

A0B17MTB – Matlab

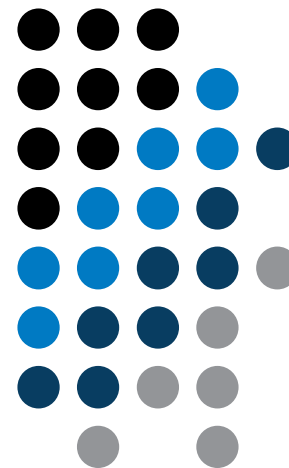
Část #5



Miloslav Čapek
miloslav.capek@fel.cvut.cz

Filip Kozák a Viktor Adler

Katedra elektromagnetického pole
B2-626, Dejvice

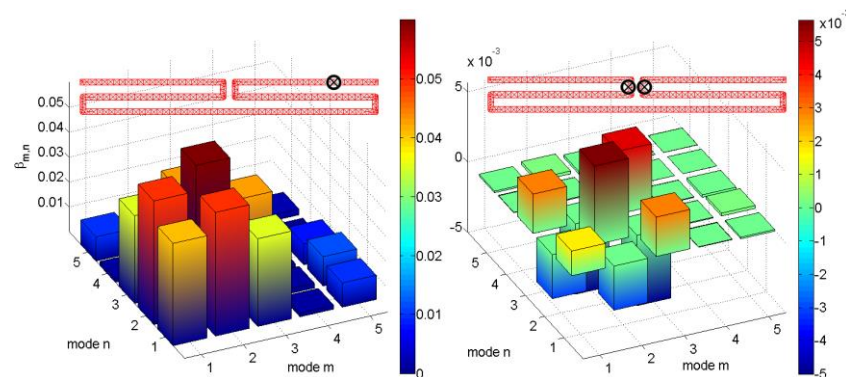


Naučíte se ...

Větvení programu #2

Vizualizace v Matlabu #1

Ladění běhu programu #1



Větvení programu – switch / case

- odpovídá proměnná jednomu z (typicky mnoha) hodnot?
- výrazy v části otherwise jsou provedeny v případě, že žádný předchozí případ nenastal (srovnejte s else u příkazu if)
- vhodný pro zpracování textových podmínek
 - pokud Vás v detailech zajímá, kdy if a kdy switch, zkuste navštívit fóra na stránkách `blogs.mathworks.com`
- je vhodné konstrukci vždy zakončit případem otherwise

```
c = randi(1e2);  
switch mod(c,2)  
    case 1  
        disp('c je liche');  
    case 0 & c > 10  
        disp('sude,>10');  
    otherwise  
        disp('sude,<=10')  
end
```

Větvení programu – switch / case

450 s ↑

- vytvořte skript, který vypočte podle Pythagorovy věty zbývající stranu pravoúhlého trojúhelníka
 - zbývající dvě strany jsou zadány, je zadán textový řetězec označující typ neznámé strany (odvěsna: 'od', přepona: 'prep')

```
%% HINT:  
% input variables will be here  
%(including type of unknown side)  
switch aaa % aaa denotes the type of unknown side  
  case yyy % calculation for the first type of side  
    % calculation1  
  case zzz % calculation for the second type of side  
    % calculation2  
  otherwise % unknown type  
    % return empty (default) values  
end
```

Co daný skript dělá?

300 s ↑

- pokuste se odhadnout, co daný skript vrací jako hodnotu `logResult` v závislosti na vstupní proměnné `vec` (jde o vektor)
- dokázali byste říct, zda existuje funkce v Matlabu, která umí totéž?

```
% vec is a given vector

logResult = false;
m = 1;
while (m <= length(vec)) && (logResult == false)
    if vec(m) ~= 0
        logResult = true;
    end
    m = m + 1;
end
```

Co daný skript dělá?

300 s ↑

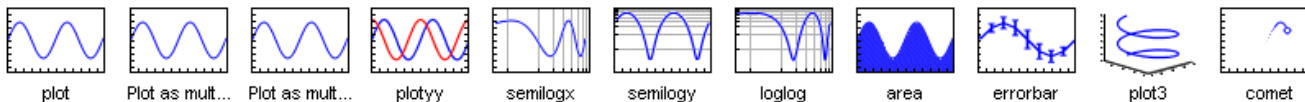
- pokuste se odhadnout, co daný skript vrací jako hodnotu `logResult` v závislosti na vstupní proměnné `mat` (jde o matici)
- dokázali byste říct, zda existuje funkce v Matlabu, která umí totéž?

```
% mat is a given matrix
count = 0;
[mRows, nColumns] = size(mat);
for m = 1:mRows
    for n = 1:nColumns
        if mat(m,n) ~= 0
            count = count + 1;
        end
    end
end
logResult = count == numel(mat);
```

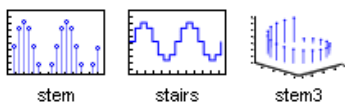
- již jsme se okrajově seznámili s několika grafy v Matlabu
 - plot, stem, bar, hist, surf
- obecně lze v Matlabu grafické funkce využívat na
 - vyšší úrovni
 - přistupujeme k jednotlivým funkcím a vlastnosti objektů ovlivňujeme pouze parametry volané funkce
 - do cca. 9-10 týdnu semestru
 - nižší úrovni
 - vyvoláváme přímo objekty a pracujeme s nimi
 - vyžaduje znalost handle grafiky v Matlabu (OOP)
 - otevírá rozsáhlé možnosti personalizace vizualizace
- podrobnosti naleznete:
 - Matlab → Graphics → 2-D and 3-D Plots → Plotting Basics

Vybrané grafy #1

MATLAB LINE PLOTS

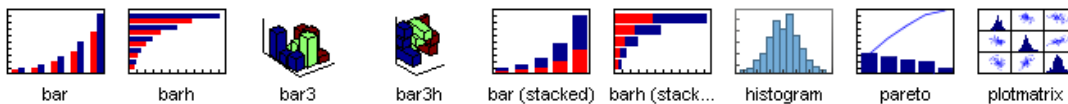


MATLAB STEM AND STAIR PLOTS

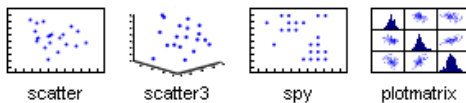


```
>> plot(linspace(1,10,10));
>> stem(linspace(1,10,10));
>> % ... a dalsi
```

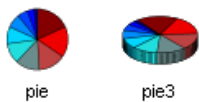
MATLAB BAR PLOTS



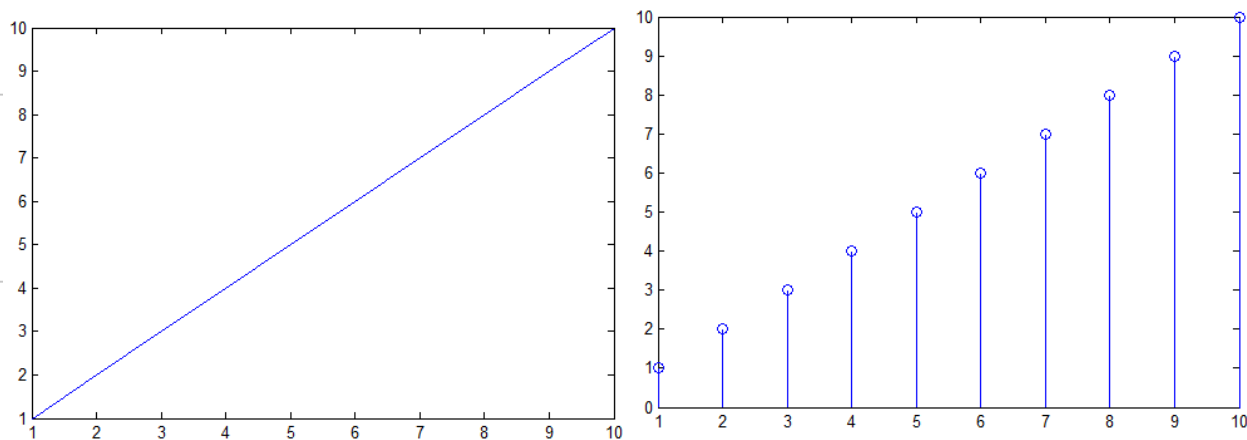
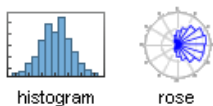
MATLAB SCATTER PLOTS



MATLAB PIE CHARTS



MATLAB HISTOGRAMS

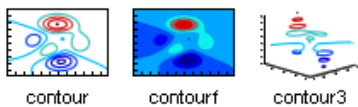


Vybrané grafy #2

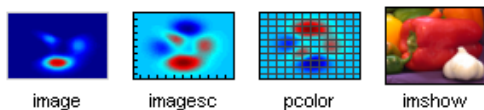
MATLAB POLAR PLOTS



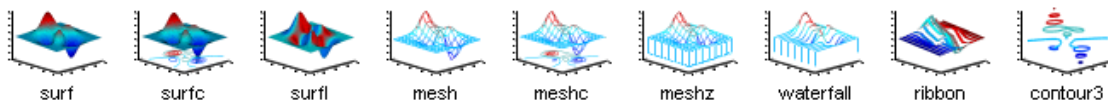
MATLAB CONTOUR PLOTS



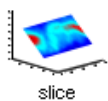
MATLAB IMAGE PLOTS



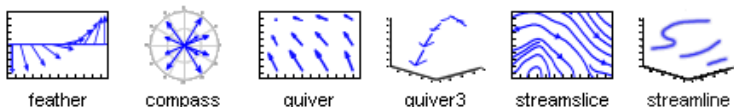
MATLAB 3-D SURFACES



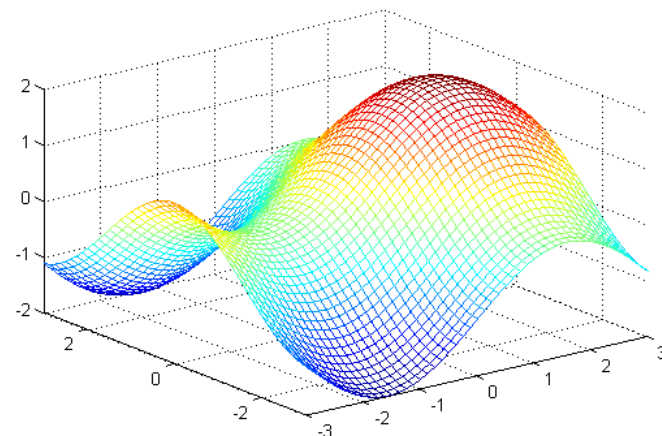
MATLAB VOLUMETRICS



MATLAB VECTOR FIELDS



```
>> [X,Y] = meshgrid(-3:.125:3);
>> Z = sin(X) + cos(Y);
>> mesh(X,Y,Z);
>> axis([-3 3 -3 3 -2 2]);
```



Vybrané funkce na úpravu grafů

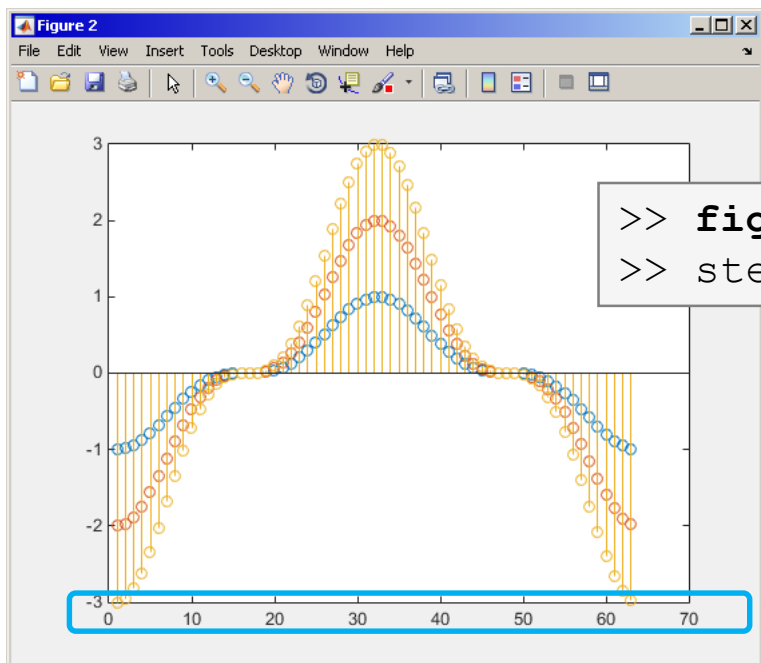
- v Matlabu lze vzniklé grafy upravovat mnoha způsoby, ty základní vlastnosti jsou:

funkce	popis
<code>title</code>	nadpis daných os (grafu)
<code>grid on</code> , <code>grid off</code>	zobrazí mřížku / schová mřížku
<code>xlim</code> , <code>ylim</code> , <code>zlim</code>	nastaví vlastní rozmezí pro osy
<code>xlabel</code> , <code>ylabel</code> , ...	popíše osy
<code>hold on</code>	umožní vykreslit další graf. prvky (grafy) do stejných os
<code>legend</code>	zobrazí legendu
<code>subplot</code>	funkce umožňuje otevření více grafů v jednom okně
<code>text</code>	přidá do grafu text
<code>gtext</code> , <code>ginput</code>	vložení textu pomocí myši, zadání bodu v grafu pomocí myši
a další	

figure

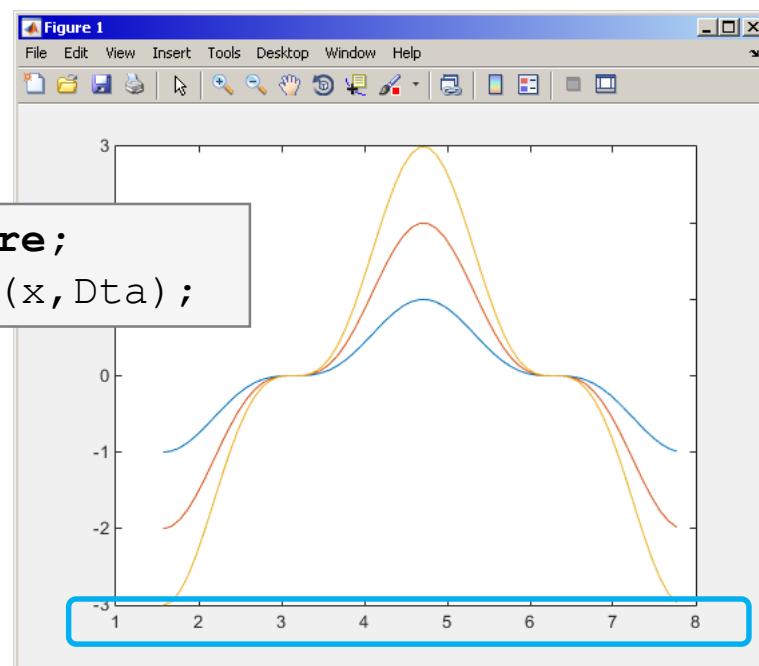
- `figure` otevře prázdné okno, do kterého lze vykreslovat grafy
- funkci lze volat vč. přiřazení – pak vrací objekt třídy `Figure`

```
>> x = (0:0.1:2*pi) + pi/2;
>> Dta = -[1 2 3]'*sin(x).^3;
```



```
>> figure;
>> stem(Dta'); 
```

```
>> figure;
>> plot(x,Dta);
```

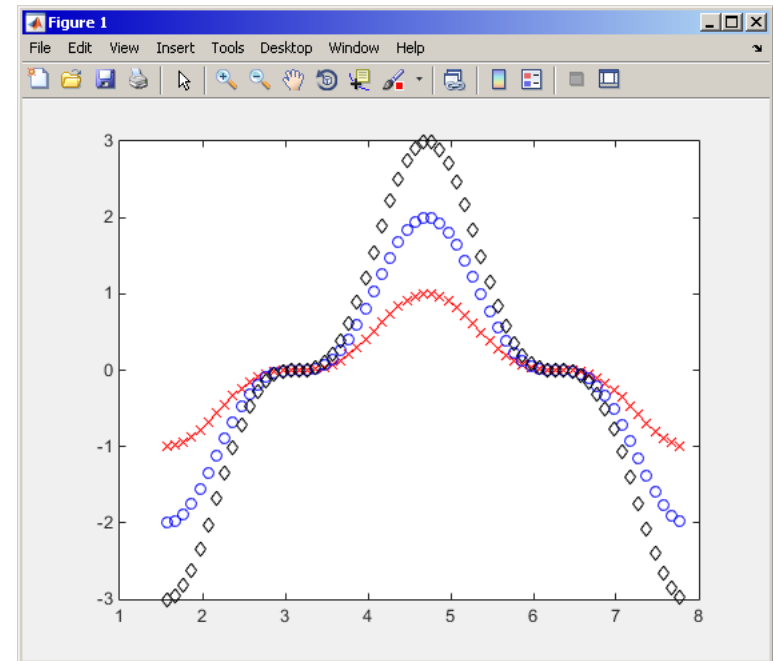


- lze vykreslovat i data v maticích (po sloupcích)
- nezapomínejte na data x-ové osy!

hold on

- funkce `hold on` umožní vykreslit více křivek do jednoho okna, lze vypnout jako `hold off`
- grafy `plot`, `plot3`, `stem` a celá řada další umožňují přidat volitelné parametry (jako textový řetězech)

```
x = (0:0.1:2*pi) + pi/2;
Dta = -[1 2 3]'*sin(x).^3;
figure;
plot(x, Dta(1,:), 'xr');
hold on;
plot(x, Dta(2,:), 'ob');
plot(x, Dta(3,:), 'dk');
```



LineStylec – nastavení křivek grafu

- co znamenají parametry u funkcí plot?
 - viz >> doc `LineStylec`
 - jde o nejčastěji nastavované parametry čar v grafech
 - barva čáry (lze zadávat i pomocí matice [R G B], kde R, G, B jsou mezi 0 a 1)
 - tvary značek křivky (*Markers*)
 - druh čáry
- od verze 2014b došlo k velkým změnám!

barva křivky	
'r'	červená
'g'	zelená
'b'	modrá
'c'	azurová
'm'	fialová
'y'	žlutá
'k'	černá
'w'	bílá

značka křivky	
'+'	plus
'o'	kroužek
'*'	hvězdička
'.'	plný bod
'x'	křížek
's'	čtverec
'd'	kosočtverec
'^'	trojúhelník
a další	>> doc LineSpec

```
plot(x, f, 'bo-');
plot(x, f, 'g*--');
```

```
figure('color', ...
       [.5 .1 .4]);
```

druh čáry	
'-'	{plná čára}
'--'	čárkovaná
':'	tečkovaná
'-.'	čerchovaná
'none'	bez čáry

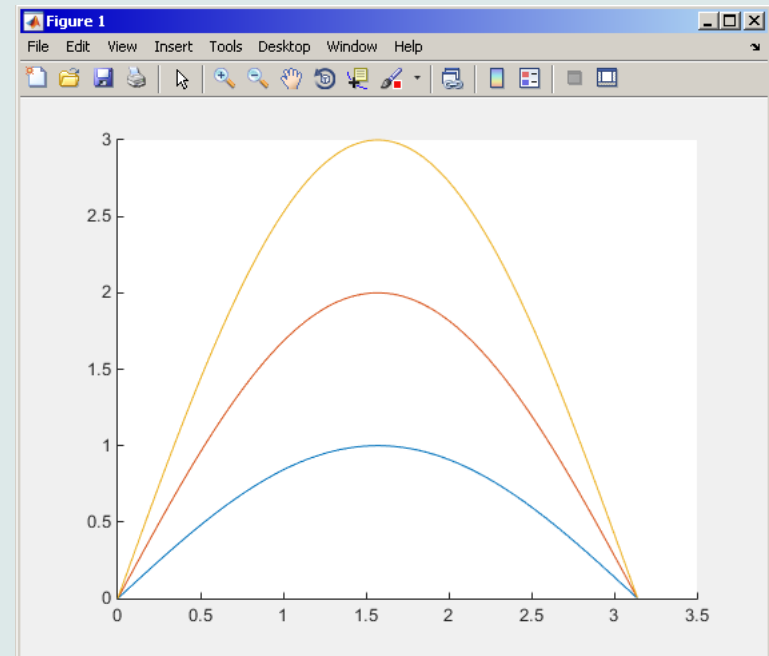
LineStyle – výchozí nastavení ve 2014b

- při vykreslování více křivek do jednoho grafu jsou automaticky použity barvy v předem daném pořadí
 - od verze 2014b došlo ke změně barevného schématu:
- při použití `hold on` již není nutné nastavovat barvu ke každé křivce zvlášť
 - je použito defaultní pořadí barev:

```
close all; clear; clc;
x = 0:0.01:pi;
figure;
hold on;
plot(x, 1*sin(x));
plot(x, 2*sin(x));
plot(x, 3*sin(x));
```

```
>> get(groot, 'DefaultAxesColorOrder')

% ans =
%
%      0      0.4470      0.7410
%      0.8500      0.3250      0.0980
%      0.9290      0.6940      0.1250
%      0.4940      0.1840      0.5560
%      0.4660      0.6740      0.1880
%      0.3010      0.7450      0.9330
%      0.6350      0.0780      0.1840
```

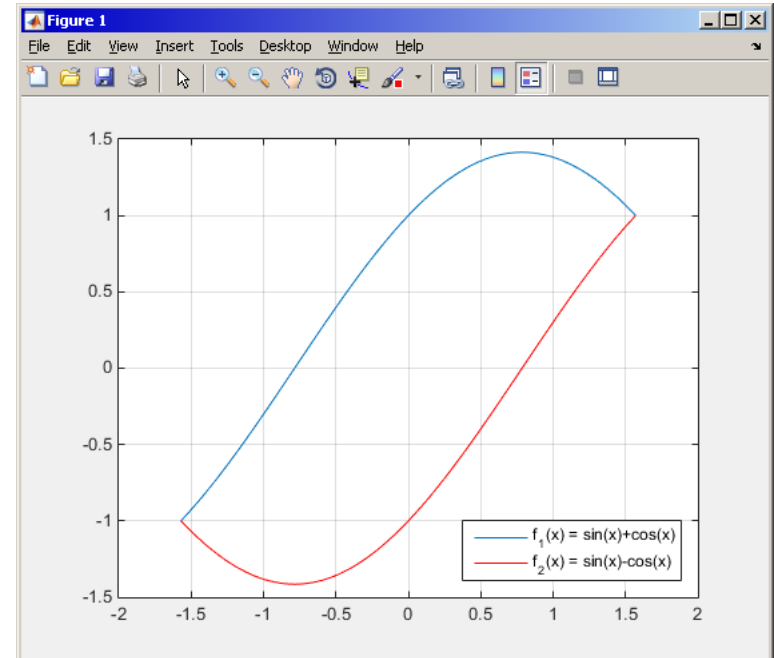
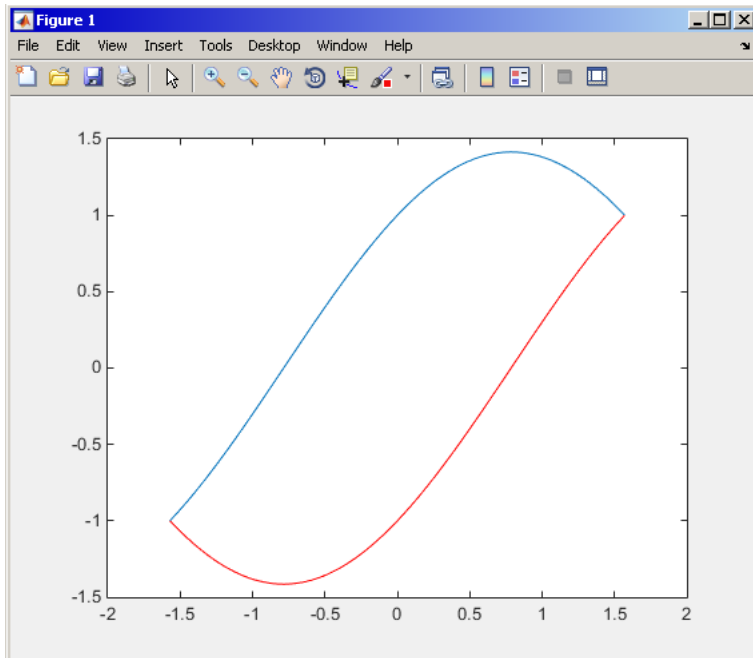


Vizualizace – legend, grid

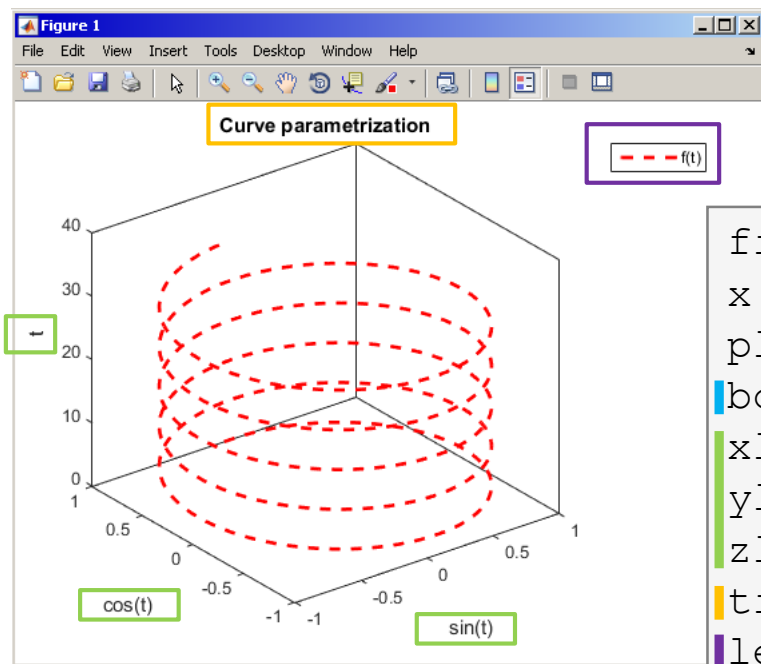
```
x = -pi/2:0.01:pi/2;
f1 = sin(x) + cos(x);
f2 = sin(x) - cos(x);
```

```
plot(x, f1);
hold on;
plot(x, f2, 'r');
```

```
grid on;
legend('f_1(x) = sin(x)+cos(x)', ...
      'f_2(x) = sin(x)-cos(x)', ...
      'Location', 'southeast');
```



- příklad níže ukazuje vykreslení spirály pomocí parametrizace funkce
 - využíváme funkcí `xlabel`, `ylabel` a `zlabel` pro popis os
 - využíváme funkce `title` pro nadpis grafu
 - využíváme funkce `legend` pro popis křivky



- funkce `box` ohraničí celý graf

```
figure('color','w');  
x = 0:0.05:10*pi;  
plot3(sin(x),cos(x),x,'r--','LineWidth',2);  
box on;  
xlabel('sin(t)');  
ylabel('cos(t)');  
zlabel('t');  
title('Curve parametrization');  
legend('f(t)');
```


LineStylec – nastavení křivek grafu

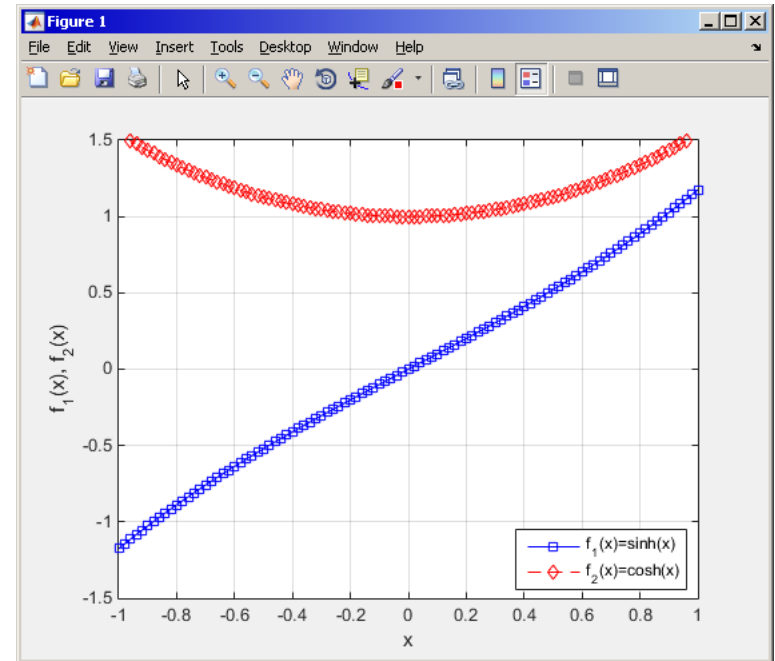
450 s



- vypočtete následující dvě funkce v intervalu $[-1,1]$ pro 101 hodnot:

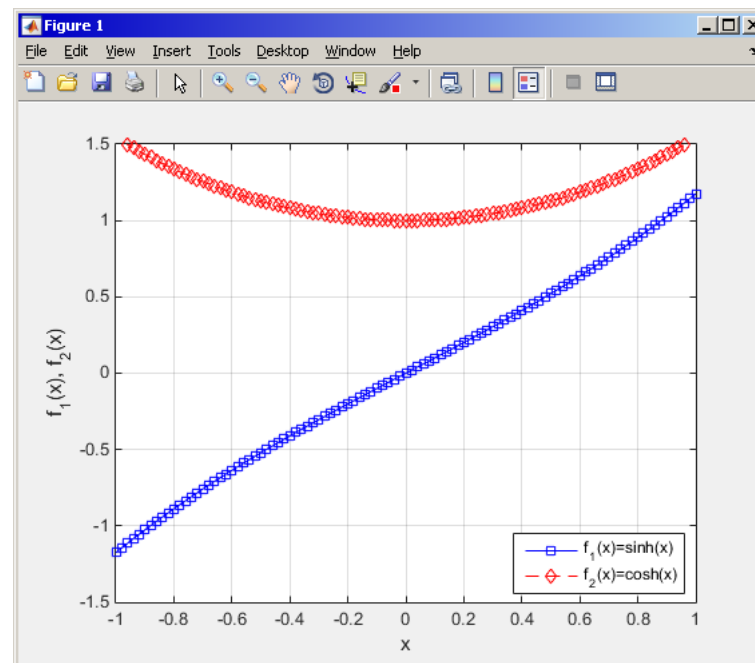
$$f_1(x) = \sinh(x), \quad f_2(x) = \cosh(x)$$

- funkce vykreslete pomocí funkce `plot` tak, že
 - obě funkce budou vykresleny do jednoho grafu
 - první funkce bude vykreslena modře se značkami \square a plnou čarou
 - druhá funkce bude vykreslena červeně se značkami \diamond a čárkovaně
 - zobrazený rozsah osy y omezte na interval $[-1.5, 1.5]$
 - obrázku přidejte legendu, popisující obě funkce
 - popište osy (osa x : x , osa y : f_1, f_2)
 - graf bude mít mřížku



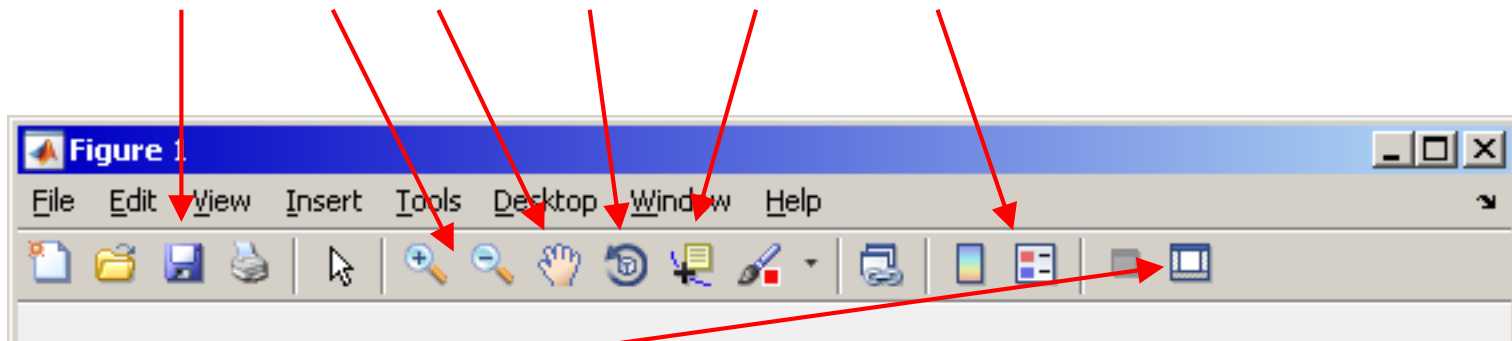
LineStylec – nastavení křivek grafu

$$f_1(x) = \sinh(x), \quad f_2(x) = \cosh(x)$$



Vizualizace – Plot tools

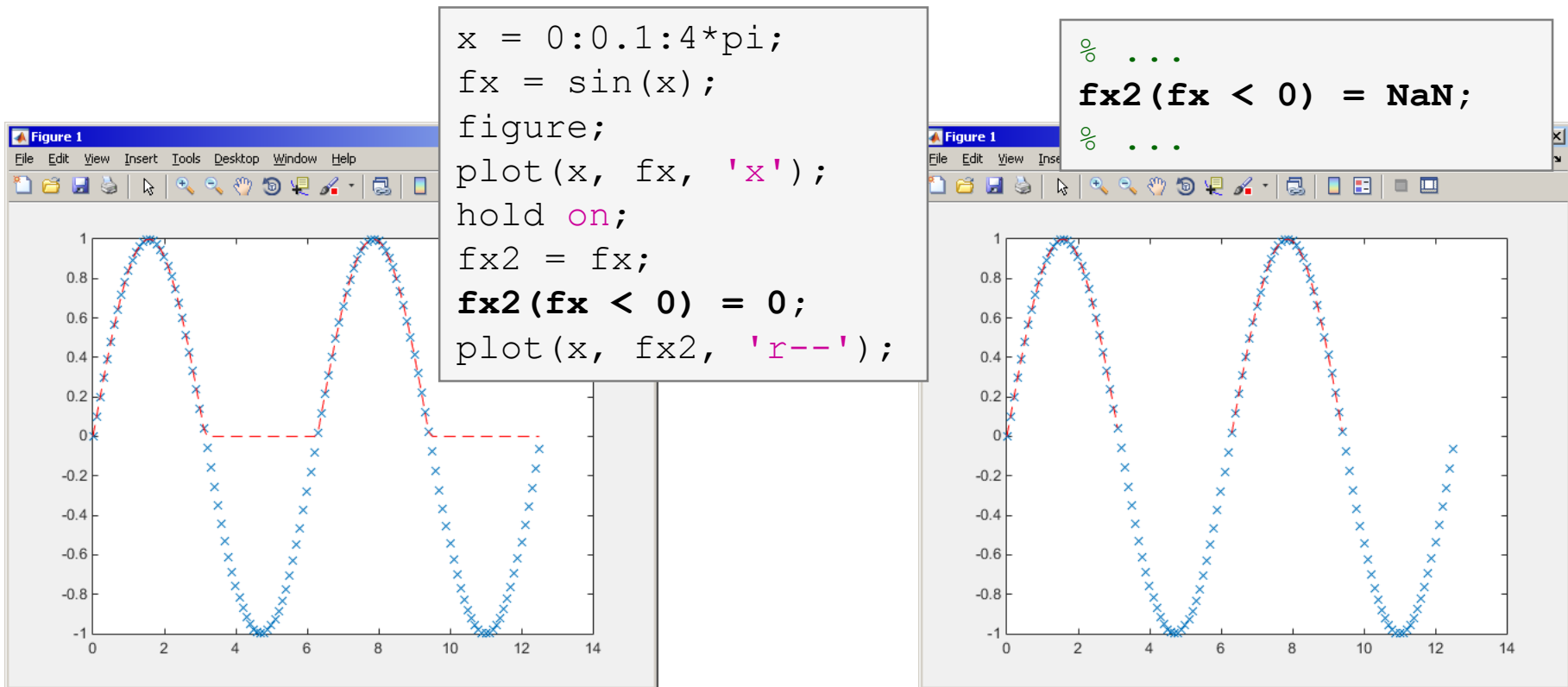
- s grafem lze dále pracovat
 - save, zoom, pan, rotate, marker, legend



- otevře Matlab Property Editor (probereme později)
- všechny tyto operace lze aktivovat skrze funkce Matlabu
 - probereme později (např. `rotate3d` aktivuje rotaci obrázku, `view(az,el)` nastaví 3D perspektivu grafu pro zadaný azimut `az` a elevaci `el`)

Vizualizace – využití hodnot NaN

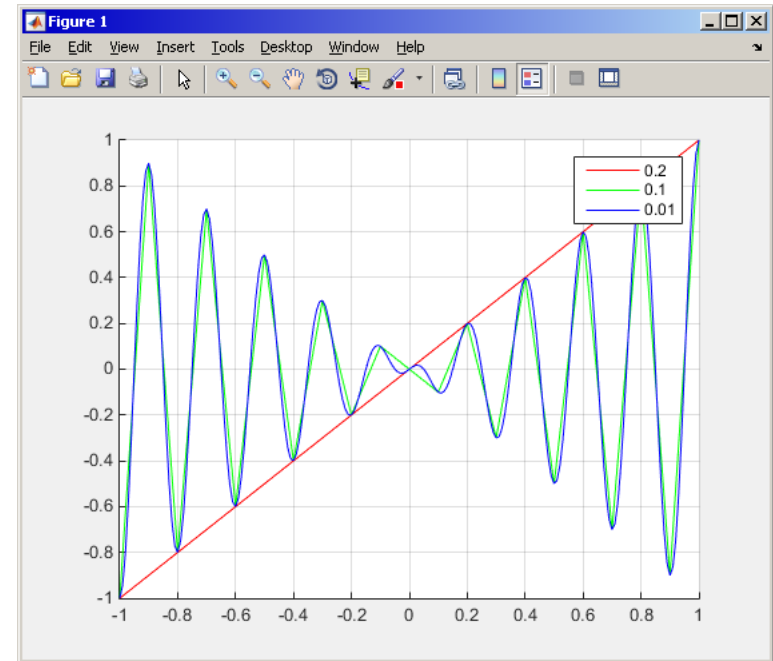
- hodnoty NaN nejsou v grafech vykreslovány
 - často musíme odlišit např. nulové hodnoty a nedefinované hodnoty
 - vykreslování s pomocí NaN lze využívat ve všech vizualizačních funkcích



Příklad - vzorkování

300 s ↑

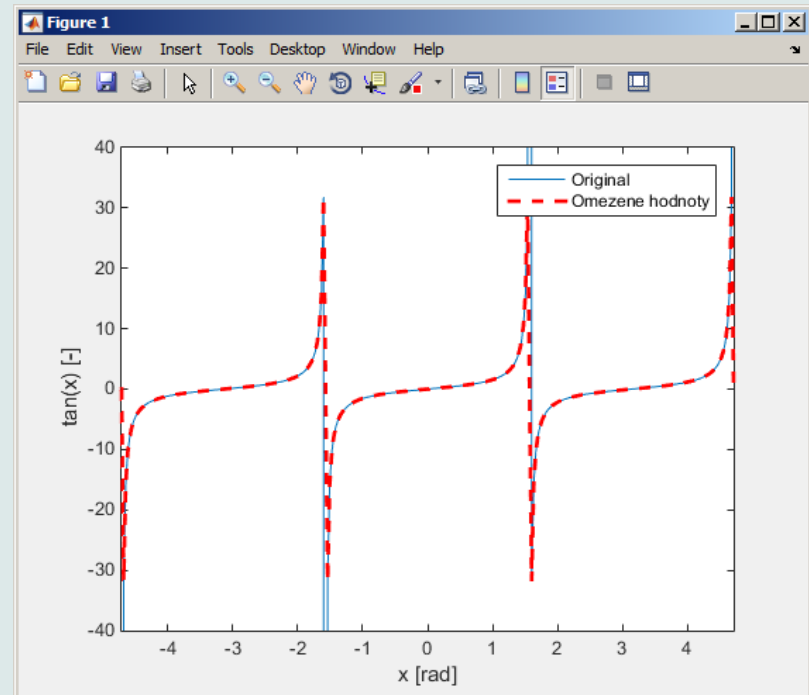
- Vykreslete funkci $f(x) = x \sin\left(\frac{\pi}{2}(1+20x)\right)$ v intervalu $\langle -1; 1 \rangle$ s krokem 0.2, 0.1 a 0.01
- porovnejte výsledky!



Příklad - zaokrouhlování

300 s ↑

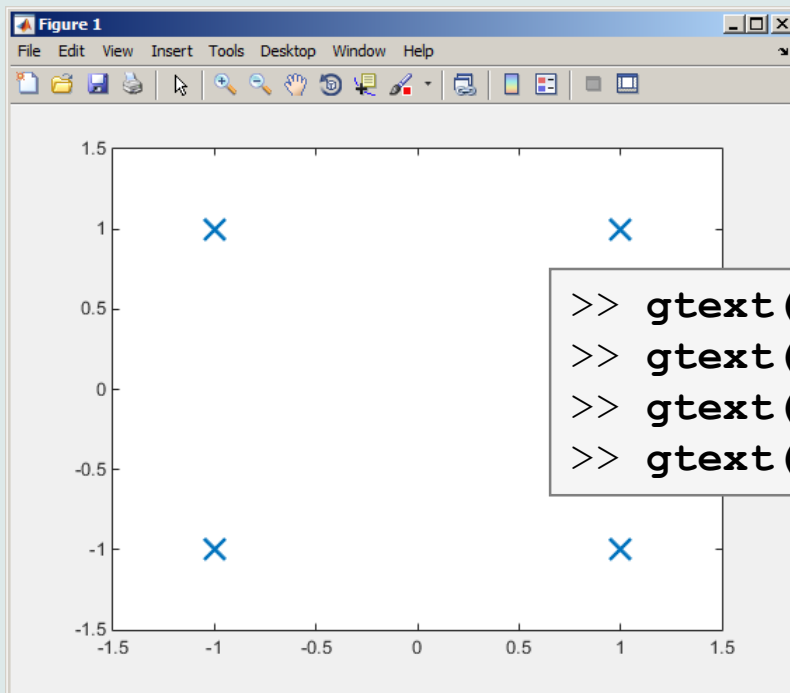
- vykreslete funkci $\tan(x)$ pro $x \in \langle -3/2\pi; 3/2\pi \rangle$ s krokem $\pi/100$
- omezte hodnoty zobrazené v grafu na ± 40
- funkční hodnoty s absolutní hodnotou větší než $1 \cdot 10^{10}$ nahrad'te nulou
 - použijte logické indexování
- zobrazte oba výsledky a porovnejte



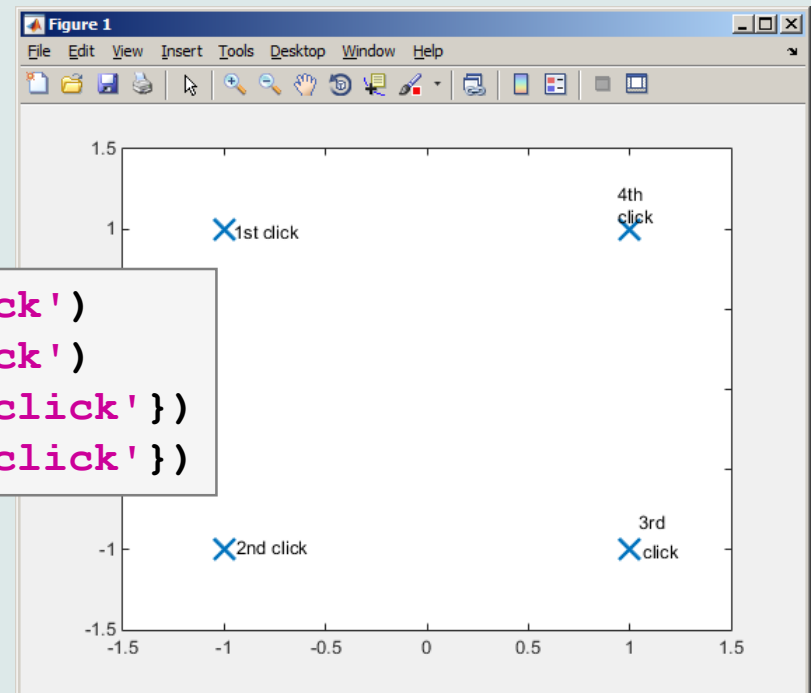
Funkce gtext

- funkce `gtext` umožňuje vložit zadaný text do grafu
 - umístění probíhá interaktivně pomocí osového kříže

```
>> plot([-1 1 1 -1], [-1 -1 1 1], ...
        'x', 'MarkerSize', 15, 'LineWidth', 2);
>> xlim(3/2*[-1 1]); ylim(3/2*[-1 1]);
```

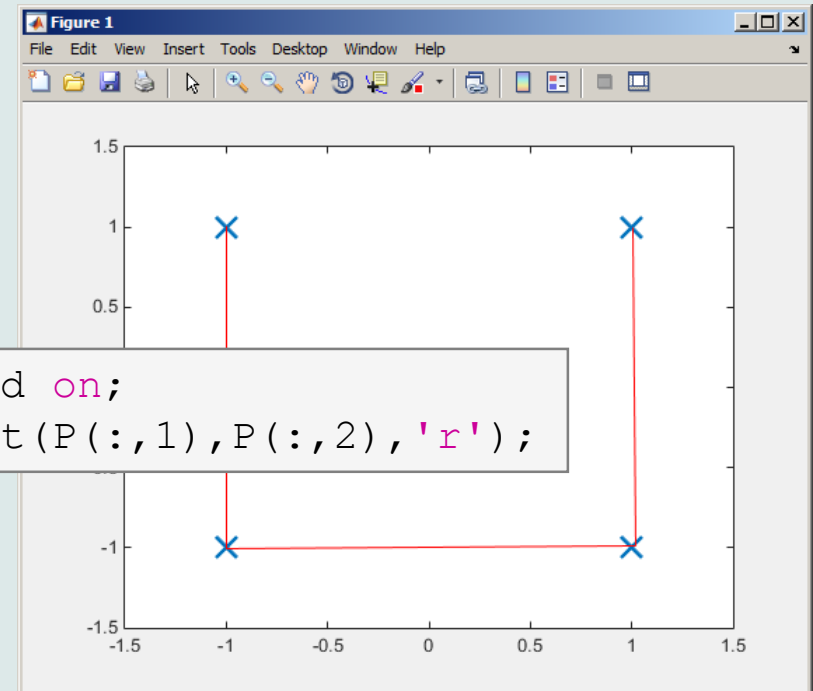
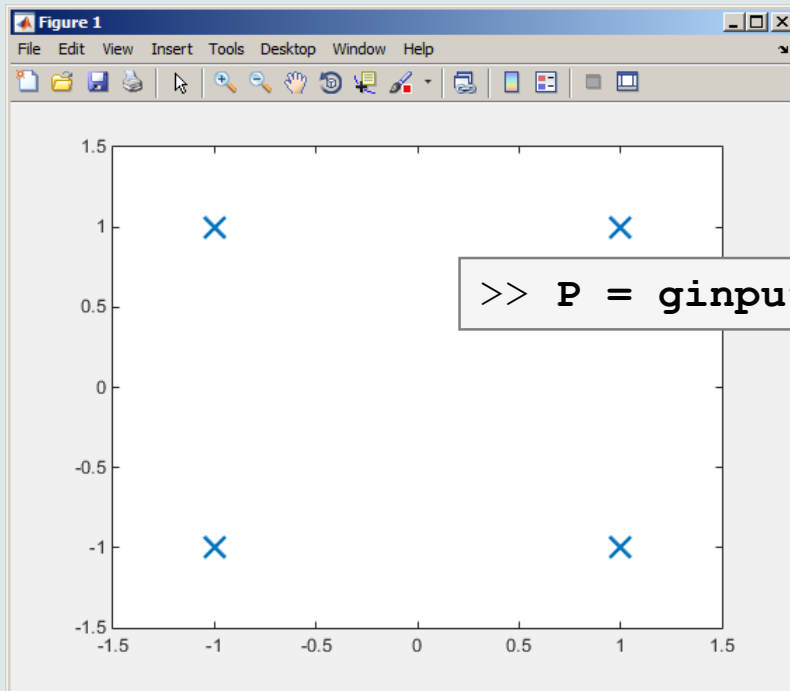


```
>> gtext('1st click')
>> gtext('2nd click')
>> gtext({'3rd'; 'click'})
>> gtext({'4th', 'click'})
```



Funkce `ginput`

- funkce `ginput` umožňuje zadat body na grafu pomocí myši
 - buďto zadáme potřebný počet bodů ($P = \text{ginput}(x)$) nebo ukončíme stisknutím klávesy Enter



Ladění běhu programu #1

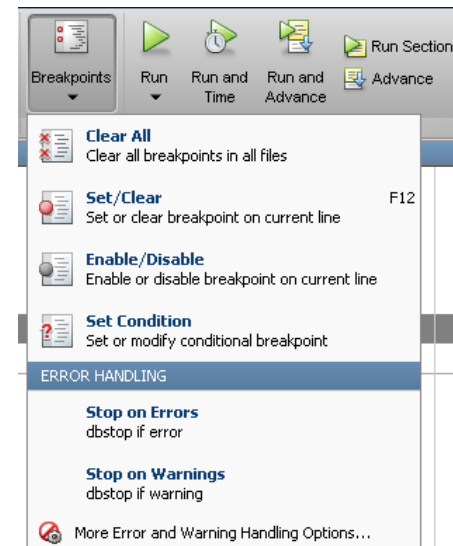
- *bug* \Rightarrow *debugging*
- rozeznáváme:
 - chyby sémantické („logické“ chyby)
 - zpravidla těžko identifikovatelné
 - chyby syntaktické („gramatické“ chyby)
 - všimněte si obsahu chybových hlášení – usnadní to odstranění chyby
 - neočekávané události (viz dále)
 - např. problém se zápisem do otevřeného souboru, málo místa na disku, atp.
 - zaokrouhlovací chyby (vše počítá, jak má a přesto je výsledek chybný)
 - je nutné dopředu analyzovat algoritmus, určit dynamiku výpočtů atd.
- ladění a testování softwaru patří k nedílné součásti jeho vývoje
 - později probereme možnosti zrychlení kódu pomocí Matlab profile

Ladění běhu programu #2

- nejprve se omezíme na sémantické a syntaktické chyby ve skriptech
 - program vždy testujeme na případu kdy známe (tušíme) správný výsledek
- možné techniky:
 - využijeme funkce `who`, `whos`, `keyboard`, `disp`
 - využijeme ladící nástroje v Matlab Editoru (ukázka)

MATLAB Functions

<code>dbclear</code>	Clear breakpoints
<code>dbcont</code>	Resume execution
<code>dbdown</code>	Reverse workspace shift performed by <code>dbup</code> , while in debug mode
<code>dbquit</code>	Quit debug mode
<code>dbstack</code>	Function call stack
<code>dbstatus</code>	List all breakpoints
<code>dbstep</code>	Execute one or more lines from current breakpoint
<code>dbstop</code>	Set breakpoints for debugging
<code>dbtype</code>	List text file with line numbers
<code>dbup</code>	Shift current workspace to workspace of caller, while in debug mode
<code>checkcode</code>	Check MATLAB code files for possible problems
<code>keyboard</code>	Input from keyboard
<code>mlintrpt</code>	Run <code>checkcode</code> for file or folder, reporting results in browser



- využijeme Matlabu built-in funkce, které ladění provádějí

Ladění běhu programu

250 s ↑

- pro vybraný skript, např.:

```
clear; clc;
N = 5e2;
mat = zeros(N,N);
for iRow = 1:N
    for iCol = 1:N
        mat(iRow,iCol) = 1;
    end % end for
end % end for
```

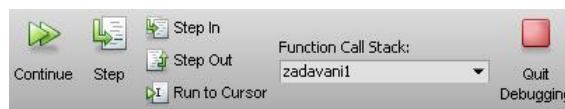
- se pokuste v Matlab Editoru:

- nastavit *Breakpoint* (ve sloupečku vedle čísla řádky)
- spustit skript (F5)
- podívat se na stav proměnných (prostředí keyboard, příp. v Editoru najed'te myší nad proměnnou, která Vás zajímá)
- krokuje skript dále
 - jaký je rozdíl mezi *Continue* a *Step* (F10)?

```
4 - [ ] for iRow = 1:N
5 - [ ]     for iCol = 1:N
6 - [ ]         mat(iRow,iCol) = 1;
7 - [x]     end
8 - [ ] end % end for
```

```
4 - [ ] for iRow = 1:N
5 - [ ]     for iCol = 1:N
6 - [ ]         mat(iRow,iCol) = 1;
7 - [x]     end
8 - [ ] end % end for
9
```

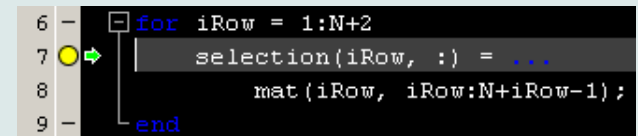
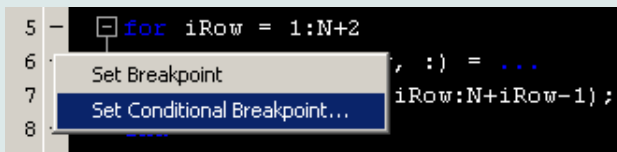
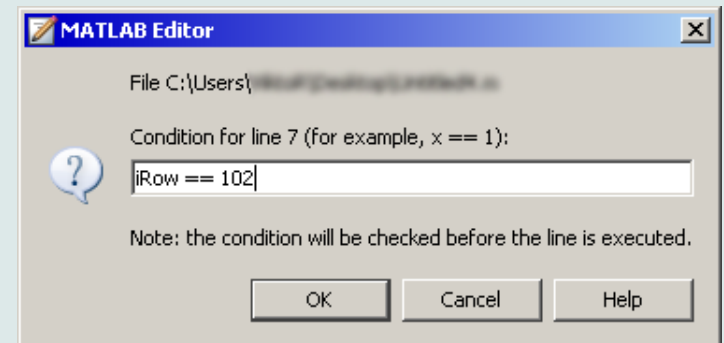
iRow: 1x1 double =
1



Advanced debugging

- *Conditional Breakpoints*
 - slouží k pozastavení běhu programu při splnění definované podmínky
 - podmínku může být náročné určit
 - uživatelsky jednodušší odhalení chyb v cyklech
 - běh programu lze zastavit v konkrétním cyklu
 - podmínka může být libovolný vyhodnotitelný logický výraz

```
% kod s chybou
clear; clc;
N = 100;
mat = magic(2*N);
selection = zeros(N, N);
for iRow = 1:N+2
    selection(iRow, :) = ...
        mat(iRow, iRow:N+iRow-1);
end
```



Vybrané tipy pro přehledný kód #1

```
for iRow = 1:N
    mat(iRow,:) = 1;
end % end of ...
```

- využijte odsazení těla cyklu, případně kódu uvnitř podmínek (TAB)
 - velikost odsazení lze nastavit v Preferences (obvykle 3 až 4 mezery)
- v případě podmínek používejte „pozitivní“
 - tj. využijte `isBigger`, příp. `isSmaller`, nikoliv `isNotBigger` (vede ke zmatení)
- složité konstrukce s logickými a relačními operátory vyhodnoťte samostatně → vyšší čitelnost kódu
 - srovnejte:

```
if (val>lowLim) & (val<upLim) & ~ismember(val, valArray)
    % do something
end
```

vs.

```
isValid = (val > lowLim) & (val < upLim);
isNew   = ~ismember(val, valArray);
if isValid & isNew
    % do something
end
```

Vybrané tipy pro přehledný kód #2

- kód lze oddělovat volnou řádku tam, kde to zvýší přehlednost
- dvě volné řádky užijte pro významné oddělení (funkcionality)
 - lze užít i cellů, případně např. řádky `%-----`, atp.
- zvažte volné mezery kolem operátorů (`=` & `|`)
 - zvýšíte čitelnost kódu:

```
(val>lowLim) & (val<upLim) & ~ismember(val, valArray)
```

vs.

```
(val > lowLim) & (val < upLim) & ~ismember(val, valArray)
```

- v případě hodně zanoření využijte komentářů za slovem `end`

Probrané funkce

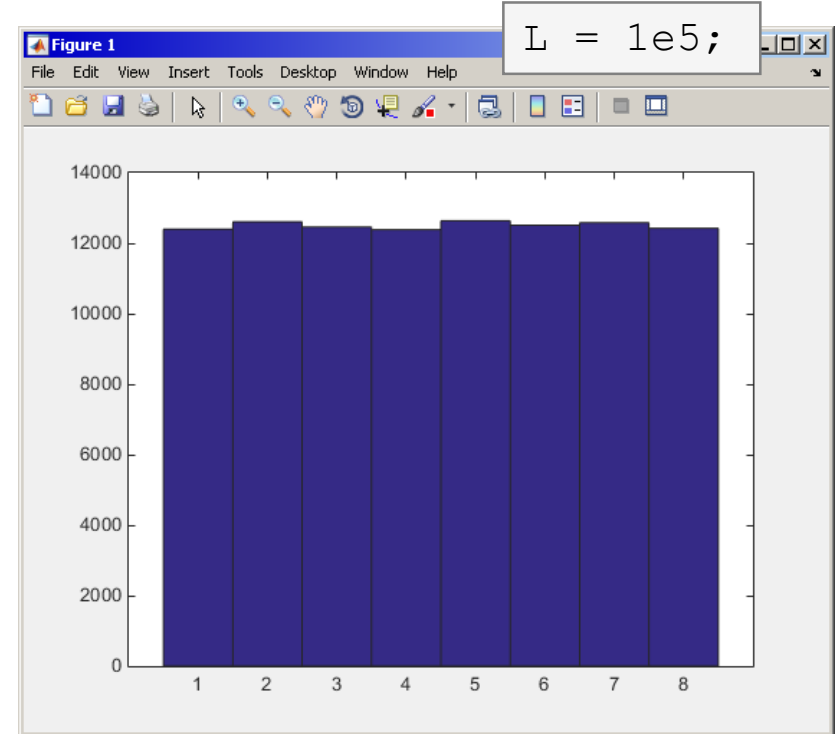
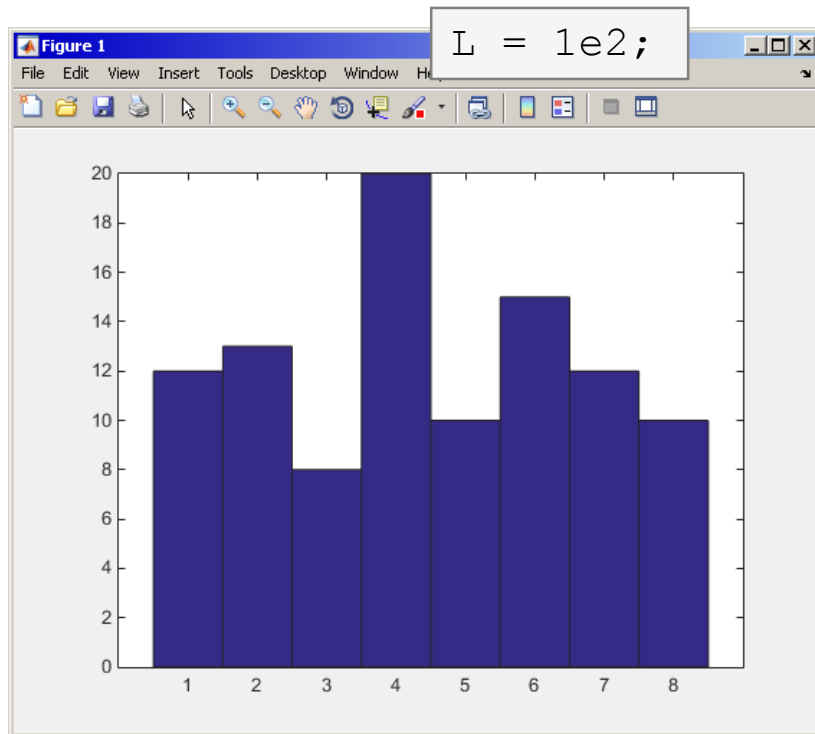
<code>switch-case-otherwise-end</code>	podmínka	•
<code>figure, hold</code>	otevře nové okno grafu, umožní vykreslení více křivek v jednom grafu	•
<code>title, xlim, ..., xlabel, ...</code>	nadpis grafu, limity os, popisy os	•
<code>legend, grid</code>	legenda k vykresleným datům, mřížka	•
<code>gtext, ginput</code>	interaktivní vložení textu, interaktivní zadání bodů v grafu	•

Cvičení #1

600 s



- napište skript, který bude simulovat L hodů osmistěnnou kostkou
 - jaké očekáváte rozložení pravděpodobnosti?
 - pro vykreslení použijte `hist(hody, 1:8)`, kde `hody` je vektor hodů
 - počet hodů L uvažujte různě veliký (od desítek po miliony)



Cvičení #2

600 s



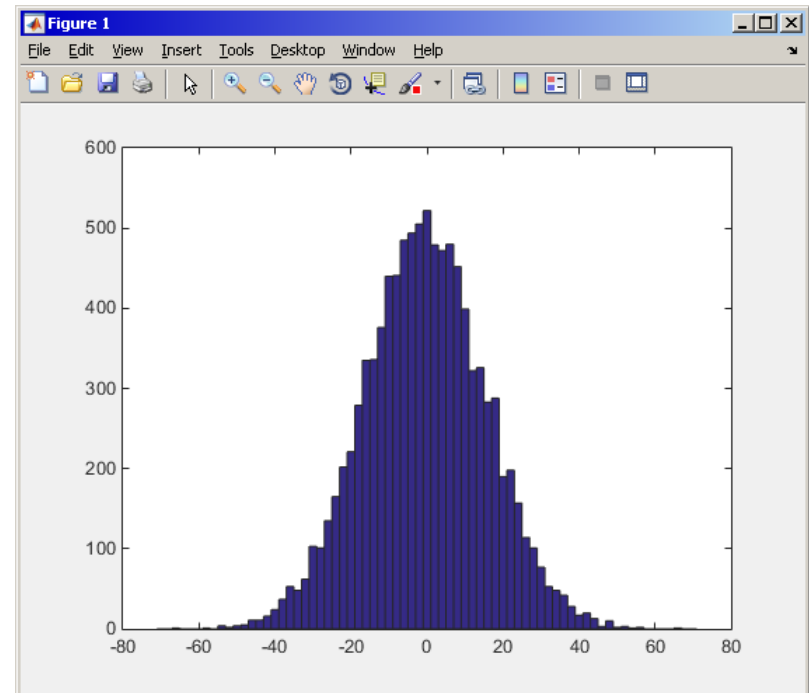
- napište skript, který bude simulovat N sérií pokusů, kdy v každé sérii M krát hodíme korunou (padne buď orel nebo panna)
 - vygenerujte matici s hody (o rozměrech $M \times N$)
 - vypočítejte, kolikrát padla jednička v každé ze sérií (číslo mezi 0 a M)
 - vypočítejte o kolik padlo jedniček více (nebo méně) než je průměr (očekávání dané rovnoměrných rozložením pravděpodobnosti)
 - jaké očekáváte rozložení pravděpodobnosti?
 - vykreslete výsledné odchylky v počtu padlých jedniček do grafu
 - využijte příkaz `hist()`

Cvičení #3

- můžeme vypočítat střední hodnotu a směrodatnou odchylku:

$$N = 1 \cdot 10^4 :$$

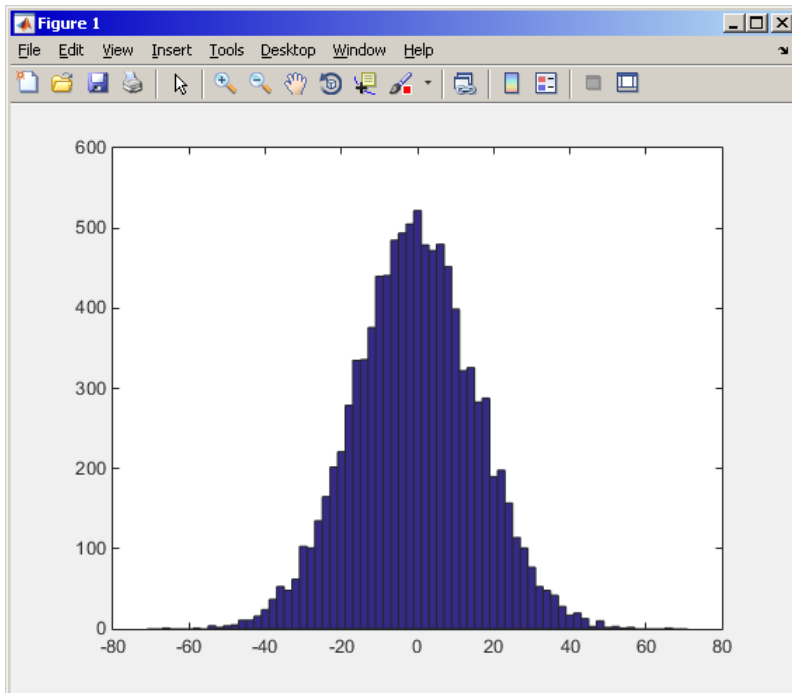
$$\mu = \frac{1}{N} \sum_i x_i \approx 0 \quad \sigma = \sqrt{\frac{\sum_i (\mu - x_i)^2}{N}}$$



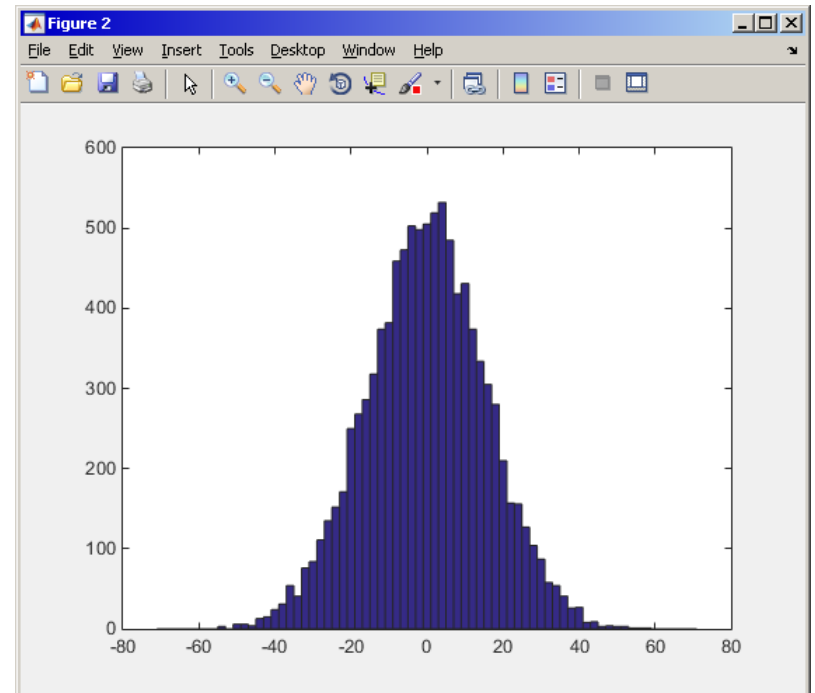
Cvičení #4

- otestujme, zda pro přímo generovaná data dostaneme podobnou distribuci:

hod kostkou:

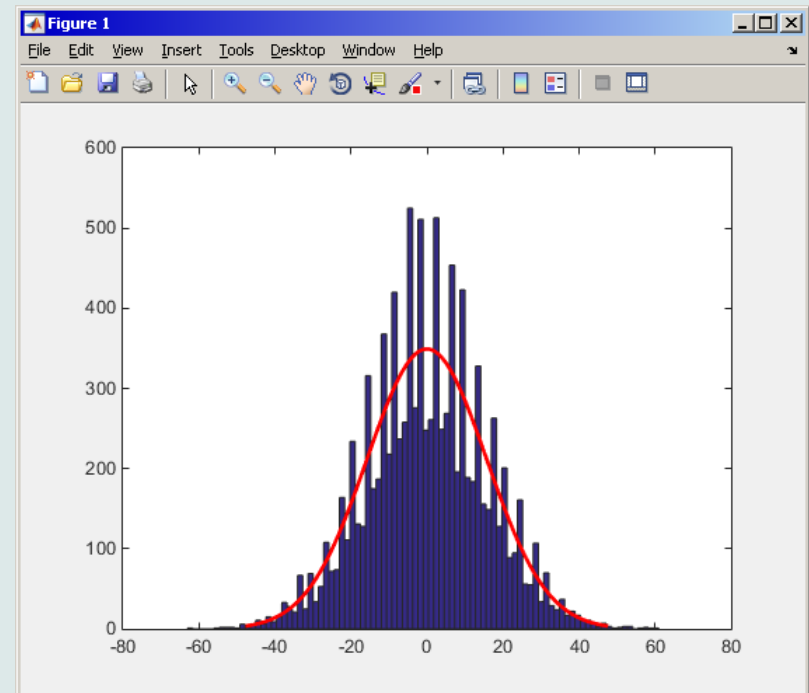
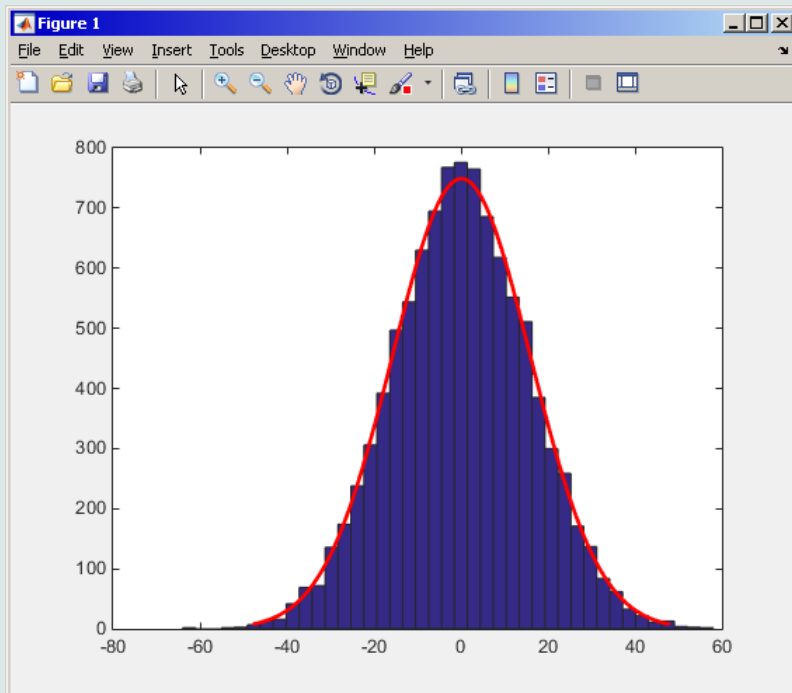


odpovídající, přímo generovaná data:



Cvičení #5

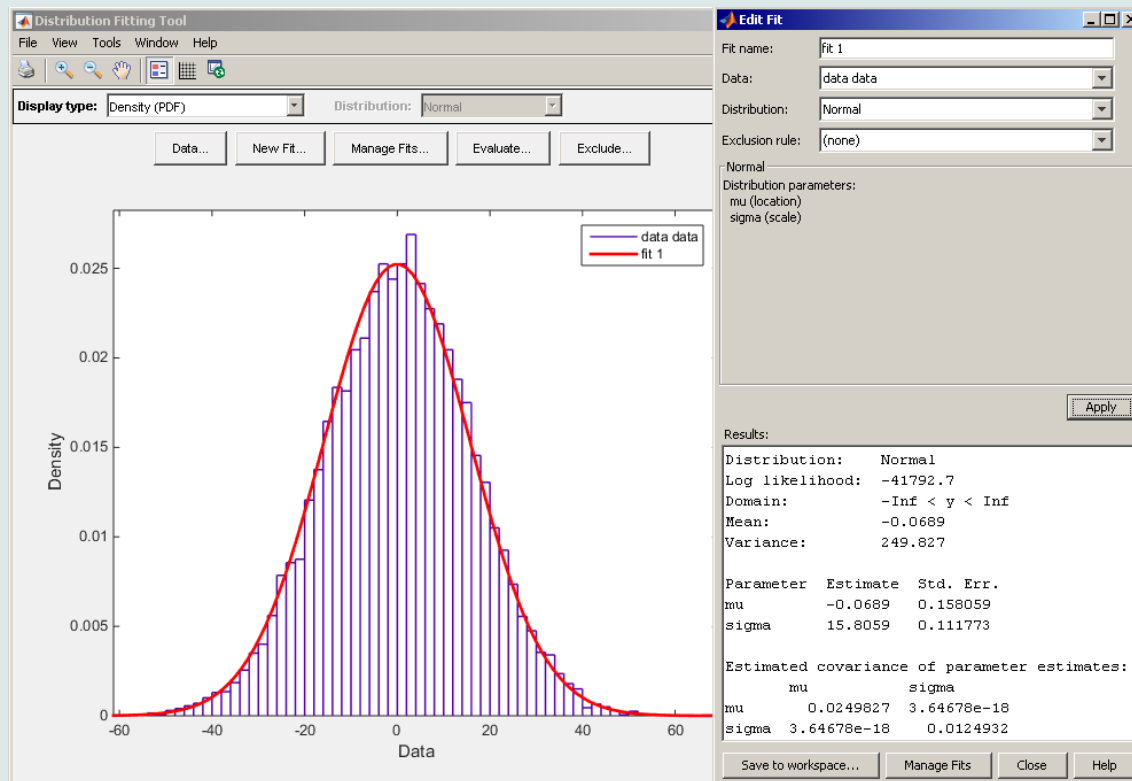
- pro vykreslení hustoty pravděpodobnosti k histogramu použijte funkci `histfit` (Statistics Toolbox)
 - vhodně nastavte parametr `nbins` pro korektní zobrazení histogramu nespojitě náhodné veličiny



Cvičení #6

- použijte Distribution Fitting Tool (dfittool) k aproximaci distribuce pravděpodobnosti náhodných pokusů

```
dfittool(noOnesOverAverage);
```



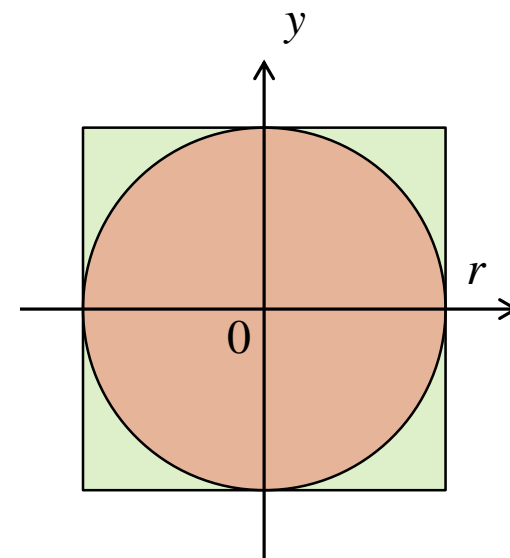
Cvičení #7

600 s ↑

- využijte metodu Monte Carlo a odhadněte velikost hodnoty čísla π
 - Monte Carlo je stochastická metoda využívající pseudonáhodná čísla
- postup:
 - (1) v daném čtverci vygenerujeme body (rovnoměrně náhodně rozmístěné)
 - (2) pak porovnejte kolik náhodných bodů je v celém čtverci a kolik jich je v kruhu

$$\frac{S_o}{S_{\square}} = \frac{\pi r^2}{(2r)^2} = \frac{\pi}{4} \approx \frac{\text{hits}}{\text{shots}}$$

- vypracujte skript tak, aby šlo měnit počet bodů
 - všimněte si vlivu počtu bodů na přesnost řešení

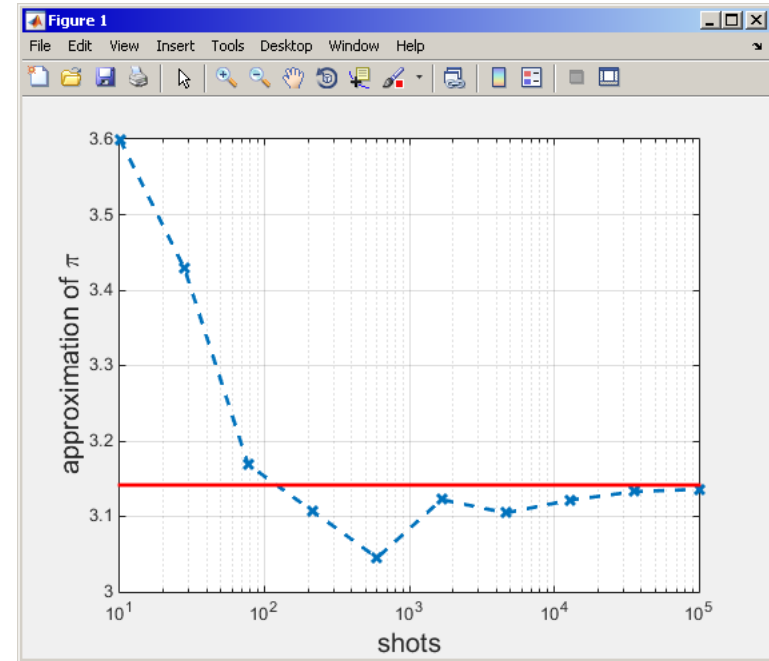


Cvičení #7-řešení

- výsledný kód (poloměr kruhu $r = 1$):

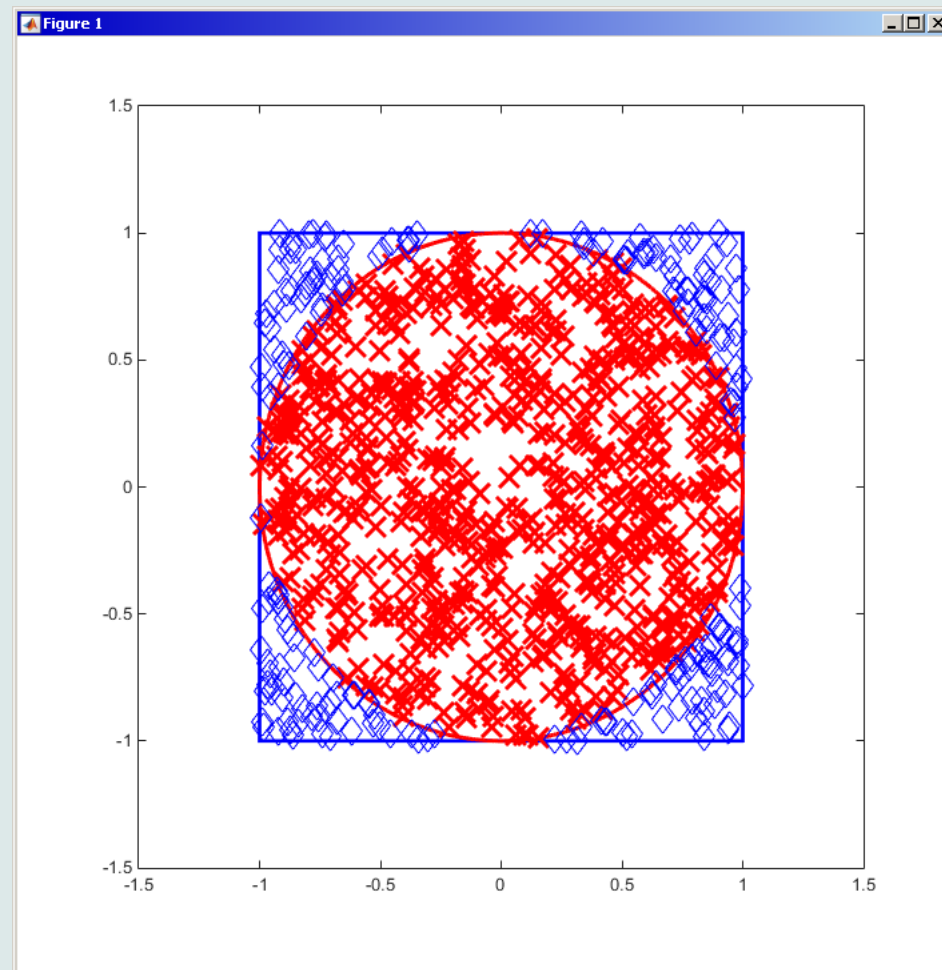
Cvičení #8

- aproximace Ludolfova čísla – vizualizace:



Cvičení #9

- vizualizace řešené úlohy:



Cvičení #10

600 s



- platí následující rozvoj:

$$\arctan(x) = \sum_{n=0}^{\infty} (-1)^n \frac{(x)^{2n+1}}{2n+1} = x - \frac{x^3}{3} + \frac{x^5}{5} - \frac{x^7}{7} + \frac{x^9}{9} - \dots$$

- na základě rozvoje pro $x = 1$ odhadněte hodnotu čísla π :

$$\arctan(1) = \frac{\pi}{4} = 1 - \frac{1}{3} + \frac{1}{5} - \frac{1}{7} + \frac{1}{9} - \dots$$

- zjistěte počet potřebných sčítanců a výpočetní čas pro přesnost odhadu lepší než $1 \cdot 10^{-6}$

Cvičení #11

600 s ↑

- pomocí rozvoje

$$\frac{\pi}{8} = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{(4n+1)(4n+3)} = \frac{1}{1 \cdot 3} + \frac{1}{5 \cdot 7} + \frac{1}{9 \cdot 11} + \dots$$

odhadněte velikost čísla π

- zjistěte počet potřebných sčítanců a výpočetní čas pro přesnost odhadu lepší než $1 \cdot 10^{-6}$

Cvičení #12

600 s ↑

- pro aproximace čísla π použijte vztah:

$$\frac{\pi}{4} = 6 \arctan\left(\frac{1}{8}\right) + 2 \arctan\left(\frac{1}{57}\right) + \arctan\left(\frac{1}{239}\right)$$

- pro implementaci funkce \arctan použijte rozvoj:

$$\arctan(x) = \sum_{n=0}^{\infty} (-1)^n \frac{x^{2n+1}}{2n+1} = x - \frac{x^3}{3} + \frac{x^5}{5} - \frac{x^7}{7} + \frac{x^9}{9} - \dots$$

- zjistěte počet potřebných sčítanců, výpočetní čas pro přesnost odhadu lepší než $1 \cdot 10^{-6}$ a porovnejte s předchozími řešeními

Cvičení #13

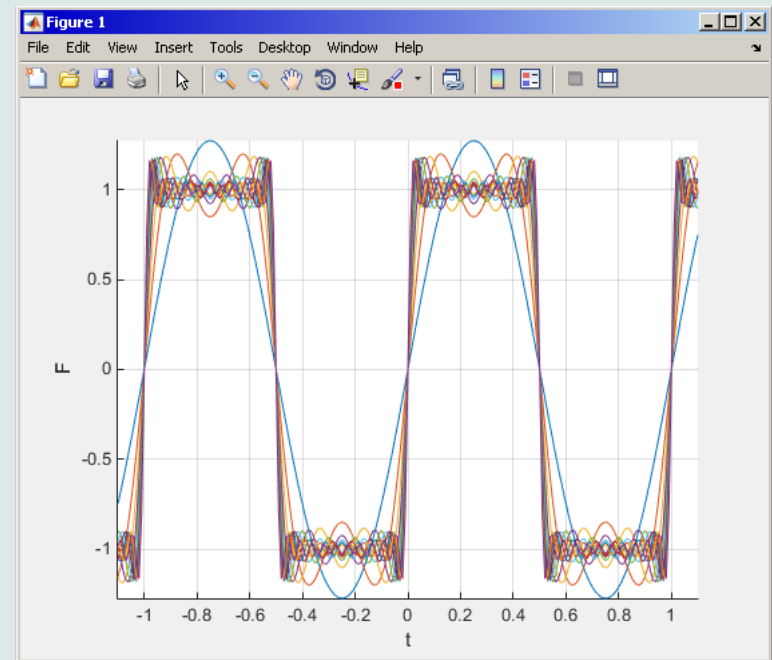
600 s



- pro periodický obdélníkový signál s nulovou stejnosměrnou složkou, amplitudou A a periodou T se dá analyticky odvodit Fourierova řada

$$s(t) = \frac{4A}{\pi} \sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{2k+1} \sin\left(\frac{2\pi t(2k+1)}{T}\right)$$

- pro $A=1$ V a $T=1$ s vykreslete do jednoho obrázku výsledný signál $s(t)$ aproximovaný z jedné až deseti harmonických složek v úseku $t \in \langle -1.1; 1.1 \rangle$ s



Děkuji!



ver. 3.7 (13/3/2014)

Miloslav Čapek

miloslav.capek@fel.cvut.cz

Jakékoliv úpravy přednášky jsou zakázány.
Využití mimo výuku na ČVUT-FEL není bez souhlasu autorů dovoleno.
Materiál vytvořen v rámci předmětu A0B17MTB.

