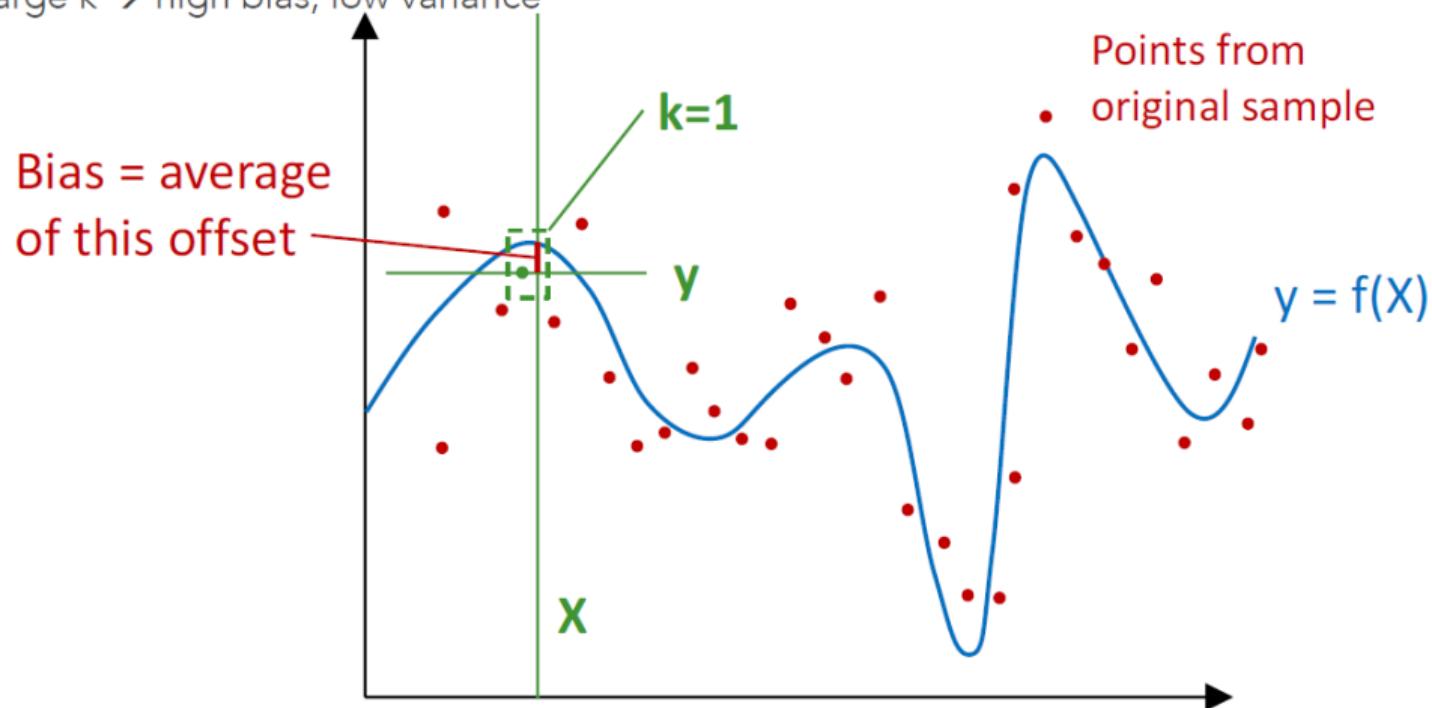
- Připomeňme, že chyby předpovědi lze rozdělit do dvou hlavních kategorií:
  - Chyby způsobené zkreslením – rozdíl mezi očekávanou (nebo průměrnou) předpovědí našeho modelu a správnou hodnotou, kterou se snažíme předpovědět
  - Chyby způsobené rozptylem – variabilita předpovědi pro daná vstupní data
- Existuje kompromis mezi schopností modelu minimalizovat zkreslení a rozptyl.
- V závislosti na hodnotě  $k$  existuje kompromis mezi zkreslením a rozptylem:
  - Malé  $k \rightarrow$  nízké zkreslení, vysoký rozptyl
  - Velké  $k \rightarrow$  vysoké zkreslené, nízký rozptyl

- Předpokládejme, reálná data jsou popsána modrou křivkou
- Systém je zatížen aditivním šumem s nulovou střední hodnotou
- Červené body představují vzorky signálu



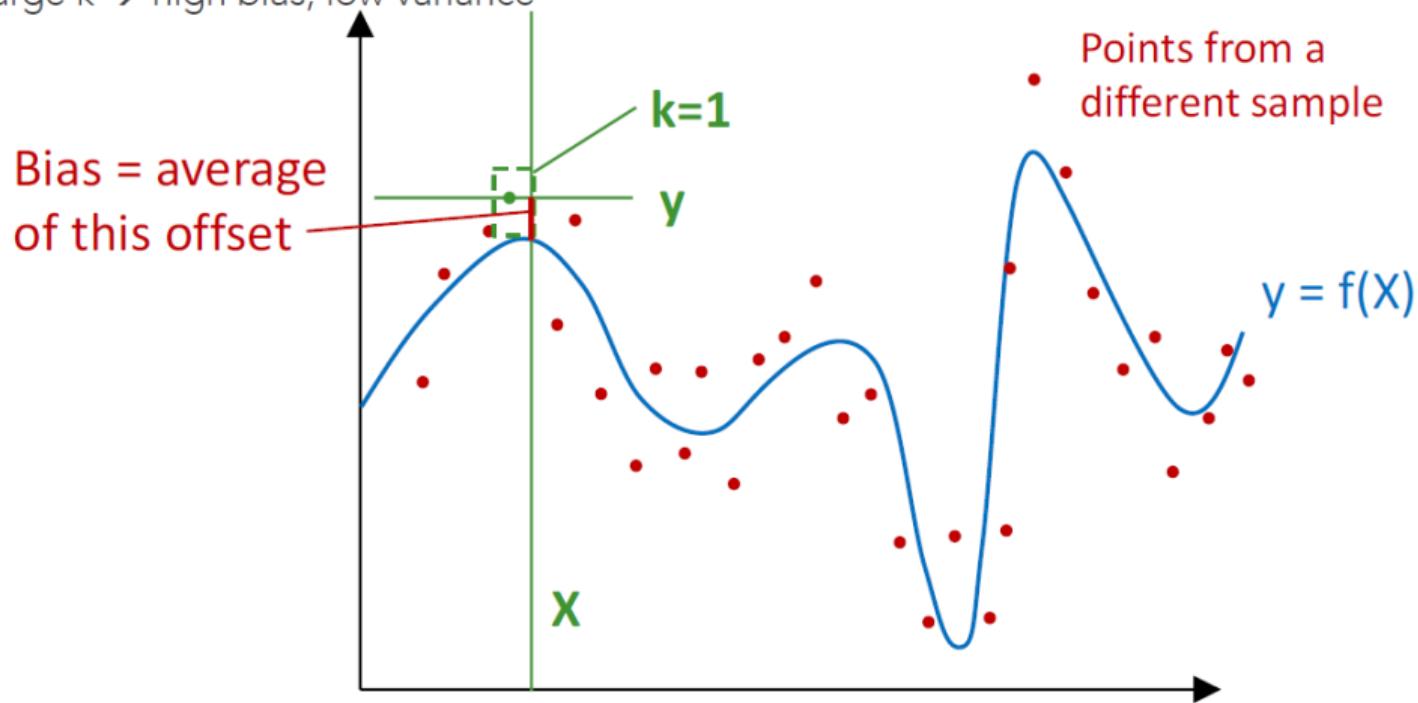
Small  $k \rightarrow$  low bias, high variance

Large  $k \rightarrow$  high bias, low variance



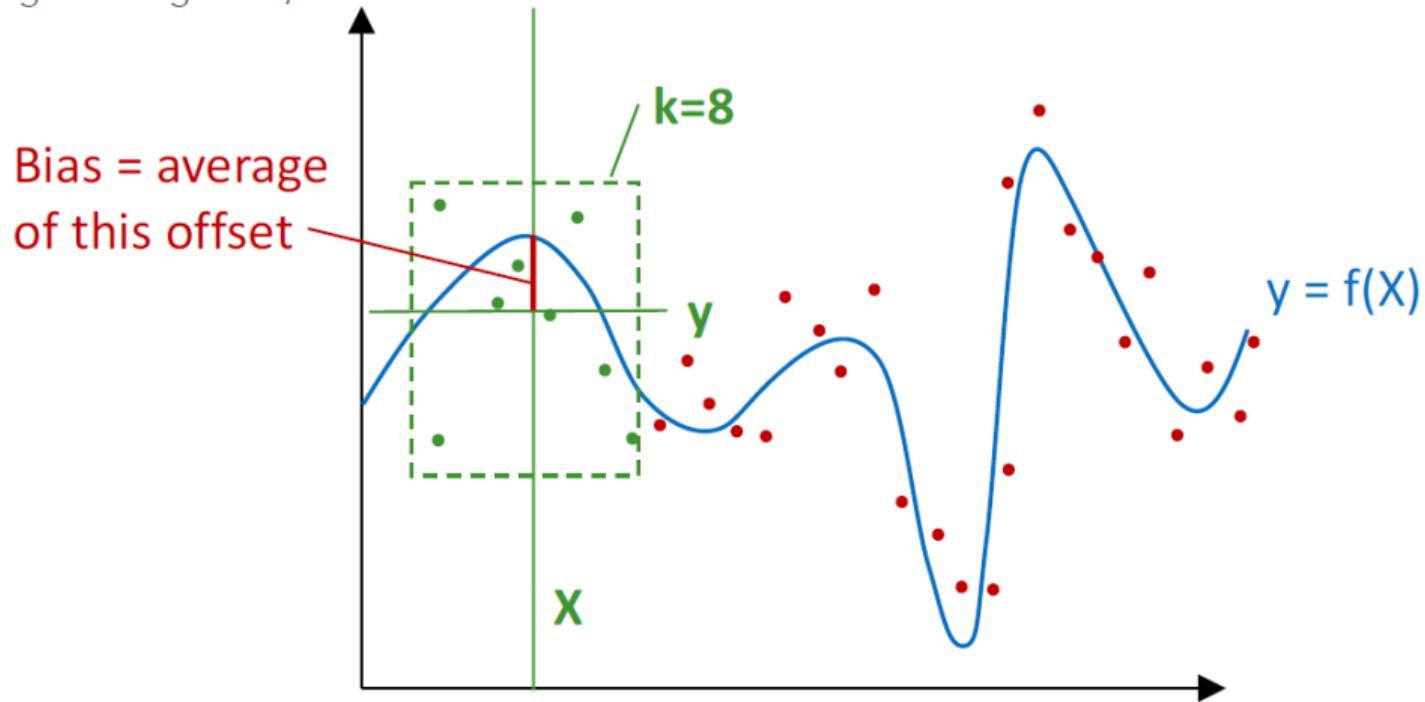
Small  $k \rightarrow$  low bias, high variance

Large  $k \rightarrow$  high bias, low variance



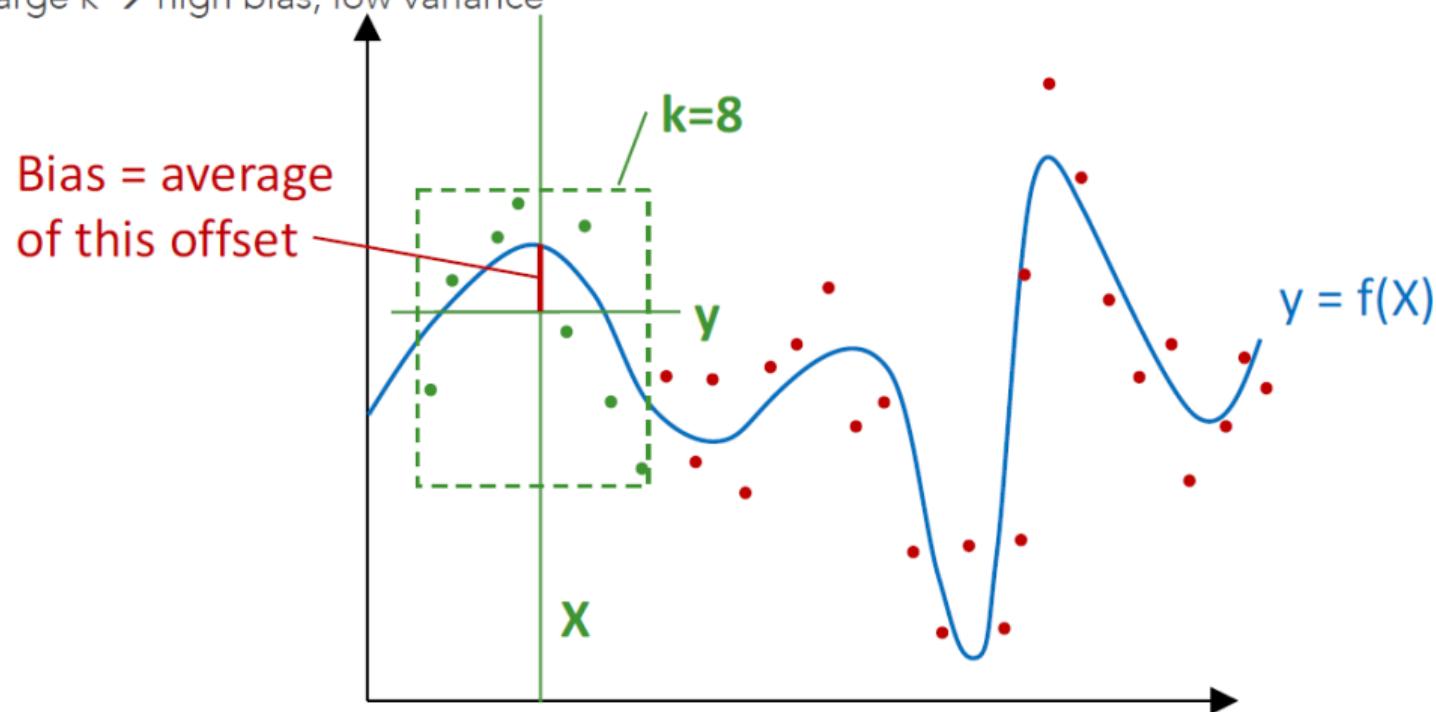
Small  $k \rightarrow$  low bias, high variance

Large  $k \rightarrow$  high bias, low variance



Small  $k \rightarrow$  low bias, high variance

Large  $k \rightarrow$  high bias, low variance



# Volba parametru $k$ – praktické rady

---

- Použijte křížové ověřování
  - Rozdělte data na trénovací, validační a testovací podmnožiny, např. 60-20-20% náhodné rozdělení.
- Předpovídejte
  - Pro každý bod ve validační množině proveďte predikci pomocí  $k$ -nejbližších sousedů z trénovací množiny.
  - Změřte chybovost (klasifikace) nebo kvadratickou chybu (regrese).
- Vylaďte
  - Vyzkoušejte různé hodnoty  $k$  a použijte tu, která dává minimální chybu na validační množině.
- Vyhodnoťte
  - Otestujte na testovací množině a změřte výkonnost
- Kdy vybrat metodu k-NN?
  - Hodně trénovacích dat
  - Malá množina příznaků (do 20)

- Dataset: informace o lidech, kteří nakoupili na základě reklamy
- <https://www.kaggle.com/datasets/rakeshrau/social-network-ads>

```
1 import numpy as np  
2 import matplotlib.pyplot as plt  
3 import pandas as pd  
4 import sklearn
```

- Načtení dat

```
1 dataset = pd.read_csv('Social_Network_Ads.csv')  
2 X = dataset.iloc[:, [1, 2, 3]].values  
3 y = dataset.iloc[:, -1].values
```

- Rozdelení dat na trénovací (80%) a testovací množinu

```
1 from sklearn.model_selection import train_test_split  
2 X_train,X_test,y_train, y_test = train_test_split(X, y, test_size =  
0.20, random_state = 0)
```

- Škálování – práce s menšími čísly

```
1 | from sklearn.preprocessing import StandardScaler  
2 | sc = StandardScaler()  
3 | X_train = sc.fit_transform(X_train)  
4 | X_test = sc.transform(X_test)  
5 |
```

- Natrénování modelu

```
1 | from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier  
2 | classifier = KNeighborsClassifier(n_neighbors = 5, metric = '  
    minkowski', p = 2)  
3 | classifier.fit(X_train, y_train)
```

- Při vytváření modelu používáme 3 parametry. `n_neighbors` je nastaveno na 5, což znamená, že pro klasifikaci daného bodu je potřeba 5 bodů okolí.

- Je použita Minkowského metrika

$$\left( \sum_{i=1}^N |x_i - y_i|^p \right)^{1/p}$$

- Hodnota p

- p = 1, Manhattan Distance
- p = 2, Euclidean Distance (takže lze nastavit metric na euclidean)
- p = infinity, Cheybchev Distance

```
1 | y_pred = classifier.predict(X_test)
```

- Vyhodnocení

```
1 | from sklearn.metrics import confusion_matrix,accuracy_score
2 | cm = confusion_matrix(y_test, y_pred)
3 | ac = accuracy_score(y_test,y_pred)
```

- Oba pojmy – precision i recall – jsou původně převzaty z informatiky a je možné je přeložit jako přesnost a výtěžnost pokrytí zkoumaných dat daným přístupem.
- Míra precision je definována jako procentuální poměr relevantních výsledků analýzy ke všem výsledkům analýzou získaným.
- Na rozdíl od precision je recall poměr relevantních výsledků analýzy ke všem relevantním výskytům ve zkoumaném vzorku bez ohledu na to, zda byly analýzou identifikovány.
- Celkový objem dat, s nimiž pracujeme při analýze, můžeme rozdělit do čtyř skupin:
  - případy, které nás zajímají a pomocí dané metody se nám skutečně podařilo je vyfiltrovat (relevantní výsledky; angl. tzv. true positives, TP - správná zařazení do výsledků)
  - případy, které nás sice nezajímají, ale naše metoda (jsouc nedokonalá) je vyfiltrovala taky (false positives, FP - nesprávná zařazení)
  - případy, které nás sice zajímají, ale naší metodě unikly (false negatives, FN)
  - případy, které nás nezajímají a metoda je z výsledků správně vyloučila (true negatives, TN)
- $\text{precision} = \text{TP} / (\text{TP} + \text{FP})$ ,  $\text{recall} = \text{TP} / (\text{TP} + \text{FN})$

# Precision a Recall, Confusion Matrix

2/2

		ACTUAL VALUES	
		Positive	Negative
PREDICTED VALUES	Positive	TP	FP
	Negative	FN	TN

The predicted value is positive and its positive

Type I error : The predicted value is positive but it False

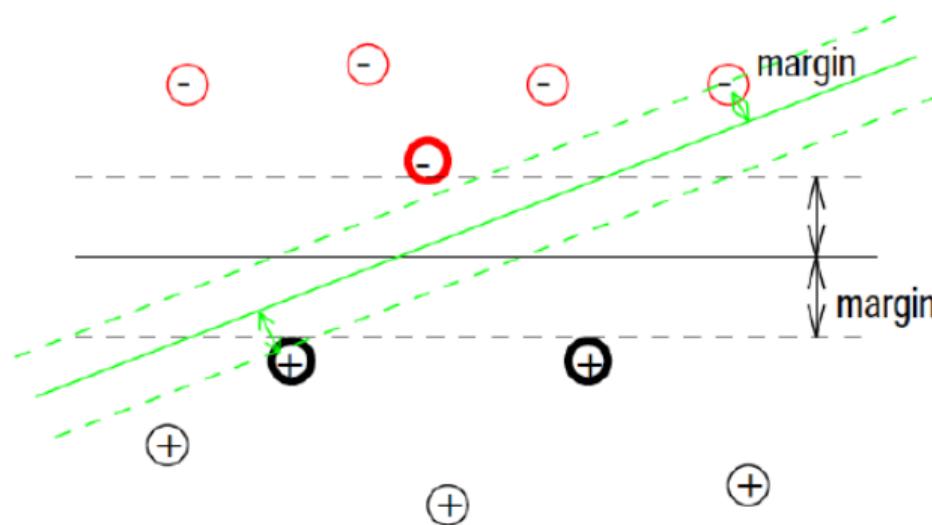
Type II error : The predicted value is negative but its positive

The predicted value is Negative and its Negative

# Support Vector Machine

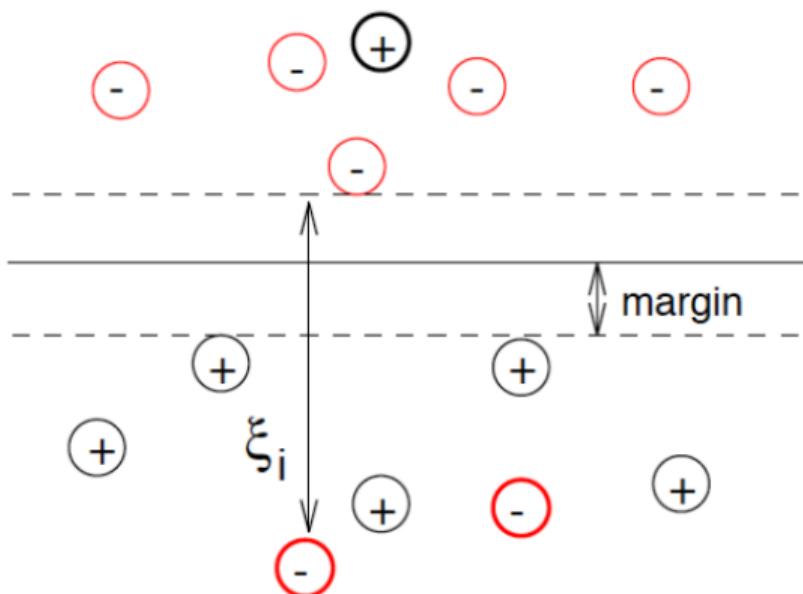
---

- Nalezení lineární rozhodovací hranice (roviny), která má nejmenší chybu z obecnění
- Nejlepší rovina by měla mít největší rozpětí (margin)



# Co když řada dat není lineárně separabilní?

- SVM zahrnuje penalizaci za nesprávnou klasifikaci



Regularization parameter  
to weight training error

$$\min ||w||^2 + C \sum_{i=1}^m \xi_i$$

1/Margin

Classification error in training set

- Použijeme dataset s 30 příznaky získaných analýzou snímku s nádorem prsu
- Nádor je buď zhoubný (malignant) nebo nezhoubný (benign)

```
1 from sklearn import datasets  
2 cancer = datasets.load_breast_cancer()  
4 print("Features: ", cancer.feature_names)  
5 print("Labels: ", cancer.target_names)
```

- Rozdělení datasetu na trénovací (70%) a testovací množinu

```
1 from sklearn.model_selection import train_test_split  
2 X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(cancer.data,  
cancer.target, test_size=0.3, random_state=109)
```

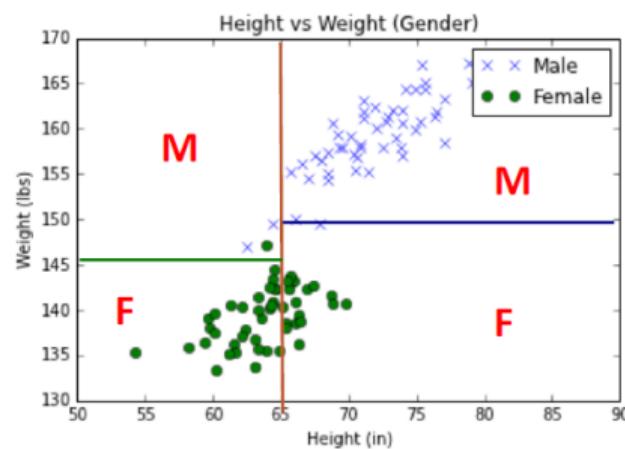
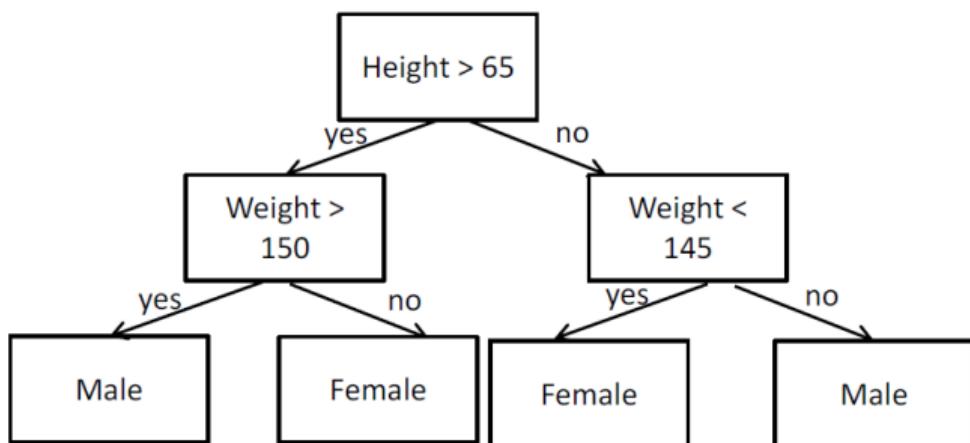
- Trénování modelu

```
1 from sklearn import svm  
3 clf = svm.SVC(kernel='linear') # Linear Kernel  
4 clf.fit(X_train, y_train)  
5 y_pred = clf.predict(X_test)
```

- Evaluace modelu

```
1 from sklearn import metrics  
3 # Accuracy: how often is the classifier correct?  
4 print("Accuracy:", metrics.accuracy_score(y_test, y_pred))  
6 # Precision: percentage of positive tuples are labeled as such?  
7 print("Precision:", metrics.precision_score(y_test, y_pred))  
9 # Recall: what percentage of positive tuples are labelled as such?  
10 print("Recall:", metrics.recall_score(y_test, y_pred))
```

- Motion tracking (Xbox Kinect)
- Stromová struktura, kde uzly jsou "otázky" a listy určují klasifikaci nebo označení (label)



- Obecně neparametrické, není třeba definovat hloubku nebo počet uzlů.
- Cílem učícího algoritmu je najít příznaky, které poskytují největší diskriminaci (rozdělení) na základě třídy.
- Například pro určení pohlaví poskytne dotaz na něčí výšku poměrně nízkou chybovost, kdežto něco jako barva očí poskytuje málo informací.
- Algoritmus:
  - Najdi příznak, který poskytuje nejlepší přesnost separace
  - Vytvoř uzel a odděl data podle této vlastnosti
  - Pokud je chyba nulová (v příkladu všechny vzorky s výškou  $> 72$  jsou muži, vytvoř list – klasifikaci)
  - V opačném případě rekurze pro každou vytvořenou podmnožinu

- Výhody:
  - Model je velmi snadno prohledatelný, můžete se podívat na každý uzel a snadno pochopit jeho účel (tj. funkci a práh nebo hodnotu).
  - Dokáže pracovat s heterogenním daty (reálná čísla, kategorie, všechna dohromady)
  - Náklady na klasifikaci jsou  $O(\log n)$ , kde  $n$  hloubka stromu
- Nevýhody:
  - Optimalizace je s největší pravděpodobností plná lokálních optim a jedná se o NP-úplný problém (tj. přesný výpočet je příliš drahý).
  - Velká citlivost na rozložení trénovacích dat (časté přetrénování!).

## Příklad rozhodovacího stromu

---

- Velmi často je klasifikační problém **binární**, kdy proměnná  $Y$  může mít jen dvě hodnoty.
- My si použití stromu ukážeme na (vymyšlených) datech a problému určování, jestli pacient má či nemá závažnou nemoc známou jako *rýmička*.
- Příznaky budou pro jednoduchost také binární: Pohlaví (žena/muž), horečka ( $> 39^{\circ}\text{C}$ / $\leq 39^{\circ}\text{C}$ ) a to, jestli daný člověk zvládl/nezvládl vstát z postele.
- Ukážeme si dva rozhodovací stromy a porovnáme si, jak je který z nich dobrým modelem následujících dat:

rýmička	pohlaví	$> 39^{\circ}\text{C}$	vstal(a)?
ano	muž	ne	ne
ne	žena	ano	ano
ne	muž	ne	ano
ano	žena	ano	ne

# Logistická regrese

---

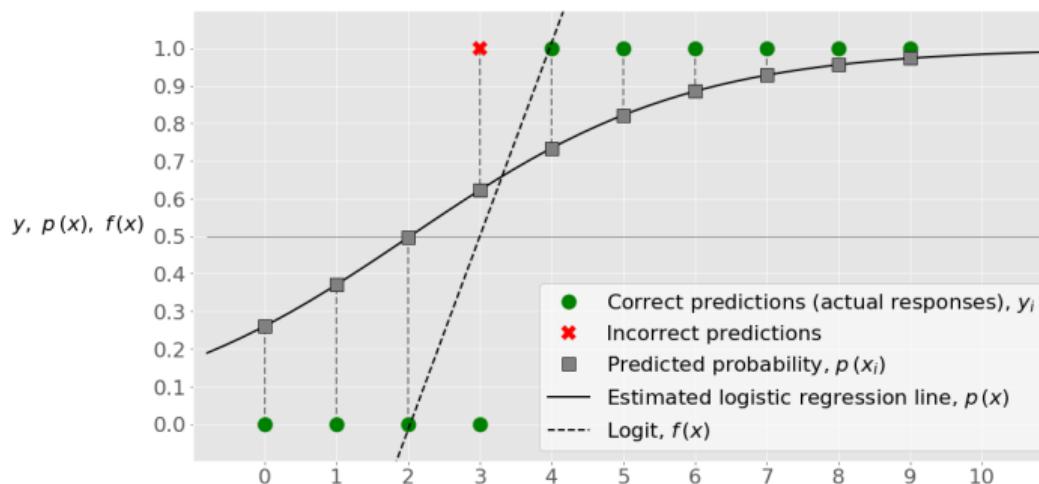
- Logistická regrese je pravděpodobně nejpoužívanějším klasifikátorem pro obecné účely.
- Je velmi dobře škálovatelný a jeho trénování je velmi rychlé.
- Používá se pro
  - filtrování nevyžádané pošty
  - klasifikace zpravodajských zpráv
  - klasifikace webových stránek
  - klasifikace produktů
  - většina klasifikačních problémů s velkými a řídkými soubory příznaků.
- Nevýhoda: přeúčení v případě velmi řídkých dat → často se používá s regularizací
- Je to binární klasifikátor, popsaný logistickou funkcí

$$P(X) = \frac{1}{1 + \exp(-X\beta)}$$

- Výhody:
  - Rychlý (trénování i klasifikace) a jednoduchý model
  - Výsledek klasifikace má jednoduché vysvětlení

```
1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import numpy as np
3 from sklearn.linear_model import LogisticRegression
4 from sklearn.metrics import classification_report, confusion_matrix
5
6 x = np.arange(10).reshape(-1, 1)          # vstupni data
7 y = np.array([0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1]) # vystupni data
8
9 # model
10 model=LogisticRegression(solver='liblinear',random_state=0).fit(x,y)
11 # solver: liblinear, newton-cg, lbfgs, sag, saga
12 # fine tuning: regularizace - C = 10.0
13 # tridy modelu:
14 print(model.classes_)
15 # vlastnosti reg. krivky:
16 print(model.intercept_)
17 print(model.coef_)
```

```
1 # pravdepodobnosti  
2 model.predict_proba(x)  
3 # predikovaný výstup  
4 model.predict(x)  
5 # počet správných  
6 model.score (x, y)
```



```
1 cm = confusion_matrix(y, model.predict(x))
2
3 fig, ax = plt.subplots(figsize=(8, 8))
4 ax.imshow(cm)
5 ax.grid(False)
6 ax.xaxis.set(ticks=(0, 1), ticklabels=('Predicted 0s', 'Predicted 1s'
7     ))
8 ax.yaxis.set(ticks=(0, 1), ticklabels=('Actual 0s', 'Actual 1s'))
9 ax.set_ylim(1.5, -0.5)
10 for i in range(2):
11     for j in range(2):
12         ax.text(j, i, cm[i, j], ha='center', va='center', color='red')
13 plt.show()
14 # report
15 print(classification_report(y, model.predict(x)))
```

# Porovnání klasifikátorů

	Decision Tree	Logistic Regression	SVM
Model	Tree (horizontal/vertical separating plane)	Linear separating plane	Can also use non-linear separating plane
Simplicity	Very simple	Simple	Complicated
Interpretation of output	Clear, follow the questions asked	Probability	Unclear
Chances of over-fit	High	Less worry	Should be careful
Development time	Just plug data in	Just plug data in	Tuning tuning tuning
Off-the-shelf accuracy	Okay	Okay	Probably the highest
Use case	When features are clear	Often combined with neural networks	Often suggest RBF as a starting point if you have zero knowledge on data

# Random Forests

---

- Zástupce skupiny **ensamble** method (další třeba AdaBoost)
  - namísto jednoho modelu (např. rozhodovacího stromu) použijeme více modelů a jejich predikce nějakým způsobem zkombinujeme do finálního rozhodnutí.
- Pro jednoduchost předpokládejme, že máme binární klasifikační problém, tj. rozhodujeme jestli  $Y = 0$  nebo  $Y = 1$ 
  1. Ze vstupního trénovacího datasetu  $D$  vytvoříme  $n$  datasetů  $D_1, \dots, D_n$  stejně velkých jako  $D$  pomocí metody **bootstrap**, neboli pomocí výběru s opakováním.
  2. Na každém datasetu  $D_i$  naučíme rozhodovací strom, označme tyto stromy  $T_1, \dots, T_n$
  3. Každý datový bod (tj. řádek z tabulky s daty  $D$ ) proženeme všemi stromy  $T_1, \dots, T_n$  a od každého z nich si uložíme rozhodnutí  $Y_1, \dots, Y_n$
  4. Všechny tyto stromy  $T_1, \dots, T_n$  tvoří náhodný les a jeho finální rozhodnutí o hodnotě  $Y$  je dané většinovým rozhodnutím stromů, je-li např. v množině  $Y_1, \dots, Y_n$  více jedniček než nul, je predikce náhodného lesa  $Y = 1$

# Bootstrap

---

Ukážeme si, jak funguje bootstrap na jednoduchém příkladu a našem datasetu:

id	rýmička	pohlaví	> 39°C	vstal(a)?	věk
1	ano	muž	ne	ne	65
2	ne	žena	ano	ano	34
3	ne	muž	ne	ano	72
4	ano	žena	ano	ne	20
5	ano	muž	ne	ano	45

Chceme-li vytvořit "bootstrapem" dataset velikosti pět, pětkrát si náhodně vybereme řádek s tabulkou s tím, že se řádky v našem výběru mohou opakovat. Vybereme-li např. řádky s id 1,4,3,3,1, dostaneme dataset

id	rýmička	pohlaví	> 39°C	vstal(a)?	věk
1	ano	muž	ne	ne	65
2	ne	žena	ano	ano	34
3	ne	muž	ne	ano	72
1	ano	muž	ne	ne	65
3	ne	muž	ne	ano	72

```
1 from sklearn import datasets
2 iris = datasets.load_iris()
3 # print the label species(setosa, versicolor,virginica)
4 print(iris.target_names)
5 # print the names of the four features
6 print(iris.feature_names)
7 # print the iris labels (0:setosa, 1:versicolor, 2:virginica)
8 print(iris.target)
9 # Creating a DataFrame of given iris dataset.
10 import pandas as pd
11 data=pd.DataFrame({
12     'sepal length':iris.data[:,0], 'sepal width':iris.data[:,1],
13     'petal length':iris.data[:,2], 'petal width':iris.data[:,3],
14     'species':iris.target
15 })
```

```
1 from sklearn.model_selection import train_test_split
2 # Features
3 X=data[['sepal length','sepal width','petal length','petal width']]
4 # Labels
5 y=data['species']
6 # Split dataset into training set (70%) and test (30%)set
7 X_train,X_test,y_train,y_test=train_test_split(X,y,test_size=0.3)
8 #Import Random Forest Model
9 from sklearn.ensemble import RandomForestClassifier
10 #Create a Gaussian Classifier
11 clf=RandomForestClassifier(n_estimators=100)
12 #Train the model using the training sets
13 clf.fit(X_train,y_train)
14 y_pred=clf.predict(X_test)
```

```
1 #Import scikit-learn metrics module for accuracy calculation
2 from sklearn import metrics
3
4 # Model Accuracy, how often is the classifier correct?
5 print("Accuracy:",metrics.accuracy_score(y_test, y_pred))
6
7 # Manual prediction
8 clf.predict([[3, 5, 4, 2]])
```