

Úplný bipartitní graf $K_{m,n}$ vznikne tak, že vezmeme množinu P_1 s m uzly a množinu P_2 s n uzly a pro každou dvojici uzlů (x, y) takovou, že $x \in P_1$ a $y \in P_2$, zřídíme hranu mezi x a y . Žádné další hrany nezřídíme.

Zřejmě tedy $K_{m,n}$ má vždy právě $m \cdot n$ hran.

Dále je také zřejmé, že graf $K_{m,n}$ je izomorfní s grafem $K_{n,m}$.

Izomorfismus je širší pojem a izomorfismus lze definovat i pro jiné struktury než obyčejné grafy.

Dejme tomu, že vytvoříme pojem značkový graf. Ve značkovém grafu je každému uzlu přiřazeno právě jedno číslo z dané množiny $Z = \{1, 2, \dots, K\}$, tomuto číslu říkáme značka uzlu.

Dva značkové grafy prohlásíme za izomorfní, pokud existuje bijekce mezi uzly obou grafů, která zachovává hrany i značky. Přesněji: Existuje bijekce f mezi uzly obou grafů s následující vlastností: Kdykoli zvolíme dva různé uzly x, y v prvním grafu, pak pro uzly $f(x), f(y)$ ve druhém grafu platí, že mezi nimi existuje hrana právě tehdy, když existuje hrana mezi x a y , a navíc značky x a $f(x)$ jsou stejné a značky y a $f(y)$ jsou stejné.

0. Uvažujme značkovací množinu $Z_2 = \{1, 2\}$. Existují tři navzájem neizomorfní grafy $K_{1,1}$ značkové množinou Z_2 . Existuje šest navzájem neizomorfních grafů $K_{1,2}$ značkových množinou Z_2 . Ověřte.

1. Kolik existuje navzájem neizomorfních grafů $K_{1,10}$ značkových množinou Z_2 ?
2. Kolik existuje navzájem neizomorfních grafů $K_{2,10}$ značkových množinou Z_2 ?
3. Kolik existuje navzájem neizomorfních grafů $K_{10,20}$ značkových množinou Z_2 ?
4. Kolik existuje navzájem neizomorfních grafů $K_{2,2}$ značkových množinou Z_2 ?
5. Kolik existuje navzájem neizomorfních grafů $K_{10,10}$ značkových množinou Z_2 ?

Uvažujme značkovací množinu $Z_3 = \{1, 2, 3\}$.

6. Kolik existuje navzájem neizomorfních grafů $K_{1,1}$ značkových množinou Z_3 ?
7. Kolik existuje navzájem neizomorfních grafů $K_{1,2}$ značkových množinou Z_3 ?
8. Kolik existuje navzájem neizomorfních grafů $K_{1,3}$ značkových množinou Z_3 ?
9. Kolik existuje navzájem neizomorfních grafů $K_{2,10}$ značkových množinou Z_3 ?
10. Kolik existuje navzájem neizomorfních grafů $K_{10,20}$ značkových množinou Z_3 ?
11. Kolik existuje navzájem neizomorfních grafů $K_{2,2}$ značkových množinou Z_3 ?
12. Kolik existuje navzájem neizomorfních grafů $K_{10,10}$ značkových množinou Z_3 ?

Kružnice C_n je souvislý graf, v němž všechny uzly mají stupeň 2.

Značkovanou kružnici $C(n, p_{z_1}, p_{z_2}, \dots, p_{z_k})$ definujeme jako kružnici s n uzly, v níž právě p_{z_1} uzlů je označováno značkou 1, právě p_{z_2} uzlů je označováno značkou 2, atd. Přitom platí $p_{z_1} + p_{z_2} + \dots + p_{z_k} = n$.

13. Kolik existuje navzájem neizomorfních značkových kružnic $C(4, 3, 1)$?
14. Kolik existuje navzájem neizomorfních značkových kružnic $C(4, 2, 2)$?
15. Kolik existuje navzájem neizomorfních značkových kružnic $C(5, 4, 1)$?
16. Kolik existuje navzájem neizomorfních značkových kružnic $C(5, 3, 2)$?
17. Kolik existuje navzájem neizomorfních značkových kružnic $C(15, 1, 14)$?
18. Kolik existuje navzájem neizomorfních značkových kružnic $C(15, 2, 13)$?
19. Kolik existuje navzájem neizomorfních značkových kružnic $C(10, 1, 1, 8)$?
20. Kolik existuje navzájem neizomorfních značkových kružnic $C(10, 1, 2, 7)$?