



Paralelní a distribuované výpočty (B4B36PDV)

Branislav Bošanský, Michal Jakob

bosansky@fel.cvut.cz

Artificial Intelligence Center
Department of Computer Science
Faculty of Electrical Engineering
Czech Technical University in Prague

Dnešní přednáška

Motivace



Dnešní přednáška

Techniky paralelizace 3

Chci paralelizovat maticový algoritmus



Jak na to?

Maticové operace

Násobení matice vektorem

$$\begin{array}{|c|c|c|c|c|} \hline a_{11} & a_{12} & a_{13} & a_{14} & a_{15} \\ \hline a_{21} & \dots & & & \\ \hline \dots & & & & \\ \hline & & & & a_{55} \\ \hline \end{array} \times \begin{array}{|c|} \hline x_1 \\ \hline x_2 \\ \hline x_3 \\ \hline x_4 \\ \hline x_5 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|} \hline y_1 \\ \hline y_2 \\ \hline y_3 \\ \hline y_4 \\ \hline y_5 \\ \hline \end{array}$$

$$y_1 = \sum_{\{i=1,\dots,5\}} a_{1i} \cdot x_i$$

Maticové operace

Násobení matice vektorem

- Jak paralelizovat?

$$\begin{array}{|c|c|c|c|c|} \hline a_{11} & a_{12} & a_{13} & a_{14} & a_{15} \\ \hline a_{21} & \dots & & & \\ \hline \dots & & & & \\ \hline & & & & a_{55} \\ \hline \end{array} \times \begin{array}{|c|} \hline x_1 \\ \hline x_2 \\ \hline x_3 \\ \hline x_4 \\ \hline x_5 \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|} \hline y_1 \\ \hline y_2 \\ \hline y_3 \\ \hline y_4 \\ \hline y_5 \\ \hline \end{array}$$

$$y_1 = \sum_{\{i=1,\dots,5\}} a_{1i} \cdot x_i$$

Maticové operace

Násobení matice vektorem

- Zřejmá paralelizace – výpočet každé složky y je nezávislý a všechny mohou být spočteny paralelně



$$y_1 = \sum_{\{i=1,\dots,5\}} a_{1i} \cdot x_i$$

Maticové operace

Násobení matice vektorem

- Zřejmá paralelizace – výpočet každé složky y je nezávislý a všechny mohou být spočteny paralelně

```
void multiply(std::vector<int>& A, std::vector<int>& x, std::vector<int>& y) {
    #pragma omp declare reduction(vec_int_plus : std::vector<int> : \
        std::transform(omp_out.begin(), omp_out.end(), omp_in.begin(), omp_out.begin(), std::plus<int>()) \
        initializer(omp_priv = omp_orig)

    #pragma omp parallel for num_threads(thread_count) reduction(vec_int_plus : y)
    for (int i=0; i<ROWS; i++) {
        for (int j=0; j<COLS; j++) {
            y[i] += A[i * COLS + j]*x[j];
        }
    }
}
```

Maticové operace

Násobení matice vektorem

- Zřejmá paralelizace – výpočet každé složky y je nezávislý a všechny mohou být spočteny paralelně

```
void multiply(std::vector<int>& A, std::vector<int>& x, std::vector<int>& y) {
    #pragma omp declare reduction(vec_int_plus : std::vector<int> : \
        std::transform(omp_out.begin(), omp_out.end(), omp_in.begin(), omp_out.begin(), std::plus<int>()) \
        initializer(omp_priv = omp_orig)

    #pragma omp parallel for num_threads(thread_count) reduction(vec_int_plus : y)
    for (int i=0; i<ROWS; i++) {
        for (int j=0; j<COLS; j++) {
            y[i] += A[i * COLS + j]*x[j];
        }
    }
}
```

- Co můžeme zlepšit?

Maticové operace

Násobení matice vektorem

- Zřejmá paralelizace – výpočet každé složky y je nezávislý a všechny mohou být spočteny paralelně

```
void multiply(std::vector<int>& A, std::vector<int>& x, std::vector<int>& y) {
    #pragma omp declare reduction(vec_int_plus : std::vector<int> : \
        std::transform(omp_out.begin(), omp_out.end(), omp_in.begin(), omp_out.begin(), std::plus<int>()) \
        initializer(omp_priv = omp_orig)

    #pragma omp parallel for num_threads(thread_count) reduction(vec_int_plus : y)
    for (int i=0; i<ROWS; i++) {
        for (int j=0; j<COLS; j++) {
            y[i] += A[i * COLS + j]*x[j];
        }
    }
}
```

- Co můžeme zlepšit?
- Lze využít vektorizaci?

Maticové operace

Násobení matice vektorem

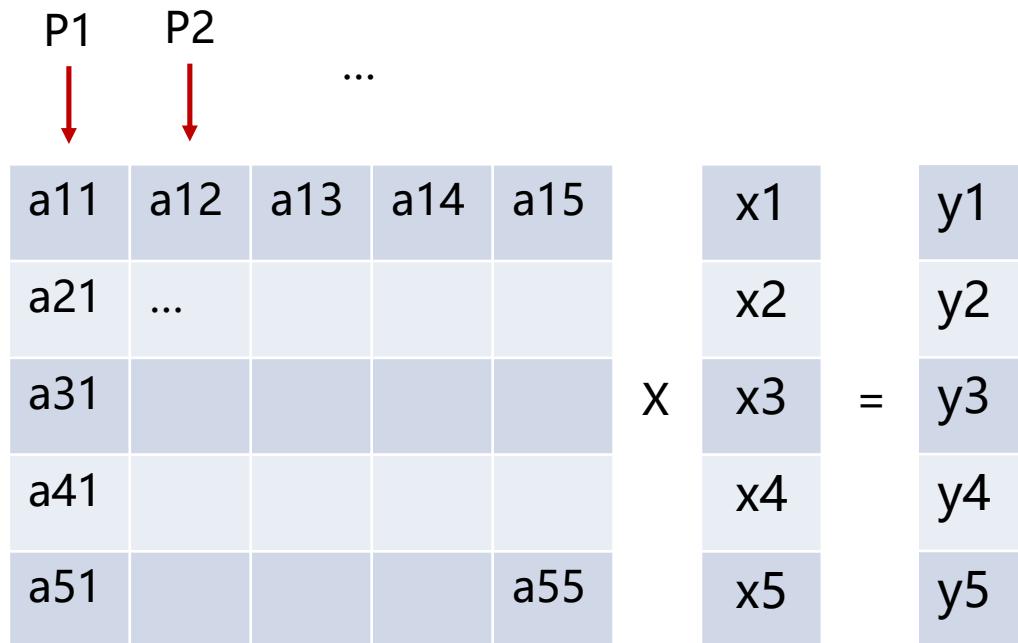
```
void multiply(std::vector<int>& A, std::vector<int>& x, std::vector<int>& y) {  
#pragma omp declare reduction(vec_int_plus : std::vector<int> : \  
    std::transform(omp_out.begin(), omp_out.end(), omp_in.begin(), omp_out.begin(), std::plus<int>()) \  
    initializer(omp_priv = omp_orig)  
  
#pragma omp parallel for num_threads(thread_count) reduction(vec_int_plus : y)  
    for (int i=0; i<ROWS; i++) {  
        for (int j=0; j<COLS; j++) {  
            y[i] += A[i * COLS + j]*x[j];  
        }  
    }  
}
```



Maticové operace

Násobení matice vektorem

- Co když budeme násobit po sloupcích?



$$z_{ij} = a_{ij} \cdot x_j$$

$$y_i = \sum_{\{j=1, \dots, 5\}} z_{ij}$$

Maticové operace

Násobení matice vektorem

a11	x1	a11.x1
a21	x1	a21.x1
a31	x1	a31.x1
a41	x1	a41.x1
a51	x1	a51.x1
a12	x2	a12.x2
a22	x2	a22.x2
a32	x2	a32.x2
a42	x2	a42.x2
a52	x2	a52.x2

z1

z2

a11.x1	a12.x2	y1
a21.x1	a22.x2	y2
a31.x1	a32.x2	y3
a41.x1	a42.x2	y4
a51.x1	a52.x2	y5



Maticové operace

Násobení matice vektorem

- Bude to fungovat?

Maticové operace

Násobení matice vektorem

- Bude to fungovat?
 - Operace sice mohou být vektorizovány, nicméně přístup není vhodný pro cache (mnoho dotazů)
 - Můžeme data v matici uspořádat po sloupcích

a11	a12	a13	a14	a15
a21	...			
a31				
a41				
a51				a55



a11	a21	a31	a41	a51	...		
-----	-----	-----	-----	-----	-----	--	--

Maticové operace

Násobení matice vektorem

- Bude to teď fungovat?

```
...
// data has to be ordered by columns in memory
for (int i = 0; i < COLS; i++) {
    x[i] = rand() % 1000;
    for (int j = 0; j < ROWS; j++) {
        A[i * ROWS + j] = rand() % 1000;
    }
}
...
void multiply_column(std::vector<int> &A, std::vector<int> &x, std::vector<int> &y) {
#pragma omp declare reduction(vec_int_plus : std::vector<int> : \
    std::transform(omp_out.begin(), omp_out.end(), omp_in.begin(), omp_out.begin(), std::plus<int>()) \
    initializer(omp_priv = omp_orig)

#pragma omp parallel for num_threads(thread_count) reduction(vec_int_plus : y)
    for (int i = 0; i < COLS ; i++) {
        for (int j = 0; j < ROWS; j++) {
            y[j] += A[i * ROWS + j]*x[i];
        }
    }
}
```

Maticové operace

Násobení matice vektorem

- Lze dále zefektivnit původní přístup?
 - Vzpomeňte si na falsesharing ...

```
void multiply(std::vector<int>& A, std::vector<int>& x, std::vector<int>& y) {
    #pragma omp declare reduction(vec_int_plus : std::vector<int> : \
        std::transform(omp_out.begin(), omp_out.end(), omp_in.begin(), omp_out.begin(), std::plus<int>()) \
        initializer(omp_priv = omp_orig))

    #pragma omp parallel for num_threads(thread_count) reduction(vec_int_plus : y)
    for (int i=0; i<ROWS; i++) {
        for (int j=0; j<COLS; j++) {
            y[i] += A[i * COLS + j]*x[j];
        }
    }
}
```

Maticové operace

Násobení matice vektorem

- Lze dále zefektivnit původní přístup?
 - Vzpomeňte si na falsesharing ...

```
void multiply(std::vector<int>& A, std::vector<int>& x, std::vector<int>& y) {
    #pragma omp declare reduction(vec_int_plus : std::vector<int> : \
        std::transform(omp_out.begin(), omp_out.end(), omp_in.begin(), omp_out.begin(), std::plus<int>()) \
        initializer(omp_priv = omp_orig)

    #pragma omp parallel for num_threads(thread_count) reduction(vec_int_plus : y)
    for (int i=0; i<ROWS; i++) {
        for (int j=0; j<COLS; j++) {
            y[i] += A[i * COLS + j]*x[j];
        }
    }
}
```

- Nahradíme pole lokální proměnnou

Maticové operace

Násobení matice vektorem

- Lokální proměnná

```
void multiply(std::vector<int> &A, std::vector<int> &x, std::vector<int> &y) {
#pragma omp declare reduction(vec_int_plus : std::vector<int> : \
    std::transform(omp_out.begin(), omp_out.end(), omp_in.begin(), omp_out.begin(), std::plus<int>()) \
    initializer(omp_priv = omp_orig))

    int tmp;
#pragma omp parallel for num_threads(thread_count) reduction(vec_int_plus : y)
    for (int i=0; i<ROWS; i++) {
        tmp = 0;
        for (int j=0; j<COLS; j++) {
            tmp += A[i * COLS + j]*x[j];
        }
        y[i] += tmp;
    }
}
```

Maticové operace

Násobení dvou matic

$$\begin{array}{|c|c|c|} \hline a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ \hline a_{21} & \dots & \\ \hline \dots & & \\ \hline \end{array} \times \begin{array}{|c|c|c|} \hline b_{11} & b_{12} & b_{13} \\ \hline b_{21} & \dots & \\ \hline \dots & & \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|c|c|} \hline c_{11} & c_{12} & c_{13} \\ \hline c_{21} & \dots & \\ \hline \dots & & \\ \hline \end{array}$$

$$c_{ij} = \sum_{\{k=1, \dots, n\}} a_{ik} \cdot b_{kj}$$

Maticové operace

Násobení dvou matic

$$\begin{array}{|c|c|c|} \hline a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ \hline a_{21} & \dots & \\ \hline \dots & & \\ \hline \end{array} \times \begin{array}{|c|c|c|} \hline b_{11} & b_{12} & b_{13} \\ \hline b_{21} & \dots & \\ \hline \dots & & \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|c|c|} \hline c_{11} & c_{12} & c_{13} \\ \hline c_{21} & \dots & \\ \hline \dots & & \\ \hline \end{array}$$

Výpočet prvků c je opět nezávislý a lze paralelizovat

$$c_{ij} = \sum_{\{k=1, \dots, n\}} a_{ik} \cdot b_{kj}$$

Nevýhody?

Velké množství úloh, malé úlohy

Maticové operace

Násobení dvou matic

$$\begin{array}{|c|c|c|} \hline a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ \hline a_{21} & \dots & \\ \hline \dots & & \\ \hline \end{array} \times \begin{array}{|c|c|c|} \hline b_{11} & b_{12} & b_{13} \\ \hline b_{21} & \dots & \\ \hline \dots & & \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|c|c|} \hline c_{11} & c_{12} & c_{13} \\ \hline c_{21} & \dots & \\ \hline \dots & & \\ \hline \end{array}$$

Můžeme zvětšit úkoly spojením několika řádků

```
void multiply(std::vector<int>& A, std::vector<int>& B, std::vector<int>& C) {
    #pragma omp declare reduction(vec_int_plus : std::vector<int> : \
        std::transform(omp_out.begin(), omp_out.end(), omp_in.begin(), omp_out.begin(), std::plus<int>()) \
        initializer(omp_priv = omp_orig)
    int tmp;
    #pragma omp parallel for collapse(2) num_threads(thread_count) reduction(vec_int_plus : C)
    for (int i=0; i<ROWS; i++) {
        for (int j=0; j<COLS; j++) {
            tmp = 0;
            for (int k=0; k<ROWS; k++) {
                tmp += A[i * COLS + k] * B[k * COLS + j];
            }
            C[i * COLS + j] += tmp;
        }
    }
}
```

Maticové operace

Násobení dvou matic

- Rozdělení na bloky
- 1 úkol odpovídá částečnému výsledku submatice

Maticové operace

Násobení dvou matic

- Rozdělení na bloky
- 1 úkol odpovídá částečnému výsledku submatice (např. $c_{11}, c_{12}, c_{21}, c_{22}$)

b11	b12	b13	b14
b21	...		
...			

a11	a12	a13	a14
a21	...		
...			

c11	c12	c13	c14
c21	...		
...			

$$c_{11} += a_{11} \cdot b_{11} + a_{12} \cdot b_{21}$$

$$c_{12} += a_{11} \cdot b_{12} + a_{12} \cdot b_{22}$$

...

Maticové operace

Násobení dvou matic

```
void multiply_blocks(std::vector<int>& A, std::vector<int>& B, std::vector<int>& C) {
    #pragma omp declare reduction(vec_int_plus : std::vector<int> : \
        std::transform(omp_out.begin(), omp_out.end(), omp_in.begin(), omp_out.begin(), std::plus<int>())) \
        initializer(omp_priv = omp_orig)

    const int ROWS_IN_BLOCK = 10;
    const int BLOCKS_IN_ROW = ROWS/ROWS_IN_BLOCK;
    int tmp;

#pragma omp parallel for collapse(2) num_threads(thread_count) reduction(vec_int_plus : C) private(tmp)
    for (int br1=0; br1<BLOCKS_IN_ROW; br1++) {
        for (int bb=0; bb<BLOCKS_IN_ROW; bb++) {
            for (int bc2 = 0; bc2 < BLOCKS_IN_ROW; bc2++) {
                for (int r = br1 * ROWS_IN_BLOCK; r < (br1 + 1) * ROWS_IN_BLOCK; r++) {
                    for (int c = bc2 * ROWS_IN_BLOCK; c < (bc2 + 1) * ROWS_IN_BLOCK; c++) {
                        tmp = 0;
                        for (int k = 0; k < ROWS_IN_BLOCK; k++) {
                            tmp += A[r * COLS + (k + bb*ROWS_IN_BLOCK)] * B[(bb*ROWS_IN_BLOCK + k) * COLS + c];
                        }
                        C[r * COLS + c] += tmp;
                    }
                }
            }
        }
    }
}
```

Maticové operace

Násobení dvou matic

$$\begin{array}{|c|c|c|} \hline a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ \hline a_{21} & \dots & \\ \hline \dots & & \\ \hline \end{array} \times \begin{array}{|c|c|c|} \hline b_{11} & b_{12} & b_{13} \\ \hline b_{21} & \dots & \\ \hline \dots & & \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|c|c|} \hline c_{11} & c_{12} & c_{13} \\ \hline c_{21} & \dots & \\ \hline \dots & & \\ \hline \end{array}$$

- A co dál? Lze využít vektorizaci?
- Můžeme najednou spočítat vektor částečných hodnot?

Maticové operace

Násobení dvou matic

$$\begin{array}{|c|c|c|} \hline a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ \hline a_{21} & \dots & \\ \hline \dots & & \\ \hline \end{array} \times \begin{array}{|c|c|c|} \hline b_{11} & b_{12} & b_{13} \\ \hline b_{21} & \dots & \\ \hline \dots & & \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|c|c|} \hline c_{11} & c_{12} & c_{13} \\ \hline c_{21} & \dots & \\ \hline \dots & & \\ \hline \end{array}$$

- A co dál? Lze využít vektorizaci?
- Můžeme najednou spočítat vektor částečných hodnot?
- Co když budeme násobit řádek i matice A a řádek j matice B?

$$\begin{array}{|c|c|c|} \hline a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ \hline a_{21} & \dots & \\ \hline \dots & & \\ \hline \end{array} \times \begin{array}{|c|c|c|} \hline b_{11} & b_{12} & b_{13} \\ \hline b_{21} & \dots & \\ \hline \dots & & \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|c|c|} \hline z_{21} & \dots & \\ \hline \dots & & \\ \hline \end{array}$$

Maticové operace

Násobení dvou matic



- Opět máme vektor dílčích výsledků z
- Násobení je vektorové, součet různých vektorů z lze také vektorizovat

```
void multiply(std::vector<int>& A, std::vector<int>& B, std::vector<int>& C) {
    #pragma omp declare reduction(vec_int_plus : std::vector<int> : \
        std::transform(omp_out.begin(), omp_out.end(), omp_in.begin(), omp_out.begin(), std::plus<int>()) \
        initializer(omp_priv = omp_orig)

    #pragma omp parallel for collapse(2) num_threads(thread_count) reduction(vec_int_plus : C)
    for (int r1=0; r1<ROWS; r1++) {
        for (int r2=0; r2<ROWS; r2++) {
            for (int k=0; k<ROWS; k++) {
                C[r1 * COLS + k] += A[r1 * COLS + r2] * B[r2 * COLS + k];
            }
        }
    }
}
```

Maticové operace

Gaussova eliminace

- Dalším typickým úkolem je řešení soustavy lineárních rovnic
- Lze využít Gaussovou eliminaci

The diagram illustrates the process of Gaussian elimination on a system of linear equations represented by a matrix. On the left, a 3x4 matrix is shown with columns labeled a11, a12, a13 and rows labeled b1, a21, ..., b2, A large blue arrow points to the right, indicating the transformation to an equivalent matrix where the first column has been modified. The resulting matrix on the right has columns labeled a11, a12, a13 and rows labeled b1, 0, a'22, a'23, b'2, 0, 0, a'33, b'3. This represents the system after one row has been subtracted from the second row.

a11	a12	a13	b1
a21	...		b2
...			b3

→

a11	a12	a13	b1
0	a'22	a'23	b'2
0	0	a'33	b'3

- Jak můžeme paralelizovat?

Maticové operace

Gaussova eliminace

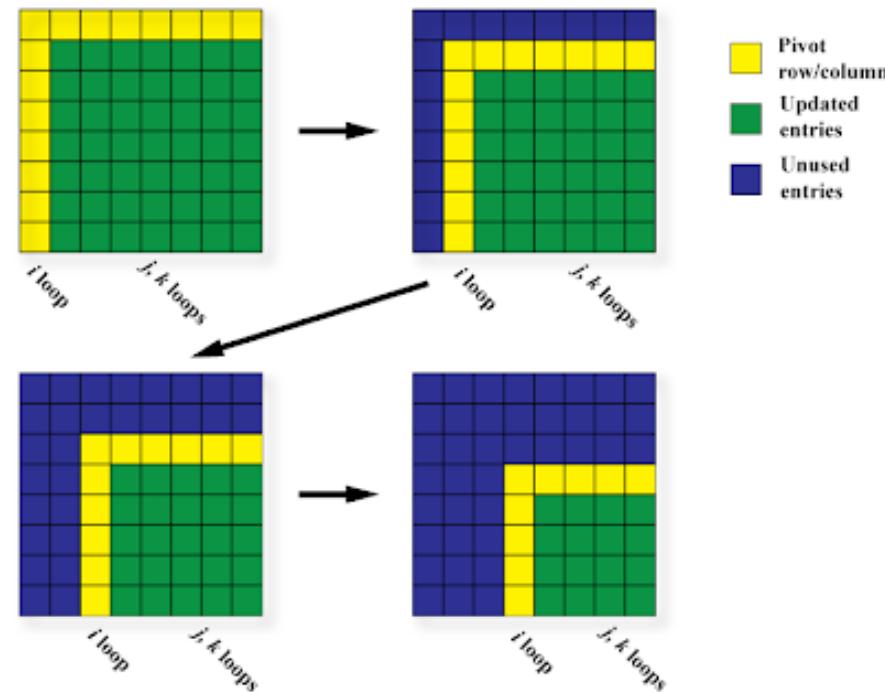
- Jaké jsou závislosti mezi hodnotami?
 - Po výběru pivota se změní všechny hodnoty pro řádky a sloupce větší než pozice pivota

Maticové operace

Gaussova eliminace

- Jaké jsou závislosti mezi hodnotami?
 - Po výběru pivota se změní všechny hodnoty pro řádky a sloupce větší než pozice pivota
- Kterou část můžeme parallelizovat?

```
void gauss(std::vector<double>& A) {  
    for (int i=0; i<ROWS; i++) {  
        // Make all rows below this one 0 in current column  
        for (int k=i+1; k<ROWS; k++) {  
            double c = -A[k * COLS + i]/A[i*COLS + i];  
            for (int j=i; j<ROWS; j++) {  
                if (j==j) {  
                    A[k * COLS + j] = 0;  
                } else {  
                    A[k * COLS + j] += c * A[i * COLS + j];  
                }  
            }  
        }  
    }  
}
```



Maticové operace

Gaussova eliminace

- Jaké jsou závislosti mezi hodnotami?
 - Po výběru pivota se změní všechny hodnoty pro řádky a sloupce větší než pozice pivota

```
void gauss_par(std::vector<double>& A) {
    #pragma omp declare reduction(vec_int_plus : std::vector<double> : \
        std::transform(omp_out.begin(), omp_out.end(), omp_in.begin(), omp_out.begin(), std::plus<double>())) \
        initializer(omp_priv = omp_orig)

    for (int i=0; i<ROWS; i++) {
        // Make all rows below this one 0 in current column
    #pragma omp parallel for num_threads(thread_count)
        for (int k=i+1; k<ROWS; k++) {
            double c = -A[k * COLS + i]/A[i*COLS + i];
            for (int j=i; j<ROWS; j++) {
                if (i==j) {
                    A[k * COLS + j] = 0;
                } else {
                    A[k * COLS + j] += c * A[i * COLS + j];
                }
            }
        }
    }
}
```

Maticové operace

Gaussova eliminace

- Co lze dále zefektivnit?

Maticové operace

Gaussova eliminace

- Co lze dál zefektivnit?

(0,0)	(0,1)	(0,2)	(0,3)	(0,4)
(1,0)	(1,1)	(1,2)	(1,3)	(1,4)
(2,0)	(2,1)	(2,2)	(2,3)	(2,4)
(3,0)	(3,1)	(3,2)	(3,3)	(3,4)
(4,0)	(4,1)	(4,2)	(4,3)	(4,4)

(a) Iteration k = 0 starts

1	(0,1)	(0,2)	(0,3)	(0,4)
(1,0)	1	(1,2)	(1,3)	(1,4)
(2,0)	(2,1)	1	(2,3)	(2,4)
(3,0)	(3,1)	(3,2)	1	(3,4)
(4,0)	(4,1)	(4,2)	(4,3)	1

(b)

1	(0,1)	(0,2)	(0,3)	(0,4)
(1,0)	1	(1,2)	(1,3)	(1,4)
(2,0)	(2,1)	1	(2,3)	(2,4)
(3,0)	(3,1)	(3,2)	1	(3,4)
(4,0)	(4,1)	(4,2)	(4,3)	1

(c)

1	(0,1)	(0,2)	(0,3)	(0,4)
(1,0)	1	(1,2)	(1,3)	(1,4)
(2,0)	(2,1)	1	(2,3)	(2,4)
(3,0)	(3,1)	(3,2)	1	(3,4)
(4,0)	(4,1)	(4,2)	(4,3)	1

(d)

1	(0,1)	(0,2)	(0,3)	(0,4)
0	1	(1,2)	(1,3)	(1,4)
(2,0)	(2,1)	1	(2,3)	(2,4)
(3,0)	(3,1)	(3,2)	1	(3,4)
(4,0)	1	(4,2)	(4,3)	(4,4)

(e) Iteration k = 1 starts

1	(0,1)	(0,2)	(0,3)	(0,4)
0	1	1	(1,3)	(1,4)
0	(2,1)	1	(2,3)	(2,4)
(3,0)	(3,1)	(3,2)	1	(3,4)
(4,0)	(4,1)	(4,2)	(4,3)	1

(f)

1	(0,1)	(0,2)	(0,3)	(0,4)
0	1	1	(1,3)	(1,4)
0	(2,1)	1	(2,3)	(2,4)
0	(3,1)	1	(3,3)	(3,4)
(4,0)	(4,1)	(4,2)	(4,3)	1

(g) Iteration k = 0 ends

1	(0,1)	(0,2)	(0,3)	(0,4)
0	1	1	(1,3)	(1,4)
0	(2,1)	1	(2,3)	(2,4)
0	(3,1)	(3,2)	1	(3,4)
0	(4,1)	(4,2)	(4,3)	1

(h)

Shrnutí paralelní části

- Základní nástroje pro psaní paralelního programu
 - vlákna a práce s nimi
 - Atomické proměnné
 - OpenMP
 - (Vektorizace, SIMD paralelizace)

Shrnutí paralelní části

- Základní nástroje pro psaní paralelního programu
 - vlákna a práce s nimi
 - Atomické proměnné
 - OpenMP
 - (Vektorizace, SIMD paralelizace)
- Základní techniky paralelizace
 - Rozděluj a panuj
 - Threadpool
 - Dekompozice, nalezení co možná nejvíce paralelně bezkonfliktně vykonatelných operací

Shrnutí paralelní části

- Základní nástroje pro psaní paralelního programu
 - vlákna a práce s nimi
 - Atomické proměnné
 - OpenMP
 - (Vektorizace, SIMD paralelizace)
- Základní techniky paralelizace
 - Rozděluj a panuj
 - Threadpool
 - Dekompozice, nalezení co možná nejvíce paralelně bezkonfliktně vykonatelných operací
- Základní algoritmy
 - Řazení
 - Maticové operace

Shrnutí paralelní části

- Paralelizujete s cílem zefektivnit běh programu/algoritmu
- Musíte (alespoň částečně) rozumět vykonávání programu na HW
 - Falsesharing
 - Cache optimization

Shrnutí paralelní části

- Paralelizujete s cílem zefektivnit běh programu/algoritmu
- Musíte (alespoň částečně) rozumět vykonávání programu na HW
 - Falsesharing
 - Cache optimization
- Vynechali jsme spoustu věcí
 - Úvodní kurz, aby jste získali základní znalosti a zkušenosti
- Pokud Vás paralelní programování zaujalo
 - Paralelní algoritmy (B4M35PAG)
 - Obecné výpočty na grafických procesorech (B4M39GPU)

Shrnutí paralelní části

- Pro implementační zkoušku – programujte, programujte, programujte!

Shrnutí paralelní části

- Pro implementační zkoušku – programujte, programujte, programujte!
 - Dostanete problém + sériový algoritmus
 - Cílem bude **zrychlit** algoritmus **díky parallelizaci**
 - **Parallelizace musí být korektní!** (musíte přemýšlet, ne všechny chyby se projeví, paralelní programování je nedeterministické)

Shrnutí paralelní části

- Pro implementační zkoušku – programujte, programujte, programujte!
 - Dostanete problém + sériový algoritmus
 - Cílem bude **zrychlit** algoritmus **díky parallelizaci**
 - **Parallelizace musí být korektní!** (musíte přemýšlet, ne všechny chyby se projeví, paralelní programování je nedeterministické)
- V dalším studiu/práci – parallelizujte, pokud je to potřeba!
 - Pracujte iterativně – nejdřív je potřeba mít korektní sériovou variantu
 - Pokud je pomalá – zrychlujeme, parallelizujeme, atd.