

Níže uvedené úlohy představují přehled otázek, které se vyskytly v tomto nebo v minulých semestrech ve cvičení nebo v minulých semestrech u zkoušky. Mezi otázkami semestrovými a zkuškovými není žádný rozdíl, předpokládáme, že připravený posluchač dokáže zdárně zodpovědět většinu z nich.

Tento dokument je k dispozici ve variantě převážně s řešením a bez řešení.

Je to pracovní dokument a nebyl soustavně redigován, tým ALG neručí za překlepy a jazykové prohřešky, většina odpovědí a řešení je ale pravděpodobně správně :-).

## ----- HASHING GENERAL -----

1.

Hashovací (=rozptylovací) funkce

- a) převádí adresu daného prvku na jemu příslušný klíč
- b) vrací pro každý klíč jedinečnou hodnotu
- c) pro daný klíč vypočte adresu
- d) vrací pro dva stejné klíče různou hodnotu

Toto je elementární otázka z rozptylování. Hashovací funkce podle své definice provádí činnost popsanou ve variantě c). Vytváří synonyma, takže varianta b) neplatí, a pro dva stejné klíče musí vrátit stejnou hodnotu, takže ani d) neplatí. Varianta a) obsahuje jen klíčová slova beze smyslu naházená do věty — neplatí také.

2.

Kolize u hashovací (rozptylovací) funkce  $h(k)$

- a) je situace, kdy pro dva různé klíče  $k$  vrátí  $h(k)$  stejnou hodnotu
- b) je situace, kdy pro dva stejné klíče  $k$  vrátí  $h(k)$  různou hodnotu
- c) je situace, kdy funkce  $h(k)$  při výpočtu havaruje
- d) je situace, kdy v otevřeném rozptylování dojde dynamická paměť

Definitorická otázka, viz přednášky/literaturu. Platí varianta a).

3.

Hashovací (=rozptylovací) funkce

- e) převádí adresu daného prvku na jemu příslušný klíč
- f) vrací pro každý klíč jedinečnou hodnotu
- g) pro daný klíč vypočte adresu
- h) vrací pro dva stejné klíče různou hodnotu

Toto je elementární otázka z rozptylování. Hashovací funkce podle své definice provádí činnost popsanou ve variantě c). Vytváří synonyma, takže varianta b) neplatí, a pro dva stejné klíče musí vrátit stejnou hodnotu, takže ani d) neplatí. Varianta a) obsahuje jen klíčová slova beze smyslu naházená do věty — neplatí také.

## ----- HASHING CHAINED -----

4.

Implementujte operace Init, Search, Insert a Delete pro rozptylovací tabulku se zřetěženým rozptylováním, do níž se ukládají celočíselné klíče. Předpokládejte, že rozptylovací funkce je již implementována a Vám stačí ji jen volat.

5.

A elsewhere

Hash table of size  $m$  in hashing with chaining contains  $n$  elements (keys). Its implementation optimizes the *Insert* operation. The worst case of insertion a new element has the complexity

- a)  $\Theta(n)$
- b)  $\Theta(m)$
- c)  $\Theta(m/n)$
- d)  $O(1)$
- e)  $\Theta(\log(n))$

6.

A where?

Linked list of synonyms

- a) minimizes the overall cluster length in open address hashing method
- b) solves the problem of collisions by inserting the key to the first empty space in the array
- c) is a sequence of synonyms stored in continuous segment of addresses
- d) **does not exist in open address hashing**

7.

Zřetěžený seznam synonym

- e) minimalizuje délku clusterů u metody otevřeného rozptylování
- f) řeší kolize uložením klíče na první volné místo v poli
- g) je posloupnost synonym uložená v souvislém úseku adres
- h) **u otevřeného rozptylování nevzniká**

8.

Metoda hashování s vnějším zřetěžením

- a) nemá problém s kolizemi, protože při ní nevznikají
- b) dokáže uložit pouze předem známý počet klíčů
- c) **ukládá synonyma do samostatných seznamů v dynamické paměti**
- d) ukládá synonyma spolu s ostatními klíči v poli

Každý alespoň elementární popis zřetěženého rozptylování vede na odpověď b). Kolize vznikají vždy, pole se tu nepoužívá a počet klíčů není teoreticky omezen.

9.

Metoda hashování s vnějším zřetěžením

- a) nemá problém s kolizemi, protože nevznikají
- b) řeší kolize uložením klíče na první volné místo v poli
- c) dokáže uložit pouze předem známý počet klíčů
- d) **dokáže uložit libovolný předem neznámý počet klíčů**

10.

Metoda hashování s vnějším zřetěžením

- nemá problém s kolizemi, protože při ní nevznikají
- dokáže uložit pouze předem známý počet klíčů
- **ukládá synonyma do samostatných seznamů v dynamické paměti**
- ukládá synonyma spolu s ostatními klíči v poli

11.

Rozptylovací tabulka o velikosti  $m$  se zřetěženým rozptylováním obsahuje  $n$  prvků. Nejhorší případ, který může při vložení dalšího prvku nastat, má složitost

- $\Theta(n)$
- $\Theta(m)$
- $\Theta(m/n)$
- ✓  **$O(1)$**
- $\Theta(\log(n))$

12.

Implementujte operace Init, Search, Insert a Delete pro rozptylovací tabulku se zřetězeným rozptylováním, do níž se ukládají celočíselné klíče. Předpokládejte, že rozptylovací funkce je již implementována a Vám stačí ji jen volat.

Zde – pokud se nevyskytne přímá žádost – řešení prozatím neuvádím, jedná se jen o přímou implementaci standardní situace popsané v přednášce i literatuře, nic se tu nemusí „vymýšlet“, předpokládáme tedy, že si zájemci mohou (příp. s knihou či obrazovkou) tamtéž uvedené kódy projít.

## ----- HASHING OPEN -----

13.

Metoda otevřeného rozptylování

- a) generuje vzájemně disjunktní řetězce synonym
- b) dokáže uložit pouze předem známý počet klíčů
- c) zamezuje vytváření dlouhých clusterů ukládáním synonym do samostatných seznamů v dynamické paměti
- d) dokáže uložit libovolný předem neznámý počet klíčů

Varianty a), c), d) platí zřejmě pro zřetězené rozptylování, což vyplývá bezprostředně již z jakéhokoli jednoduchého popisu zřetězeného rozptylování. Zbývá jen správná možnost b).

14.

Metoda otevřeného rozptylování

- a) dokáže uložit libovolný předem neznámý počet klíčů
- b) nemá problém s kolizemi, protože nevznikají
- c) ukládá prvky s klíči v dynamické paměti
- d) ukládá prvky do pole pevné délky

15.

Metoda otevřeného rozptylování

- generuje vzájemně disjunktní řetězce synonym
- dokáže uložit pouze předem známý počet klíčů
- zamezuje vytváření dlouhých clusterů ukládáním synonym do samostatných seznamů v dynamické paměti
- dokáže uložit libovolný předem neznámý počet klíčů

Varianty a), c), d) platí zřejmě pro zřetězené rozptylování, což vyplývá bezprostředně již z jakéhokoli jednoduchého popisu zřetězeného rozptylování. Zbývá jen správná možnost b).

16.

Rozptylovací tabulka o velikosti  $m$  s otevřeným rozptylováním obsahuje  $n$  prvků. Při vložení  $(n+1)$ -ého prvku nastala kolize. To znamená, že

- a)  $n = m$
- b)  $n > m$
- c)  $n = m \bmod n$
- d)  $m = n \bmod m$
- e) nic z předchozího

17.

Hash table of size  $m$  in open address hashing contains  $n$  elements (keys). While inserting the  $(n+1)$ <sup>th</sup> element a collision appeared. That means:

- f)  $n = m$

- g)  $n > m$
- h)  $n = m \bmod n$
- i)  $m = n \bmod m$
- j) none of these answers

**18.**

A Where?

The hash table uses the hash function  $(x) = x \bmod 6$  and it was originally empty. Then the following elements were inserted into the table and one collision occurred. Which elements?

- a) 6 12 24
- b) 24 6 12
- c) 1 7 6
- d) 5 6 7
- e) 2 3 4

**19.**

A Where?

The hash table uses the hash function  $(x) = x \bmod 5$  and it was originally empty. Then the following elements were inserted into the table and one collision occurred. Which elements?

- a) 5 6 7
- b) 10 15 20
- c) 20 10 15
- d) 5 6 11
- e) 3 6 9

**20.**

A elsewhere

The word "cluster" used in open hashing means the following

- a) a sequence of synonyms stored in a continuous area of addresses
- b) a sequence of keys stored in a continuous area of addresses
- c) a sequence of synonyms stored in the dynamic memory
- d) nothing, clusters does not appear in the open hashing

**21.**

A where

In open address hashing

- a) unlimited number of synonyms can be stored
- b) the range of keys must be defined
- c) the array must be extended after a given number of collisions
- d) number of stored elements is limited by the array size

**22.**

Kolize při vkládání klíče do rozptylovací tabulky s otevřeným rozptylováním znamená, že:

- klíč nebude možno do tabulky vložit
- klíč bude možno do tabulky vložit po jejím zvětšení
- místo pro klíč v poli je již obsazeno jiným klíčem
- v paměti není dostatek místa pro zvětšení tabulky
- kapacita tabulky je vyčerpána

**23.**

V otevřeném rozptylování

- e) je nutno definovat rozsah hodnot klíčů
- f) je počet uložených prvků omezen velikostí pole
- g) je nutno po určitém počtu kolizí zvětšit velikost pole

h) je možno uložit libovolný počet synonym

V otevřeném rozptylování je maximální počet uložených prvků dán velikostí pole, varianta d) neplatí. Většinou se počítá s tím, že pole má danou velikost (podle charakteru a rozsahu dat), jeho velikost je tedy daná a nemění se. Varianta c) neplatí. Zároveň se potvrzuje platnost varianty b). Varianta a) neplatí, rozptylovací funkce má za úkol zpracovat jakýkoli klíč.

24.

Cluster (u metody otevřeného rozptylování)

- a) je posloupnost synonym uložená v souvislém úseku adres
- b) je posloupnost klíčů uložená v souvislém úseku adres
- c) je posloupnost synonym uložená v dynamické paměti
- d) u otevřeného rozptylování nevzniká

Definitorická otázka, viz přednášky/literaturu. Platí varianta b).

25.

Implementujte operace Init, Search, Insert pro rozptylovací tabulku s otevřeným rozptylováním, do níž se ukládají celočíselné klíče. Předpokládejte, že rozptylovací funkce je již implementována a Vám stačí ji jen volat. Použijte strategii „Linear probing“.

Zde – pokud se nevyskytne přímá žádost – řešení prozatím neuvádím, jedná se jen o přímou implementaci standardní situace popsané v přednášce i literatuře, nic se tu nemusí „vymýšlet“, předpokládáme tedy, že si zájemci mohou (příp. s knihou či obrazovkou) tamtéž uvedené kódy projít.

----- HASHING LINEAR -----

26.

Pole, ve kterém je uložena rozptylovací tabulka vypadá při použití rozptylovací funkce  $h(k) = k \bmod 5$ , lineárního prohledávání (linear probing) a vložení klíčů 8, 9, 4, 3 (vkládaných v pořadí zleva doprava) takto

0	1	2	3	4
4	3		8	9

a)

0	1	2	3	4
8	9	4	3	

b)

0	1	2	3	4
8	9		3	4

c)

0	1	2	3	4
	9	8	3	4

d)

27.

Pole, ve kterém je uložena rozptylovací tabulka vypadá při použití rozptylovací funkce  $h(k) = k \bmod 5$ , lineárního prohledávání (linear probing) a vložení klíčů 7, 1, 6, 2 (vkládaných v pořadí zleva doprava) takto

0	1	2	3	4
7	1	6	2	

a)

0	1	2	3	4
6		7	1	2

b)

0	1	2	3	4
	1	7	6	2

c)

0	1	2	3	4
	6	2	1	7

d)

28.

A hash table is stored in an array. The keys inserted into the originally empty table are 7, 1, 6, 2. The table uses hash function  $h(k) = k \bmod 5$  and resolves collisions by linear probing scheme. What is the resulting contents of the table?

0	1	2	3	4
7	1	6	2	

a)

0	1	2	3	4
6		7	1	2

b)

0	1	2	3	4
	1	7	6	2

c)

0	1	2	3	4
	6	2	1	7

d)

29.

Pole, ve kterém je uložena rozptylovací tabulka vypadá při použití rozptylovací funkce  $h(k) = k \bmod 5$ , lineárního prohledávání (linear probing) a vložení klíčů 5, 9, 4, 6 (vkládaných v pořadí zleva doprava) takto

0	1	2	3	4
5	6	4		9

a)

0	1	2	3	4
5	6	9		4

b)

0	1	2	3	4
5	4	6		9

c)

0	1	2	3	4
4	5	6		9

d)

30. A

Hashing uses linear probing and a hash function  $h(k) = k \bmod 5$ . We insert the keys 5, 9, 4, 6 (in this order). The array used for storage of the hash table looks then as follows:

0	1	2	3	4
5	6	4		9

a)

0	1	2	3	4
5	6	9		4

b)

0	1	2	3	4
5	4	6		9

c)

0	1	2	3	4
4	5	6		9

d)

31.

Pole, ve kterém je uložena rozptylovací tabulka vypadá při použití rozptylovací funkce  $h(k) = k \bmod 5$ , lineárního prohledávání (linear probing) a vložení klíčů 4, 5, 9, 6 (vkládaných v pořadí zleva doprava) takto

0	1	2	3	4
5	6	4		9

a)

0	1	2	3	4
5	9	6		4

b)

0	1	2	3	4
4	6	5		9

c)

0	1	2	3	4
4	5	6		9

d)

32. A

Hashing uses linear probing and a hash function  $h(k) = k \bmod 5$ . We insert the keys 4, 5, 9, 6 (in this order). The array used for storage of the hash table looks then as follows:

0	1	2	3	4
5	6	4		9

a)

0	1	2	3	4
5	9	6		4

b)

0	1	2	3	4
4	6	5		9

c)

0	1	2	3	4
4	5	6		9

d)

33.

Pole, ve kterém je uložena rozptylovací tabulka vypadá při použití rozptylovací funkce  $h(k) = k \bmod 5$ , lineárního prohledávání (linear probing) a vložení klíčů 6, 5, 9, 4 (vkládaných v pořadí zleva doprava) takto

a)

b)

c)

d)

0	1	2	3	4
5	6	4		9

0	1	2	3	4
5	6	9		4

0	1	2	3	4
4	6	5		9

0	1	2	3	4
4	5	6		9

$6 \bmod 5 = 1$ , takže hodnota 6 se vloží na pozici č. 1.

$5 \bmod 5 = 0$ , takže hodnota 5 se vloží na pozici č. 0.

$9 \bmod 5 = 4$ , takže hodnota 9 se vloží na pozici č. 4.

Tím získáme tabulka naznačenou vpravo.

Zbývá vložit hodnotu 4.

$4 \bmod 5 = 4$ . Hodnota 4 by se tedy měla vložit pozici č. 4. Ta je však již obsazená hodnotou 9 a je tedy zapotřebí najít nejbližší volnou pozici směrem doprava. Za pozicí č. 4 bezprostředně následuje pozice č. 0. (tabulka je „zacyklená“) a pozice č. 1, jež jsou obě také obsazeny,

Hodnota 4 se tedy vloží na pozici č. 2, jak ukazuje poslední tabulka, ekvivalentní s variantou a).

0	1	2	3	4
5	6			9

0	1	2	3	4
5	6	4		9

34.

Pole, ve kterém je uložena rozptylovací tabulka vypadá při použití rozptylovací funkce  $h(k) = k \bmod 5$ , lineárního prohledávání (linear probing) a vložení klíčů 6, 4, 5, 9 (vkládaných v pořadí zleva doprava) takto

a)
0 1 2 3 4
5 6 4   9

b)
0 1 2 3 4
5 6 9   4

c)
0 1 2 3 4
4 6 5   9

d)
0 1 2 3 4
4 5 6   9

$6 \bmod 5 = 1$ , takže hodnota 6 se vloží na pozici č. 1.  
 $4 \bmod 5 = 4$ , takže hodnota 4 se vloží na pozici č. 4.  
 $5 \bmod 5 = 0$ , takže hodnota 5 se vloží na pozici č. 0.  
Tím získáme tabulka naznačenou vpravo.

0	1	2	3	4
5	6			4

Zbývá vložit hodnotu 9.

$9 \bmod 5 = 4$ . Hodnota 9 by se tedy měla vložit pozici č. 4. Ta je však již obsazená hodnotou 4 a je tedy zapotřebí najít nejbližší volnou pozici směrem doprava. Za pozicí č. 4 bezprostředně následuje pozice č. 0. (tabulka je „zacyklená“) a pozice č. 1, jež jsou obě také obsazeny, Hodnota 9 se tedy vloží na pozici č. 2, jak ukazuje poslední tabulka, ekvivalentní s variantou b).

0	1	2	3	4
5	6	9		4

### 35.

Implementujte operace Init, Search, Insert pro rozptylovací tabulku s otevřeným rozptylováním, do níž se ukládají celočíselné klíče. Předpokládejte, že rozptylovací funkce je již implementována a Vám stačí ji jen volat. Použijte strategii „Linear probing“.

Zde – pokud se nevyskytne přímá žádost – řešení prozatím neuvádím, jedná se jen o přímou implementaci standardní situace popsané v přednášce i literatuře, nic se tu nemusí „vymýšlet“, předpokládáme tedy, že si zájemci mohou (příp. s knihou či obrazovkou) tamtéž uvedené kódy projít.

## ----- HASHING DOUBLE -----

### 36.

Double hashing

- je metoda ukládání klíčů na dvě různá místa současně
- je metoda minimalizace kolizí u metody otevřeného rozptylování
- má vyšší pravděpodobnost vzniku kolizí než linear probing
- je metoda minimalizace kolizí u metody rozptylování s vnějším zřetězením

Tady nepomůže asi nic jiného než dobrá paměť.

### 37.

Double hashing

- má stejnou pravděpodobnost vzniku dlouhých clusterů jako linear probing
- je metoda ukládání klíčů na dvě různá místa
- je metoda minimalizace délky clusterů u metody otevřeného rozptylování
- má vyšší pravděpodobnost vzniku dlouhých clusterů než linear probing

## ----- HASHING COALESCED -----

### 38.

Uložte dané klíče v daném pořadí postupně do rozptylovací tabulky. Porovnejte počet kolizí při ukládání klíčů do tabulek různé velikosti a použití různých strategií pro srůstání řetězců kolidujících klíčů: LISCH, LICH, EISCH, EICH.

Postupná demonstrace, poslední řádek s tečkami představuje pole referencí, pomocí něž se udržuje struktura jednotlivých (srůstajících) seznamů synonym.

LISCH - Late Insert Standard Coalesced Hashing

Keys to insert: 9 11 18 27 29 36 43 45

Table size: 9

Hash function:  $h(k) = k \% 9$

```

0 1 2 3 4 5 6 7 8  Insert(9)
9 - - - - - - - -  Index: [0]
. . . . . . . .  Collisions: 0

0 1 2 3 4 5 6 7 8  Insert(11)
9 - 11 - - - - - -  Index: [2]
. . . . . . . .  Collisions: 0

0 1 2 3 4 5 6 7 8  Insert(18)
9 - 11 - - - - 18  Index: [0]->[8]
8 . . . . . . .  Collisions: 1

0 1 2 3 4 5 6 7 8  Insert(27)
9 - 11 - - - 27 18  Index: [0]->[8]->[7]
8 . . . . . . 7  Collisions: 2

0 1 2 3 4 5 6 7 8  Insert(29)
9 - 11 - - - 29 27 18  Index: [2]->[6]
8 . 6 . . . . . 7  Collisions: 1

0 1 2 3 4 5 6 7 8  Insert(36)
9 - 11 - - 36 29 27 18  Index: [0]->[8]->[7]->[5]
8 . 6 . . . . 5 7  Collisions: 3

0 1 2 3 4 5 6 7 8  Insert(43)
9 - 11 - 43 36 29 27 18  Index: [7]->[5]->[4]
8 . 6 . . 4 . 5 7  Collisions: 2

0 1 2 3 4 5 6 7 8  Insert(45)
9 - 11 45 43 36 29 27 18  Index: [0]->[8]->[7]->[5]->[4]->[3]
8 . 6 . 3 4 . 5 7  Collisions: 5
----- Total collisions 14

```

LISCH - Late Insert Standard Coalesced Hashing

Keys to insert: 10 12 20 23 32 39 40

Table size: 10

Hash function:  $h(k) = k \% 10$

```

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9  Insert(10)
10 - - - - - - - -  Index: [0]
. . . . . . . .  Collisions: 0

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9  Insert(12)
10 - 12 - - - - - -  Index: [2]
. . . . . . . .  Collisions: 0

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9  Insert(20)
10 - 12 - - - - 20  Index: [0]->[9]
9 . . . . . . .  Collisions: 1

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9  Insert(23)

```



```

10 - 12 23 - - - - - 20 Index: [3]
 9 . . . . . . . . . Collisions: 0

 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 Insert(32)
10 - 12 23 - - - - 32 20 Index: [2]->[8]
 9 . 8 . . . . . . . Collisions: 1

 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 Insert(39)
10 - 12 23 - - - 39 32 20 Index: [9]->[7]
 9 . 8 . . . . . . 7 Collisions: 1

 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 Insert(40)
10 - 12 23 - - 40 39 32 20 Index: [0]->[9]->[7]->[6]
 9 . 8 . . . . 6 . 7 Collisions: 3
----- Total collisions 6

```

### 39.

Oba předchozí případy zopakujeme pro stejná data, pouze použijeme tabulku se „sklepem“ o velikosti 2, přičemž celková velikost tabulky se nezmění.

LICH - Late Insert Coalesced Hashing

Keys to insert: 9 11 18 27 29 36 43 45

Table size: 7 Cellar size: 2

Hash function:  $h(k) = k \% 7$

```

 0 1 2 3 4 5 6 | 7 8 Insert(9)
- - 9 - - - - | - - Index: [2]
. . . . . . . | . . Collisions: 0

 0 1 2 3 4 5 6 | 7 8 Insert(11)
- - 9 - 11 - - | - - Index: [4]
. . . . . . . | . . Collisions: 0

 0 1 2 3 4 5 6 | 7 8 Insert(18)
- - 9 - 11 - - | - 18 Index: [4]->[8]
. . . . 8 . . . | . . Collisions: 1

 0 1 2 3 4 5 6 | 7 8 Insert(27)
- - 9 - 11 - 27 | - 18 Index: [6]
. . . . 8 . . . | . . Collisions: 0

 0 1 2 3 4 5 6 | 7 8 Insert(29)
- 29 9 - 11 - 27 | - 18 Index: [1]
. . . . 8 . . . | . . Collisions: 0

 0 1 2 3 4 5 6 | 7 8 Insert(36)
- 29 9 - 11 - 27 | 36 18 Index: [1]->[7]
. 7 . . 8 . . . | . . Collisions: 1

 0 1 2 3 4 5 6 | 7 8 Insert(43)
- 29 9 - 11 43 27 | 36 18 Index: [1]->[7]->[5]
. 7 . . 8 . . . | 5 . Collisions: 2

 0 1 2 3 4 5 6 | 7 8 Insert(45)
- 29 9 45 11 43 27 | 36 18 Index: [3]
. 7 . . 8 . . . | 5 . Collisions: 0
----- Total collisions 4

```

LICH - Late Insert Coalesced Hashing

Keys to insert: 10 12 20 23 32 39 40

Table size: 8 Cellar size: 2

Hash function:  $h(k) = k \% 8$

```
0 1 2 3 4 5 6 7 | 8 9  Insert(10)
- - 10 - - - - - | - -  Index: [2]
. . . . . . . . | . .  Collisions: 0

0 1 2 3 4 5 6 7 | 8 9  Insert(12)
- - 10 - 12 - - - | - -  Index: [4]
. . . . . . . . | . .  Collisions: 0

0 1 2 3 4 5 6 7 | 8 9  Insert(20)
- - 10 - 12 - - - | - 20  Index: [4]->[9]
. . . . 9 . . . . | . .  Collisions: 1

0 1 2 3 4 5 6 7 | 8 9  Insert(23)
- - 10 - 12 - - 23 | - 20  Index: [7]
. . . . 9 . . . . | . .  Collisions: 0

0 1 2 3 4 5 6 7 | 8 9  Insert(32)
32 - 10 - 12 - - 23 | - 20  Index: [0]
. . . . 9 . . . . | . .  Collisions: 0

0 1 2 3 4 5 6 7 | 8 9  Insert(39)
32 - 10 - 12 - - 23 | 39 20  Index: [7]->[8]
. . . . 9 . . . 8 | . .  Collisions: 1

0 1 2 3 4 5 6 7 | 8 9  Insert(40)
32 - 10 - 12 - 40 23 | 39 20  Index: [0]->[6]
6 . . . 9 . . . 8 | . .  Collisions: 1
----- Total collisions 3
```

V souladu s teorií, „sklep“ pomáhá snížit počet kolizí.

#### 40.

Oba předchozí případy zopakujeme pro stejná data, použijme metodu EISCH, přičemž celková velikost tabulky se nezmění.

EISCH - Early Insert Standard Coalesced Hashing

Keys to insert: 9 11 18 27 29 36 43 45

Table size: 9

Hash function:  $h(k) = k \% 9$

```
0 1 2 3 4 5 6 7 8  Insert(9)
9 - - - - - - - -  Index: [0]
. . . . . . . .  Collisions: 0

0 1 2 3 4 5 6 7 8  Insert(11)
9 - 11 - - - - - -  Index: [2]
. . . . . . . .  Collisions: 0

0 1 2 3 4 5 6 7 8  Insert(18)
9 - 11 - - - - - 18  Index: [0]->[8]
8 . . . . . . . .  Collisions: 1

0 1 2 3 4 5 6 7 8  Insert(27)
9 - 11 - - - - 27 18  Index: [0]->[7]
7 . . . . . . 8 .  Collisions: 1
```

```

0 1 2 3 4 5 6 7 8  Insert(29)
9 - 11 - - - 29 27 18  Index: [2]->[6]
7 . 6 . . . . 8 .  Collisions: 1

0 1 2 3 4 5 6 7 8  Insert(36)
9 - 11 - - 36 29 27 18  Index: [0]->[5]
5 . 6 . . 7 . 8 .  Collisions: 1

0 1 2 3 4 5 6 7 8  Insert(43)
9 - 11 - 43 36 29 27 18  Index: [7]->[4]
5 . 6 . 8 7 . 4 .  Collisions: 1

0 1 2 3 4 5 6 7 8  Insert(45)
9 - 11 45 43 36 29 27 18  Index: [0]->[3]
3 . 6 5 8 7 . 4 .  Collisions: 1
----- Total collisions 6

```

EISCH - Early Insert Standard Coalesced Hashing

Keys to insert: 10 12 20 23 32 39 40

Table size: 10

Hash function:  $h(k) = k \% 10$

```

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9  Insert(10)
10 - - - - - - - - -  Index: [0]
. . . . . . . . .  Collisions: 0

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9  Insert(12)
10 - 12 - - - - - - -  Index: [2]
. . . . . . . . .  Collisions: 0

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9  Insert(20)
10 - 12 - - - - - - 20  Index: [0]->[9]
9 . . . . . . . . .  Collisions: 1

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9  Insert(23)
10 - 12 23 - - - - - 20  Index: [3]
9 . . . . . . . . .  Collisions: 0

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9  Insert(32)
10 - 12 23 - - - - 32 20  Index: [2]->[8]
9 . 8 . . . . . . .  Collisions: 1

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9  Insert(39)
10 - 12 23 - - - 39 32 20  Index: [9]->[7]
9 . 8 . . . . . . 7  Collisions: 1

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9  Insert(40)
10 - 12 23 - - 40 39 32 20  Index: [0]->[6]
6 . 8 . . . 9 . . 7  Collisions: 1
----- Total collisions 4

```

Oba předchozí případy nakonec zopakujeme pro stejná data, použijme metodu EICH a tabulku se „sklepem“ o velikosti 2, přičemž celková velikost tabulky se nezmění.

EICH - Early Insert Coalesced Hashing

Keys to insert: 9 11 18 27 29 36 43 45

Table size: 7 Cellar size: 2

Hash function:  $h(k) = k \% 7$

```

0 1 2 3 4 5 6 | 7 8  Insert(9)

```

```

- - 9 - - - - | - - Index: [2]
. . . . . . | . . Collisions: 0

0 1 2 3 4 5 6 | 7 8 Insert(11)
- - 9 - 11 - - | - - Index: [4]
. . . . . . | . . Collisions: 0

0 1 2 3 4 5 6 | 7 8 Insert(18)
- - 9 - 11 - - | - 18 Index: [4]->[8]
. . . . 8 . . | . . Collisions: 1

0 1 2 3 4 5 6 | 7 8 Insert(27)
- - 9 - 11 - 27 | - 18 Index: [6]
. . . . 8 . . | . . Collisions: 0

0 1 2 3 4 5 6 | 7 8 Insert(29)
- 29 9 - 11 - 27 | - 18 Index: [1]
. . . . 8 . . | . . Collisions: 0

0 1 2 3 4 5 6 | 7 8 Insert(36)
- 29 9 - 11 - 27 | 36 18 Index: [1]->[7]
. 7 . . 8 . . | . . Collisions: 1

0 1 2 3 4 5 6 | 7 8 Insert(43)
- 29 9 - 11 43 27 | 36 18 Index: [1]->[5]
. 5 . . 8 7 . | . . Collisions: 1

0 1 2 3 4 5 6 | 7 8 Insert(45)
- 29 9 45 11 43 27 | 36 18 Index: [3]
. 5 . . 8 7 . | . . Collisions: 0
----- Total collisions 3

```

EICH - Early Insert Coalesced Hashing  
Keys to insert: 10 12 20 23 32 39 40  
Table size: 8 Cellar size: 2  
Hash function:  $h(k) = k \% 8$

```

0 1 2 3 4 5 6 7 | 8 9 Insert(10)
- - 10 - - - - | - - Index: [2]
. . . . . . | . . Collisions: 0

0 1 2 3 4 5 6 7 | 8 9 Insert(12)
- - 10 - 12 - - - | - - Index: [4]
. . . . . . | . . Collisions: 0

0 1 2 3 4 5 6 7 | 8 9 Insert(20)
- - 10 - 12 - - - | - 20 Index: [4]->[9]
. . . . 9 . . | . . Collisions: 1

0 1 2 3 4 5 6 7 | 8 9 Insert(23)
- - 10 - 12 - - 23 | - 20 Index: [7]
. . . . 9 . . | . . Collisions: 0

0 1 2 3 4 5 6 7 | 8 9 Insert(32)
32 - 10 - 12 - - 23 | - 20 Index: [0]
. . . . 9 . . | . . Collisions: 0

0 1 2 3 4 5 6 7 | 8 9 Insert(39)
32 - 10 - 12 - - 23 | 39 20 Index: [7]->[8]
. . . . 9 . . 8 | . . Collisions: 1

```

```

0 1 2 3 4 5 6 7 | 8 9  Insert(40)
32 - 10 - 12 - 40 23 | 39 20  Index: [0]->[6]
6 . . . 9 . . 8 | . .  Collisions: 1
-----
Total collisions 3

```

#### 41.

Pro data

9 11 18 27 29 36 43 45

jsme použitím metod LISCH, LICH, EISCH, EICH získali čtyři různé tabulky stejné velikosti, které pro přehled opakujeme níže. Předpokládejme, že v tabulce budeme vzhledávat vždy pouze klíče, které tam jsou uloženy, přičemž frekvence hledání budou pro všechny klíče stejné (= všechny klíče budeme vyhledávat stejně často). Která z uvedených tabulek je z tohoto hlediska nejvýhodnější?

LISCH - Late Insert Standard Coalesced Hashing

```

0 1 2 3 4 5 6 7 8
9 - 11 45 43 36 29 27 18
8 . 6 . 3 4 . 5 7

```

LICH - Late Insert Coalesced Hashing

```

0 1 2 3 4 5 6 | 7 8
- 29 9 45 11 43 27 | 36 18
. 7 . . 8 . . | 5 .

```

EISCH - Early Insert Standard Coalesced Hashing

```

0 1 2 3 4 5 6 7 8
9 - 11 45 43 36 29 27 18
3 . 6 5 8 7 . 4 .

```

EICH - Early Insert Coalesced Hashing

```

0 1 2 3 4 5 6 | 7 8
- 29 9 45 11 43 27 | 36 18
. 5 . . 8 7 . | . .

```

Pro každou tabulku musíme sečíst počet porovnání klíčů při hledání každého jednotlivého klíče.

Search cost: [key no\_of\_checks]:

LISCH

[9 1] [11 1] [18 2] [27 3] [29 2] [36 4] [43 3] [45 6] Total checks = 22

LICH

[9 1] [11 1] [18 2] [27 1] [29 1] [36 2] [43 3] [45 1] Total checks = 12

EISCH

[9 1] [11 1] [18 6] [27 4] [29 2] [36 3] [43 2] [45 2] Total checks = 21

EICH

[9 1] [11 1] [18 2] [27 1] [29 1] [36 3] [43 2] [45 1] Total checks = 12

Nejvýhodnější (a to zřetelně nejvýhodnější) jsou tabulky využívající „sklep“, tj LICH a EICH.

#### 42.

Předchozí úlohu zopakujeme pro data

10 12 20 23 32 39 40

a jim příslušné čtyři tabulky o velikosti 10 a případné velikosti „sklepa“ 2.

Získáme:

LISCH

[10 1] [12 1] [20 2] [23 1] [32 2] [39 2] [40 4] Total checks = 13

LICH

[10 1] [12 1] [20 2] [23 1] [32 1] [39 2] [40 2] Total checks = 10

EISCH

[10 1] [12 1] [20 3] [23 1] [32 2] [39 2] [40 2] Total checks = 12

EICH

[10 1] [12 1] [20 2] [23 1] [32 1] [39 2] [40 2] Total checks = 10

Opět jsou mírně výhodnější tabulky LICH a EICH.