

## Prioritní fronta a příklad použití v úloze hledání nejkratších cest

Jan Faigl

Katedra počítačů  
Fakulta elektrotechnická  
České vysoké učení technické v Praze

Přednáška 12

BOB36PRP – Procedurální programování

Jan Faigl, 2021 BOB36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest 1 / 50  
Prioritní fronta polem Halda

## Přehled témat

- Část 1 – Prioritní fronta polem a haldou  
Prioritní fronta polem  
Halda
- Část 2 – Příklad využití prioritní fronty v úloze hledání nejkratší cesty v grafu  
Popis úlohy  
Návrh řešení  
Příklad naivní implementace prioritní fronty polem  
Implementace pq haldou s push() a update()
- Část 3 – Zadání 10. domácího úkolu (HW10)

Jan Faigl, 2021 BOB36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest 2 / 50  
Prioritní fronta polem Halda

Prioritní fronta polem Halda

# Část I

## Část 1 – Prioritní fronta (Halda)

## Prioritní fronta polem – rozhraní

- V případě implementace prioritní fronty polem můžeme využít jedno pole pro hodnoty a druhé pole pro uložení priority daného prvku.

*Implementace vychází z lec11/queue\_array.h a lec11/queue\_array.c*

```
typedef struct {  
    void **queue; // Pole ukazatelů na jednotlivé prvky  
    int *priorities; // Pole hodnot priorit jednotlivých prvků  
    int count;  
    int head;  
    int tail;  
} queue_t;
```

- Další rozhraní (jména a argumenty funkcí) mohou zůstat identické jako u implementace spojovým seznamem.

*Viz předchozí přednáška.*

```
void queue_init(queue_t **queue); int queue_push(void *value, int priority,  
void queue_delete(queue_t **queue); queue_t *queue);  
void queue_free(queue_t *queue); void* queue_pop(queue_t *queue);  
void* queue_peek(const queue_t *queue);  
_Bool queue_is_empty(const queue_t *queue);
```

Jan Faigl, 2021 BOB36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest 5 / 50  
Prioritní fronta polem Halda

## Prioritní fronta polem 1/3 – push()

- Funkce push() je až na uložení priority identická s verzí bez priorit.

```
int queue_push(void *value, int priority, queue_t *queue)  
{  
    int ret = QUEUE_OK; // by default we assume push will be OK  
    if (queue->count < MAX_QUEUE_SIZE) {  
        queue->queue[queue->tail] = value;  
  
        // store priority of the new value entry  
        queue->priorities[queue->tail] = priority;  
  
        queue->tail = (queue->tail + 1) % MAX_QUEUE_SIZE;  
        queue->count += 1;  
    } else {  
        ret = QUEUE_MEMFAIL;  
    }  
    return ret;  
}
```

- Funkce peek() a pop() potřebují prvek s nejnižší (nejvyšší) prioritou.
  - Nalezení prvku z „čela“ fronty realizujeme funkcí getEntry(), kterou následně využijeme jak v peek(), tak v pop().

Jan Faigl, 2021 BOB36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest 6 / 50  
Prioritní fronta polem Halda

## Prioritní fronta polem 2/3 – getEntry()

- Nalezení nejmenšího (největšího) prvku provedeme lineárním prohledáním aktuálních prvků uložených ve frontě (poli).

```
static int getEntry(const queue_t *const queue)  
{  
    int ret = -1;  
    if (queue->count > 0) {  
        for (int cur = queue->head, i = 0; i < queue->count; ++i) {  
            if (  
                ret == -1 ||  
                (queue->priorities[ret] > queue->priorities[cur])  
            ) {  
                ret = cur;  
            }  
            cur = (cur + 1) % MAX_QUEUE_SIZE;  
        }  
        return ret;  
    }  
}
```

Jan Faigl, 2021 BOB36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest 7 / 50  
Prioritní fronta polem Halda

## Prioritní fronta polem 3/3 – peek() a pop()

- Funkce peek() využívá lokální (static) funkce getEntry().

```
void* queue_peek(const queue_t *queue)  
{  
    return queue_is_empty(queue) ? NULL : queue->queue[getEntry(queue)];  
}
```

- Ve funkci pop() zaplníme položku vyjmutého prvku prvkem ze startu.

```
void* queue_pop(queue_t *queue)  
{  
    void *ret = NULL;  
    int bestEntry = getEntry(queue);  
    if (bestEntry >= 0) { // entry has been found  
        ret = queue->queue[bestEntry];  
        if (bestEntry != queue->head) { //replace the bestEntry by head  
            queue->queue[bestEntry] = queue->queue[queue->head];  
            queue->priorities[bestEntry] = queue->priorities[queue->head];  
        }  
        queue->head = (queue->head + 1) % MAX_QUEUE_SIZE;  
        queue->count -= 1;  
    }  
    return ret;  
}
```

Jan Faigl, 2021 BOB36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest 8 / 50

## Prioritní fronta polem – příklad použití

- Použití je identické s implementací spojovým seznamem.

```
make && ./demo-priority_queue_array  
ccache clang -c priority_queue_array.c -O2 -o priority_queue_array.o  
ccache clang priority_queue_array.o demo-priority_queue_array.o -o demo-  
priority_queue_array  
Add 0 entry '2nd' with priority '2' to the queue  
Add 1 entry '4th' with priority '4' to the queue  
Add 2 entry '1st' with priority '1' to the queue  
Add 3 entry '5th' with priority '5' to the queue  
Add 4 entry '3rd' with priority '3' to the queue  
  
Pop the entries from the queue  
1st  
2nd  
3rd  
4th  
5th
```

lec12/priority\_queue\_array/priority\_queue\_array.h  
lec12/priority\_queue\_array/priority\_queue\_array.c  
lec12/priority\_queue\_array/demo-priority\_queue\_array.c

Jan Faigl, 2021 BOB36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest 9 / 50

## Prioritní fronta spojovým seznamem nebo polem a výpočetní náročnost

- V naivní implementaci prioritní fronty jsme zohlednění priority „odložili“ až do doby, kdy potřebujeme odebrat prvek z fronty.
- Při odebrání (nebo vrácení) nejmenšího prvku v nejnepříznivějším případě musíme projít všechny položky.
- To může být **výpočetně náročné** a raději bychom chtěli „udržovat“ prvek připravený.
  - Můžeme to například udělat zavedením položky head, ve které bude aktuálně nejnižší (nejvyšší) vložený prvek do fronty.
  - Prvek head aktualizujeme v metodě push() porovnáním hodnoty aktuálně vkládaného prvku.
  - Tím zefektivníme operaci peek().
  - V případě odebrání prvku, však musíme frontu znovu projít a najít nový prvek.

Alternativně můžeme použít sofistikovanější datovou strukturu, která nám umožní efektivně udržovat hodnotu nejmenšího prvku a to jak při operaci vložení push() tak při operaci vyjmutí pop() prvku z prioritní fronty.

Jan Faigl, 2021 BOB36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest 10 / 50

Prioritní fronta polem Halda

## Halda

- Halda je dynamická datová struktura, která má „tvar“ binárního stromu a uspořádání prioritní fronty.
- Každý prvek haldy obsahuje hodnotu a dva potomky, podobně jako binární strom.
- Vlastnosti haldy – „Heap property“.**
  - Hodnota každého prvku je menší než hodnota libovolného potomka.
  - Každá úroveň binárního stromu haldy je plná, kromě poslední úrovně, která je zaplněna zleva doprava. **Binární plný strom**
- Prvky mohou být odebrány pouze přes kořenové uzel.
- Vlastnost haldy zajišťuje, že **kořen je vždy prvek s nejnižším/nejvyšším ohodnocením.**

V případě binárního plného stromu je složitost procházení úměrná hloubce stromu, která je pro  $n$  prvků úměrná  $\log_2(n)$ . Složitost operací  $push()$ ,  $pop()$ ,  $peek()$  tak můžeme očekávat nikoliv  $O(n)$  (jako v případě předchozí implementace prioritní fronty polem a spojovým seznamem), ale  $O(\log n)$ .

Jan Faigl, 2021 BOB36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest 12 / 50

Prioritní fronta polem Halda

## Binární vyhledávací strom vs halda

### Binární vyhledávací strom

- Může obsahovat prázdná místa.
- Hloubka stromu se může měnit.

Zajistit vyvážený strom je implementačně náročnější než implementace haldy.

### Halda

- Binární plný strom
 

Hloubka stromu vždy  $\lfloor \log_2(n) \rfloor$ .
- Kořen stromu je vždy prvek s nejnižší (nejvyšší) hodnotou.
- Každý podstrom splňuje vlastnost haldy.

**Heap property**

Jan Faigl, 2021 BOB36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest 13 / 50

Prioritní fronta polem Halda

## Halda – přidání prvku $push()$

- Po každém provedení operace  $push()$  musí být splněny vlastnosti haldy.
- Prvek přidáme na konec haldy, tj. na první volnou pozici (vlevo) na nejnižší úrovni haldy.
- Zkontrolujeme, zdali je splněna podmínka haldy, pokud ne, zaměníme prvek s nadřazeným prvkem (předkem).
 

V nejnepříznivějším případě prvek „probublá“ až do kořene stromu.

Jan Faigl, 2021 BOB36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest 14 / 50

Prioritní fronta polem Halda

## Halda – odebrání prvku $pop()$

- Při operaci  $pop()$  odebereme kořen stromu.
- Prázdné místo nahradíme nejpravějším listem.
- Zkontrolujeme, zdali je splněna podmínka haldy, pokud ne, zaměníme prvek s potomkem a postup opakujeme.
 

V nejnepříznivějším případě prvek „probublá“ až do listu stromu.

- Jak zjistit nejpravější list?
  - V případě implementace spojovou strukturou (nelineární) můžeme explicitně udržovat odkaz.
  - Binární plný strom můžeme efektivně reprezentovat polem** – pak nejpravější list je poslední prvek v poli.

Jan Faigl, 2021 BOB36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest 15 / 50

Prioritní fronta polem Halda

## Prioritní fronta haldou

- Prvky ukládáme do haldy a při každém vložení / odebrání zajišťujeme, aby platily vlastnosti haldy.
- Operace  $peek()$  má konstantní složitost a nezáleží na počtu prvků ve frontě, nejnižší prvek je vždy kořen.
 

Asymptotická složitost v notaci velké  $O$  je  $O(1)$ .
- Operace  $push()$  a  $pop()$  udržují vlastnost haldy záměnami prvku až do hloubky stromu.
 

Pro binární plný strom je hloubka stromu  $\log_2(n)$ , kde  $n$  je aktuální počet prvků ve stromu, odtud složitost operace  $O(\log(n))$ .

Jan Faigl, 2021 BOB36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest 16 / 50

Prioritní fronta polem Halda

## Reprezentace binárního stromu polem

- Binární plný strom můžeme reprezentovat lineární strukturou.
- V případě známého maximální počtu prvků v haldě, pak jednoduše předalokovaným polem políček.

Jan Faigl, 2021 BOB36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest 17 / 50

Prioritní fronta polem Halda

## Halda jako binární plný strom reprezentovaný polem

- Pro definovaný maximální počet prvků v haldě si předalokujeme pole o daném počtu prvků.
- Binární **plný strom** má všechny vrcholy na úrovni rovné hloubce stromu co nejvíce vlevo.
- Kořen stromu je první prvek s indexem 0, následníky prvku na pozici  $i$  lze v poli určit jako prvky s indexy:
  - levý následník:  $i_{levý} = 2i + 1$ ;
  - pravý následník:  $i_{pravý} = 2i + 2$ .

Podobně lze odvodit vztah pro předchůdce.
- Kořen stromu reprezentuje nejprioritnější prvek.
 

Např. s nejmenší hodnotou nebo maximální prioritou.

Jan Faigl, 2021 BOB36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest 18 / 50

Prioritní fronta polem Halda

## Operace vkládání a odebrání prvků

- I v případě reprezentace polem pracují operace vkládání a odebrání identicky.
  - Funkce  $push()$  přidá prvek jako další prvek v poli a následně propaguje prvek směrem nahoru až je splněna vlastnost haldy.
  - Při odebrání prvku funkcí  $pop()$  je poslední prvek v poli umístěn na začátek pole (tj. kořen stromu) a propagován směrem dolů až je splněna vlastnost haldy.
- Dochází pouze k vzájemnému zaměňování hodnot na pozicích v poli (haldě).
 

Z indexu prvku v poli vždy můžeme určit jak levého a pravého následníka, tak i předcházející prvek (rodič) v pohledu na haldu jako binární strom.
- Hlavní výhodou reprezentace polem je přístup do předem alokovaného bloku paměti.
 

Všechny prvky můžeme jednoduše projít v jedné smyčce, například při výpisu.
- Ověření zdali implementace operací  $push()$  a  $pop()$  zachovává **podmínku haldy** můžeme realizovat ověřující funkcí  $is\_heap()$ .

Jan Faigl, 2021 BOB36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest 19 / 50

Prioritní fronta polem Halda

## Příklad implementace $pq\_is\_heap()$

- Pro každý prvek haldy musí platit, že jeho hodnota je menší než levý i pravý následník.

```

typedef struct {
    int size; // the maximal number of entries
    int len; // the current number of entries
    int *cost; // array with costs - lowest cost is highest priority
    int *label; // array with labels (each label has cost/priority)
} pq_heap_s;

_Bool pq_is_heap(pq_heap_s *pq, int n)
{
    _Bool ret = true;
    int l = 2 * n + 1; // left successor
    int r = l + 1; // right successor
    if (l < pq->len) {
        ret = (pq->cost[l] < pq->cost[n]) ? false : pq_is_heap(pq, l);
    }
    if (r < pq->len) {
        ret = ret && // if ret is false, further expression is not evaluated
            ((pq->cost[r] < pq->cost[n]) ? false : pq_is_heap(pq, r));
    }
    return ret;
}
  
```

Jan Faigl, 2021 BOB36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest 20 / 50

Prioritní fronta polem

### Halda

## Příklad implementace push()

- Prvek přidáme na konec pole a iterativně kontrolujeme, zdali je splněna vlastnost haldy. Pokud ne, prvek zaměníme s předchůdcem.

```

#define GET_PARENT(i) ((i-1) >> 1) // parent is (i-1)/2
_Bool pq_push(pq_heap_s *pq, int label, int cost)
{
    _Bool ret = false;
    if (pq->len < pq->size && label >= 0 && label < pq->size) {
        pq->cost[pq->len] = cost; //add the cost to the next free slot
        pq->label[pq->len] = label; //add label of new entry
        int cur = pq->len; // index of the entry added to the heap
        int parent = GET_PARENT(cur);
        while (cur >= 1 && pq->cost[parent] > pq->cost[cur]) {
            pq_swap(pq, parent, cur); // swap parent<->cur
            cur = parent;
            parent = GET_PARENT(cur);
        }
        pq->len += 1;
        ret = true;
    }
    // assert(pq_is_heap(pq, 0)); // testing the implementation
    return ret;
}

```

Jan Faigl, 2021 BOB36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest 21 / 50

Prioritní fronta polem

### Halda

## Příklad volání pop()

- Halda je reprezentovaná binárním polem.
- Nejmenší prvek je kořenem stromu.
- Voláním pop() odebíráme kořen stromu.
- Na jeho místo umístíme poslední prvek.
- Strom však nesplňuje podmínku haldy.
- Proto provedeme záměnu s následníky.
- Astrom opět splňuje vlastnost haldy.
- Záměny provádíme v poli a využíváme vlastnosti plného binárního stromu.

V tomto případě volíme pravého následníka, neboť jeho hodnota je nižší než hodnota levého následníka.

Levý potomek prvku haldy na pozici  $i$  je  $2i+1$ , pravý potomek je na pozici  $2i+2$ .

Jan Faigl, 2021 BOB36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest 22 / 50

Popis úlohy Návrh řešení Příklad naivní implementace prioritní fronty polem pq\_haldou s push() a update()

## Část II

### Část 2 – Příklad využití prioritní fronty v úloze hledání nejkratší cesty v grafu

Jan Faigl, 2021 BOB36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest 23 / 50

Popis úlohy Návrh řešení Příklad naivní implementace prioritní fronty polem pq\_haldou s push() a update()

## Hledání nejkratší cesty v grafu

- Uzly grafu mohou reprezentovat jednotlivá místa a hrany cestu, jak se mezi místy pohybovat.
- Ohodnocení (cena) hrany může odpovídat náročnosti pohybu mezi dvě sousedními uzly.
- Cílem je nalézt nejkratší (nejlevnější) cestu např. z uzlu 0 do všech ostatních uzlů.

Jan Faigl, 2021 BOB36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest 25 / 50

Popis úlohy Návrh řešení Příklad naivní implementace prioritní fronty polem pq\_haldou s push() a update()

## Dijkstrův algoritmus

- Nechť má graf pouze kladné ohodnocení hran, pak pro každý uzel:
  - nastavíme aktuální cenu nejkratší cesty z výchozího uzlu;
  - udržujeme odkaz na bezprostředního předchůdce na nejkratší cestě ze startovního uzlu.
- Hledání cesty je postupná aktualizace ceny nejkratší cesty do jednotlivých uzlů.
  - Začneme z výchozího uzlu (cena 0) a aktualizujeme délku cesty do následníků.
  - Následně vybereme takový uzel, do kterého již existuje nějaká cesta z výchozího uzlu a zároveň má aktuálně nejnižší ohodnocení.
  - Postup opakujeme dokud existuje nějaký dosažitelný uzel.
    - Tj. uzel, do kterého vede cesta z výchozího uzlu
    - má již ohodnocení a předchůdce (zelené uzly).

Ohodnocení uzlů se může pouze snižovat, cena hran je nezáporná. Proto pro uzel s aktuálně nejkratší cestou již nemůže existovat cesta kratší.

Jan Faigl, 2021 BOB36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest 26 / 50

Popis úlohy Návrh řešení Příklad naivní implementace prioritní fronty polem pq\_haldou s push() a update()

## Příklad postupu řešení (pokračování)

- Po 2. expanzi má uzel 3 již nejkratší cestu.
- Expanze uzlu 1 nevede na kratší cestu do uzlu 2.
- Expanzi uzlu 2 získáme cestu též do uzlu 5.
- Dalšími expanzemi již cesty nezlepšujeme.

Jan Faigl, 2021 BOB36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest 27 / 50

Popis úlohy Návrh řešení Příklad naivní implementace prioritní fronty polem pq\_haldou s push() a update()

## Příklad řešení úlohy hledání nejkratších cest v grafu

Řešení úlohy obsahuje tři části.

- Vstupní data (grafu)** – paměťová reprezentace a načtení hodnot.
  - Vstupní graf je zadán jako seznam hran. *Formát vstupního souboru.*
  - Dalším vstupem je výchozí uzel. *from to cost – Viz 10. přednáška.*
  - Pro jednoduchost budeme uvažovat 1. uzel (0).*
- Výstupní data (nejkratší cesty)** – paměťová reprezentace a uložení (zápis).
  - Formát výstupního souboru.*
  - Všechny nejkratší cesty vypíšeme jako seznam vrcholů s cenou (délkou) nejkratší cesty a bezprostředním předchůdcem (indexem) uzlu na nejkratší cestě z výchozího uzlu (uzel 0). *label cost parent*
- Algoritmu hledání cest** – Dijkstrův algoritmus.
  - Algoritmus je relativně přímočarý v každém kroku expandujeme uzel s aktuálně nejkratší cestou z výchozího uzlu.
  - V každém kroku potřebujeme uzel s aktuálně nejnižší délkou cesty – použijeme prioritní frontu.*

Jan Faigl, 2021 BOB36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest 29 / 50

Popis úlohy Návrh řešení Příklad naivní implementace prioritní fronty polem pq\_haldou s push() a update()

## Vstupní graf, reprezentace grafu a řešení

- Graf je zadán jako seznam hran v souboru, který můžeme načíst funkcí `load_graph_simple()` z `lec10/*load_simple.c`.
- Graf je seznam hran.

```

typedef struct {
    int from;
    int to;
    int cost;
} edge_t;

typedef struct {
    edge_t *edges;
    int num_edges;
    int capacity;
} graph_t;

```

Navíc využijeme toho, že jsou hrany uspořádané.

```

typedef struct {
    int edge_start;
    int edge_count;
    int parent;
    int cost;
} node_t;

```

- Hrany vycházející z uzlu určíme jako index první hrany `edge_start`
- a počet hran `edge_count`.

- Dále potřebujeme pro vlastní řešení v každém uzlu uložit cenu nejkratší cesty `cost` a předcházející uzel na nejkratší cestě `parent`.

```

0 5 74
1 6 56
2 8 11
2 9 27
2 4 31
2 3 41
2 1 26
3 5 24
3 9 12
4 9 13
...

```

Jan Faigl, 2021 BOB36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest 30 / 50

Popis úlohy Návrh řešení Příklad naivní implementace prioritní fronty polem pq\_haldou s push() a update()

## Datová reprezentace

- Řešení implementujeme v modulu `dijkstra`.
- Všechny potřebné datové struktury zahrneme do jediné struktury `dijkstra_t` reprezentující všechna data řešení úlohy.

```

typedef struct {
    graph_t *graph;
    node_t *nodes;
    int num_nodes;
    int start_node;
} dijkstra_t;

```

- Pro alokaci použijeme `myMalloc()`, `allocate_graph()` a inicializujeme položky struktury na výchozí hodnoty.

```

void* dijkstra_init(void)
{
    dijkstra_t *dij = myMalloc(
        sizeof(dijkstra_t));
    dij->nodes = NULL;
    dij->num_nodes = 0;
    dij->start_node = -1;
    dij->graph = allocate_graph();
    return dij;
}

```

```

#include <stdlib.h>

void* myMalloc(size_t size)
{
    void *ret = malloc(size);
    if (!ret) {
        fprintf(stderr, "Malloc failed!\n");
        exit(-1);
    }
    return ret;
}

```

lec11/my\_malloc.c

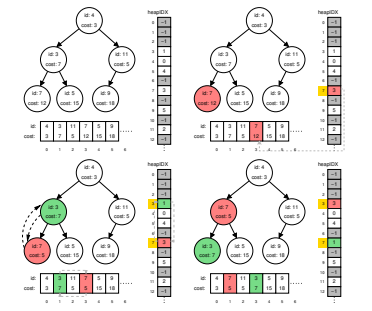
Jan Faigl, 2021 BOB36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest 31 / 50



### Příklad reprezentace haldy v poli a aktualizace ceny cesty

V haldě jsou uloženy délky dosud známých nejkratších cest pro vrcholy označené: 3, 4, 5, 7, 9, a 11.

- Při expanzi dalšího uzlu jsme našli kratší cestu do uzlu 7 s délkou 5.
- Zavoláme `update(id=7, cost=5)`.
- Abychom mohli aktualizovat cenu v haldě, potřebujeme znát pozici uzlu v poli haldy.
- Proto vedle samotné haldy udržujeme pole, které je indexované číslem uzlu.
- Po aktualizaci ceny, není splněna vlastnost haldy. Provedeme záměnu.
- Při záměně udržujeme nejen prvky v samotné haldě, ale také pole `heapIDX` s pozicemi vrcholů v poli haldy.



### Další možnosti urychlení programu

- Kromě efektivní implementace prioritní fronty haldou, která je zásadní, lze běh programu dále urychlit
  - efektivnějším načítáním grafu
  - a ukládáním řešení do souboru.

<code>tgraph_search</code> <code>s.tgs</code>	<code>tdijkstra</code> <code>-v g.s.ref</code>	<code>dijkstra-pv</code> <code>g.s.pv</code>
<code>lec11/tgraph_search</code>	<code>Dijkstra</code> <code>ver. 2.3.4</code>	<code>HW10 Reference solution</code>
<code>Load time ... 125ms</code>	<code>Load time ... 223ms</code>	<code>Load time ... 235ms</code>
<code>Solve time ... 625 ms</code>	<code>Solve time ... 715ms</code>	<code>Solve time ... 610 ms</code>
<code>Save time ... 431 ms</code>	<code>Save time ... 106ms</code>	<code>Save time ... 87 ms</code>
<code>Total time ... 2308ms</code>	<code>Total time ... 1044ms</code>	<code>Total time ... 932ms</code>

- HW10 – Soutěž v rychlosti programu – extra body navíc.
  - Na odevzdání stačí opravit funkci `update()` případně využít načítání a ukládání z HW09.
  - Dalšího urychlení lze dosáhnout lepší organizací paměti a datovými strukturami.

*Jediný zásadní požadavek je implementace rozhraní dle `lec12/dijkstra.h`.*

Diskutovaná témata

### Shrnutí přednášky

### Příklad implementace

- V `lec12/graph_search` je uveden příklad implementace hledání nejkratších cest s prioritní frontou realizovanou haldou.
- Implementace funkce `update()` využívá pole `heapIDX` pro získání pozice prvku v haldě, záměrně je však splnění vlastnosti haldy realizováno vytvořením nové haldy s aktualizovanou cenou uzlu.

```

_Boolean pq_update(void *pq, int label, int cost)
{
    _Boolean ret = false;
    pq_heap_s *pq = (pq_heap_s*)pq;
    pq->cost[pq->heapIDX[label]] = cost; // update the cost, but heap property is not satisfied
    // assert(pq->is_heap(pq, 0));

    pq_heap_s *pqBackup = (pq_heap_s*)pq_alloc(pq->size); //create backup of the heap
    pqBackup->len = pq->len;
    for (int i = 0; i < pq->len; ++i) { // backup the heap
        pqBackup->cost[i] = pq->cost[i]; //just cost and labels
        pqBackup->label[i] = pq->label[i];
    }
    pq->len = 0; //clear all vertices in the current heap
    for (int i = 0; i < pqBackup->len; ++i) { //create new heap from the backup
        pq_push(pq, pqBackup->label[i], pqBackup->cost[i]);
    }
    pq_free(pqBackup); // release the queue
    ret = true;
    return ret;
}
    
```

**Součástí řešení 10. domácího úkolu je správná implementace funkce `update()`!**

## Část III

### Část 3 – Zadání 10. domácího úkolu (HW10)

Diskutovaná témata

### Diskutovaná témata

- Prioritní fronta
  - Příklad implementace spojovým seznamem `lec12/priority_queue-linked_list`
  - Příklad implementace polem `lec12/priority_queue-array`
- Halda - definice, vlastnosti a základní operace
- Reprezentace binárního plného stromu polem
- Prioritní fronta s haldou
- Hledání nejkratší cesty v grafu – využití prioritní fronty (resp. haldy)

### Příklad řešení a rychlost výpočtu

- Po úpravě funkce `update()` získáme prioritní frontu se složitostí operací  $O(\log n)$  a vlastní výpočet bude relativně rychlý.
- Pro získání představy rychlosti výpočtu je v souboru `tgraph_search-time.c` volání dílčích funkcí modulu `dijkstra` s měřením reálného času (`make time`). `lec12/graph_search-time.c`

*Alternativně lze řešit nástrojem `time` nebo pro Win platformu `lec12/bin/timeexec.exe`.*

- Vytvoříme graf o 1 mil. uzlů (a cca 3 mil. hran) v souboru `/tmp/g`.  
`./bin/tdijkstra -c 1000000 /tmp/g`

Verze s naivním <code>update()</code>	Upravená funkce <code>update()</code>
<code>tgraph_search-time /tmp/g /tmp/s1</code>	<code>tgraph_search-time /tmp/g /tmp/s2</code>
<code>Load graph from /tmp/g</code>	<code>Load graph from /tmp/g</code>
<code>Load time ... 1179ms</code>	<code>Load time ... 1201ms</code>
<code>Save solution to /tmp/s1</code>	<code>Save solution to /tmp/s2</code>
<code>Solve time ... 965875 ms</code>	<code>Solve time ... 620 ms</code>
<code>Save time ... 273 ms</code>	<code>Save time ... 279 ms</code>
<code>Total time ... 967327ms</code>	<code>Total time ... 2100ms</code>

- Správnost řešení lze zkontrolovat program `tdijkstra`, např.  
`./bin/tdijkstra -t /tmp/g /tmp/s`.

### Zadání 10. domácího úkolu HW10

**Téma: Integrace načítání grafu a prioritní fronta v úloze hledání nejkratších cest**

Povinné zadání: 3b; Volitelné zadání: 3b; Bonusové zadání: Soutěž o body

- **Motivace:** Větší programový celek, využití existujícího kódu a efektivním implementace programu
- **Cíl:** Osvojit si integraci existujících kódu do funkčního celku složeného z více souborů.
- **Zadání:** <https://cv.fel.cvut.cz/wiki/courses/b0b36prp/hw/hw10>
  - Funkce `update()` pro efektivní použití prioritní fronty implementované haldou v úloze hledání nejkratší cest v grafu.
  - **Volitelné zadání** rozšiřuje binární načítání/ukládání grafu o specifikovaný binární formát, tj. rozšíření HW 09.
  - **Bonusové zadání** spočívá v efektivnosti implementace tak, aby byl výsledný kód co možná nejrychlejší.
- **Termín odevzdání:** 01.01.2022, 23:59:59 PST.
- **Bonusová úloha:** 08.01.2022, 23:59:59 PST.