

Prioritní fronta a příklad použití v úloze hledání nejkratších cest

Jan Faigl

Katedra počítačů
Fakulta elektrotechnická
České vysoké učení technické v Praze

Přednáška 12

B0B36PRP – Procedurální programování

Přehled témat

- Část 1 – Prioritní fronta polem a haldou

Prioritní fronta polem

Halda

- Část 2 – Příklad využití prioritní fronty v úloze hledání nejkratší cesty v grafu

Popis úlohy

Návrh řešení

Příklad naivní implementace prioritní fronty polem

Implementace pq haldou s push() a update()

- Část 3 – Zadání 10. domácího úkolu (HW10)

Část I

Část 1 – Prioritní fronta (Halda)

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

1 / 50

Prioritní fronta polem

Prioritní fronta polem – rozhraní

- V případě implementace prioritní fronty polem můžeme využít jedno pole pro hodnoty a druhé pole pro uložení priority daného prvku

Implementace vychází z lec11/queue_array.h,

```
typedef struct {
    void **queue; // Pole ukazatelů na jednotlivé prvky
    int *priorities; // Pole hodnot priorit jednotlivých prvků
    int count;
    int head;
    int tail;
} queue_t;
```

- Další rozhraní (jména a argumenty funkcí) mohou zůstat identické jako u implementace spojovým seznamem

Viz předchozí přednáška

```
void queue_init(queue_t **queue); int queue_push(void *value, int priority,
void queue_delete(queue_t **queue); queue_t *queue);
void queue_free(queue_t *queue); void* queue_pop(queue_t *queue);
void* queue_peek(const queue_t *queue);

_Bool queue_is_empty(const queue_t *queue);
```

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

5 / 50

Prioritní fronta polem

Prioritní fronta polem 2/3 – peek() a pop()

- Funkce peek() využívá lokální (static) funkce getEntry()

```
void* queue_peek(const queue_t *queue)
{
    return queue_is_empty(queue) ? NULL : queue->queue[getEntry(queue)];
}

■ Ve funkci pop() musíme zajistit zaplnění místa, pokud je vyjmut prvek z prostředu fronty (pole).
```

```
void* queue_pop(queue_t *queue) Připadnou mezeru zaplníme prvkem ze startu
{
    void *ret = NULL;
    int bestEntry = getEntry(queue);
    if (bestEntry >= 0) { // entry has been found
        ret = queue->queue[bestEntry];
        if (bestEntry != queue->head) { // replace the bestEntry by head
            queue->queue[bestEntry] = queue->queue[queue->head];
            queue->priorities[bestEntry] = queue->priorities[queue->head];
        }
        queue->head = (queue->head + 1) % MAX_QUEUE_SIZE;
        queue->count -= 1;
    }
    return ret;
}
```

Prioritní fronta polem – příklad použití

- Použití je identické s implementací spojovým seznamem

```
make && ./demo-priority_queue-array
ccache clang -c priority_queue-array.c -O2 -o priority_queue-
array.o
ccache clang priority_queue-array.o demo-priority_queue-array.o
-o demo-priority_queue-array
Add 0 entry '2nd' with priority '2', to the queue
Add 1 entry '4th' with priority '4', to the queue
Add 2 entry '1st' with priority '1', to the queue
Add 3 entry '5th' with priority '5', to the queue
Add 4 entry '3rd' with priority '3', to the queue

Pop the entries from the queue
1st
2nd
3rd
4th
5th
```

lec12/priority_queue-array/priority_queue-array.h
lec12/priority_queue-array/priority_queue-array.c
lec12/priority_queue-array/demo-priority_queue-array.c

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

8 / 50

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

9 / 50

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

10 / 50

Prioritní fronta polem 1/3 – push()

- Funkce push() je až na uložení priority identická s verzí bez priorit

```
int queue_push(void *value, int priority, queue_t *queue)
{
    int ret = QUEUE_OK; // by default we assume push will be OK
    if (queue->count < MAX_QUEUE_SIZE) {
        queue->queue[queue->tail] = value;

        // store priority of the new value entry
        queue->priorities[queue->tail] = priority;

        queue->tail = (queue->tail + 1) % MAX_QUEUE_SIZE;
        queue->count += 1;
    } else {
        ret = QUEUE_MEMFAIL;
    }
    return ret;
}
```

- Funkce peek() a pop() potřebují prvek s nejnižší (nejvyšší) prioritou

- Nalezení prvku z „čela“ fronty realizujeme funkcí getEntry(), kterou následně využijeme jak v peek(), tak v pop()

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

2 / 50

Prioritní fronta polem

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

3 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

4 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

5 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

6 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

7 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

8 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

9 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

10 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

11 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

12 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

13 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

14 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

15 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

16 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

17 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

18 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

19 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

20 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

21 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

22 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

23 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

24 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

25 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

26 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

27 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

28 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

29 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

30 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

31 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

32 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

33 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

34 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

35 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

36 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

37 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

38 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

39 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

40 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

41 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

42 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

43 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

44 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

45 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

46 / 50

Halda

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

47 / 50

Halda

Načtení grafu a inicializace uzelů 1/2

- Hrany načteme např. `load_graph_simple()` nebo impl. HW09.
Pro jednoduchost a lepší přehlednost zde předpokládáme bezchybné načtení
 - Dále potřebujeme zjistit počet vrcholů
Lze implementovat přímo do načítání
 - Alokujeme paměť pro uzly a nastavíme (bezpečné) výchozí hodnoty
- ```
load_graph_simple(filename, dij->graph);
int m = -1;
for (int i = 0; i < dij->graph->num_edges; ++i) {
 const edge_t *const e = &(dij->graph->edges[i]);
 m = e->from ? e->from : m;
 m = m < e->to ? e->to : m;
} // smyčka pro určení maximálního počtu vrcholů

dij->num_nodes = m + 1; // m je index a začína od 0 proto +1
dij->nodes = (node_t*)malloc(sizeof(node_t) * dij->num_nodes);
for (int i = 0; i < dij->num_nodes; ++i) {
 dij->nodes[i].edge_start = -1;
 dij->nodes[i].edge_count = 0;
 dij->nodes[i].parent = -1; // pokud neexistuje indikujeme -1
 // pro cenu volíme -1 ve výpisu bude kratší než např. MAX_INT
 dij->nodes[i].cost = -1;
} // nastavení výchozích hodnot uzelů
```

Jan Faigl, 2018 B0B36PRP – Přednáška 12: Hlada a hledání nejkratších cest 32 / 50

## Prioritní fronta pro Dijkstrův algoritmus

- Součástí balíku `lec12/graph_search-array` je rozhraní `pq.h` pro implementaci prioritní fronty s funkcí `update()`
- ```
void *pq_alloc(int size);
void pq_free(void *_pq);
_Bool pq_is_empty(const void *_pq);
_Bool pq_push(void *_pq, int label, int cost);
_Bool pq_update(void *_pq, int label, int cost);
_Bool pq_pop(void *_pq, int *oLabel);
```
- `lec12/graph_search-array/pq.h`
- Jedná se o relativně obecný předpis, který neklade zvláštní požadavky na vnitřní strukturu
V balíku je rozhraní implementované v modulu `pq_array-linear.c`, který obsahuje implementaci prioritní fronty polem s lineární složitostí funkci `push()` a `pop()`
 - `lec12/graph_search-array` základní funkční řešení hledání nejkratší cesty, prioritní fronta implementována polem

Jan Faigl, 2018 B0B36PRP – Přednáška 12: Hlada a hledání nejkratších cest 36 / 50

Příklad použití

- Základní implementace hledání cest s prioritní frontou implementovanou polem je dostupná v `lec12/graph_search-array`
 - Vytvoříme graf `g` programem `tdijkstra` např. o max 1000 vrcholech
- ```
./tdijkstra -c 1000 g
```
- Program zkompilujeme a spustíme např.
- ```
./tgraph_search g s
```
- Programem `tdijkstra` můžeme vygenerovat referenční řešení např.
- ```
./tdijkstra g s.ref
```
- a naše řešení pak můžeme porovnat např.
- ```
diff s s.ref
```

Jan Faigl, 2018 B0B36PRP – Přednáška 12: Hlada a hledání nejkratších cest 39 / 50

Inicializace uzelů 2/2

- Nastavíme indexy hran jednotlivým uzelům

```
for (int i = 0; i < dij->graph->num_edges; ++i) {
    int cur = dij->graph->edges[i].from;
    if (dij->nodes[cur].edge_start == -1) { // first edge
        // mark the first edge in the array of edges
        dij->nodes[cur].edge_start = i;
    }
    dij->nodes[cur].edge_count += 1; // increase no. of edges
}
```

Jan Faigl, 2018 B0B36PRP – Přednáška 12: Hlada a hledání nejkratších cest 33 / 50

Prioritní fronta (polem) s push() a update()

- Při expanzi uzelu, můžeme do prioritní fronty vkládat uzel s cenou pro každou hranu vycházející z uzelu
 - Obecně může být hran výrazně více než počet uzelů
- Pro plný graf o n uzlech až n^2 hran*
- Proto pro prioritní frontu implementujeme funkci `update()` a tím zaručíme, že ve frontě bude nejvyšše tolik prvků, kolik je vrcholů
 - V prioritní frontě tak můžeme předalokovat maximální počet položek
 - Při volání `update()` však potřebujeme získat pozici daného uzelu v prioritní frontě a změnit jeho
 - Prvek v poli najdeme lineárním průchodem prvků ve frontě

Budeme však mit lineární složitost

 - Pozici prvku v prioritní frontě uložíme do dalšího pole a získáme tak okamžitý přístup za cenu mírně složitějšího vkládání prvků a vyšších paměťových nároků.

Operace update() bude mit výhodnou konstantní složitost.

Jan Faigl, 2018 B0B36PRP – Přednáška 12: Hlada a hledání nejkratších cest 37 / 50

Lineární prioritní fronta vs efektivní implementace

- Ukázková implementace v `lec12/graph_search-array`, je sice funkční, pro velké grafy je však výpočet pomalý
 - Například pro graf s 1 mil. vrcholů trvá načtení, nalezení všech nejkratší cest a uložení výsledku přibližně 120 sekund
- ```
./tdijkstra -c 1000000 g
```
- Intel Skylake@3.3GHz*
- ```
/usr/bin/time ./tgraph_search g s
Load graph from g
Find all shortest paths from the node 0
Save solution to s
Free allocated memory
120.53 real    115.92 user    0.07 sys
```
- Referenčnímu programu `tdijkstra` pouze cca 1 sekunda
- ```
Též k dispozici jako tdijkstra.Linux a tdijkstra.exe
/usr/bin/time ./tdijkstra g s.ref
1.03 real 0.94 user 0.07 sys
```
- Oba programy vracejí identické výsledky
- ```
md5sum s s.ref
MD5 (s) = 8cc5ec1c65c92ca38a8dadf83f56e08b
MD5 (s .ref) = 8cc5ec1c65c92ca38a8dadf83f56e08b
```
- V základní verzi řešení HW10 nesmí být hledání nejkratší cesty více než 2x pomalejší než referenční program.*

Jan Faigl, 2018 B0B36PRP – Přednáška 12: Hlada a hledání nejkratších cest 40 / 50

Uložení řešení do souboru

- Po nalezení všech nejkratších cest (z uzelu 0) má každý uzel nastavenou hodnotu `cost` s délkou cesty a v `parent` index bezprostředněho předchůdce na nejkratší cestě
- Případně -1 pokud cesta neexistuje.*

Zápis řešení do souboru můžeme implementovat jednoduchým výpisem do souboru nebo implementací HW09.

```
_Bool dijkstra_save_path(void *dijkstra, const char *filename)
{
    _Bool ret = false;
    const dijkstra_t *const dij = (dijkstra_t*)dijkstra;
    if (dij) {
        FILE *f = fopen(filename, "w");
        if (f) {
            for (int i = 0; i < dij->num_nodes; ++i) {
                const node_t *const node = &(dij->nodes[i]);
                fprintf(f, "%i %i %i\n", i, node->cost, node->parent);
            } // end all nodes
            ret = fclose(f) == 0; // indicate eventual error in saving
        }
    }
    return ret;
}
```

lec12/dijkstra.c

Jan Faigl, 2018 B0B36PRP – Přednáška 12: Hlada a hledání nejkratších cest 34 / 50

Hledání nejkratších cest

- Využijeme implementaci prioritní fronty s `push()` a `update()`

```
dij->nodes[dij->start_node].cost = 0; // inicializace
void *pq = pq_alloc(dij->num_nodes); // prioritní fronta
int cur_label;
pq_push(pq, dij->start_node, 0);
while (!pq_is_empty(pq) && pq_pop(pq, &cur_label)) {
    node_t *cur = &(dij->nodes[cur_label]); // pro snazší použití
    for (int i = 0; i < cur->edge_count; ++i) { // všechny hrany z uzelu
        edge_t *edge = &(dij->graph->edges[cur->edge_start + i]);
        node_t *to = &(dij->nodes[edge->to]);
        const int cost = cur->cost + edge->cost;
        if (to->cost == -1) { // uzel to nebyl dosud navštíven
            to->cost = cost;
            to->parent = cur_label;
            pq_push(pq, edge->to, cost); // vložení vrcholu do fronty
        } else if (cost < to->cost) { // uzel již v pq, proto
            to->cost = cost; // testujeme cost
            to->parent = cur_label; // aktualizujeme odhad (parent)
            pq_update(pq, edge->to, cost); // a prioritní frontu pq
        }
    } // smyčka přes všechny hrany z uzelu cur_label
} // prioritní fronta je prázdna
pq_free(pq); // uvolníme paměť
```

lec12/dijkstra.c

Jan Faigl, 2018 B0B36PRP – Přednáška 12: Hlada a hledání nejkratších cest 38 / 50

Prioritní fronta haldou s push() a update()

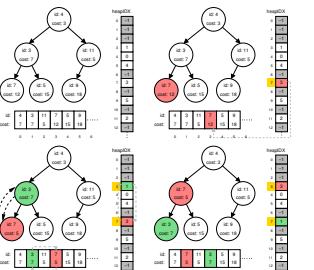
- Prioritní frontu implementujeme haldou reprezentovanou v poli
- Maximální počet prvků dopředu známe.*
- Halda zaručí složitost operací `push()` a `pop()`
- Oproti O(n) u jednoduché implementace prioritní fronty polem.*
- Je nutné udržovat vlastnosti haldy. Pro kontrolu zachování „heap property“ implementujeme rozhraní `pq_is_heap()`
- ```
_Bool pq_is_heap(void *heap, int n);
```
- lec12/graph\_search/pq\_heap.h*
- Pro zachování složitosti operací práce s haldou potřebujeme efektivně implementovat také funkci `update()`, tj. O(log n).
    - Potřebujeme znát pozici daného uzelu v haldě
- Zavedeme pomocné pole s index `heapIDX`*
- Při hledání nejkratších cest se délka cesty pouze snižuje
  - Proto se aktualizovaný „uzel“ může v haldě pohybovat pouze směrem nahoru
- Jedná se tak o identický postup jako při přidání nového prvku funkci push(). V tomto případě však prvek může startovat z prostředka stromu.*

Jan Faigl, 2018 B0B36PRP – Přednáška 12: Hlada a hledání nejkratších cest 42 / 50

## Příklad reprezentace haldy v poli a aktualizace ceny cesty

V haldě jsou uloženy délky dosud známých nejkratších cest pro vrcholy označené: 3, 4, 5, 7, 9, a 11.

- Při expanzi dalšího uzlu jsme našli kratší cestu do uzlu 7 s délkou 5.  
Zavoláme `update(id=7, cost=5)`
- Abychom mohli aktualizovat cenu v haldě, potřebujeme znát pozici uzlu v poli haldy.
- Proto vedle samotné haldy udržujeme pole, které je indexované číslem uzlu.
- Po aktualizaci ceny, není splněna vlastnost haldy. Provedeme záměnu.
- Při záměnu udržujeme nejen prvky v samotné haldě, ale také pole `heapIDX` s pozicemi vrcholů v poli haldy.



Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

43 / 50

## Další možnosti urychlení programu

- Kromě efektivní implementace prioritní fronty haldou, která je zásadní, lze běh programu dále urychlit
  - efektivnějším načítáním grafu
  - ukládáním řešení do souboru.

```
tgraph_search.s.tgs tdiijkstra -v g.s.ref dijkstra-pv g.s.pv
lec11/tgraph_search Dijkstra ver. 2.3.4 HW10 Reference solution
Load time ... 1252ms Load time 223ms Load time 235ms
Load time ... 1252ms Load time 715ms Load time 610 ms
Load time ... 625 ms Solve time ... 715ms Solve time ... 625 ms
Save time ... 431 ms Save time 106ms Save time 87 ms
Save time ... 431 ms Total time 904ms Total time 932ms
Total time ... 2308ms Total time 1044ms Total time 932ms
```

- HW10 – Soutěž v rychlosti programu – extra body navíc
  - Na odevzdání stačí opravit funkci `update()` případně využít binární načítání a ukládání z HW09.
  - Další urychlení lze dosáhnout lepší organizací paměti a datovými strukturami

*Jediný zásadní požadavek je implementace rozhraní dle lec12/dijkstra.h*

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

46 / 50

## Shrnutí přednášky

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

49 / 50

## Příklad implementace

- V `lec12/graph_search` je uveden příklad implementace hledání nejkratších cest s prioritní frontou realizovanou haldou
- Implementace funkce `update()` využívá pole `heapIDX` pro získání pozice prvku v haldě, záměrně je však splnění vlastnosti haldy realizováno vytvořením nové haldy s aktualizovanou cenou uzlu.

```
Bool pq_update(void *pq, int label, int cost)
{
 _Bool ret = false;
 pq_heap_s *pq = (pq_heap_s*)pq;
 pq->cost[pq->heapIDX[label]] = cost; // update the cost, but heap property is not satisfied
 // assert(pq_is_heap(pq, 0));

 pq_heap_s *pqBackup = (pq_heap_s*)pq_alloc(pq->size); //create backup of the heap
 pqBackup->len = pq->len;
 for (int i = 0; i < pq->len; ++i) { // backup the help
 pqBackup->cost[i] = pq->cost[i]; //just cost and labels
 pqBackup->label[i] = pq->label[i];
 }
 pq->len = 0; //clear all vertices in the current heap
 for (int i = 0; i < pqBackup->len; ++i) { //create new heap from the backup
 pq_push(pq, pqBackup->label[i], pqBackup->cost[i]);
 }
 pq_free(pqBackup); // release the queue
 ret = true;
 return ret;
}
```

**Šoučástí řešení 10. domácího úkolu je správná implementace funkce `update()`!**

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

44 / 50

## Část III

### Část 3 – Zadání 10. domácího úkolu (HW10)

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

47 / 50

## Diskutovaná téma

- Prioritní fronta
  - Příklad implementace spojovým seznamem  
`lec12/priority_queue-linked_list`
  - Příklad implementace polem  
`lec12/priority_queue-array`
- Halda – definice, vlastnosti a základní operace
- Reprezentace binárního plného stromu polem
- Prioritní fronta s haldou
- Hledání nejkratší cesty v grafu – využití prioritní fronty (resp. haldy)
- Příště: Systémy pro správu verzí.

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

50 / 50

## Příklad řešení a rychlosť výpočtu

- Po úpravě funkce `update()` získáme prioritní frontu se složitostí operací  $O(\log n)$  a vlastní výpočet bude relativně rychlý.
- Pro získání představy rychlosti výpočtu je v souboru `tgraph_search-time.c` volání dílčích funkcí modulu `dijkstra` s měřením reálného času (`make_time`). `lec12/graph_search-time.c` Alternativně lze řešit nástrojem `time` nebo Win platformu `lec12/bin/timeexec.exe`
- Vytvoříme graf o 1 mil. uzlů (acca 3 mil. hran) v souboru `/tmp/g`  
`./bin/tdijkstra -c 10000000 /tmp/g`

Verze s naivním `update()`

Upravená funkce `update()`

```
tgraph_search-time /tmp/g /tmp/s1 tgraph_search-time /tmp/g /tmp/s2
Load graph from /tmp/g Load graph from /tmp/g
Load time 1179ms Load time 1201ms
Save solution to /tmp/s1 Save solution to /tmp/s2
Save time ... 965875 ms Save time ... 620 ms
Save time ... 273 ms Save time ... 279 ms
Total time ... 967327ms Total time ... 2100ms
```

- Správnost řešení lze zkontrolovat program `tdijkstra`, např.  
`./bin/tdijkstra -t /tmp/g /tmp/s`

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

45 / 50

## Zadání 10. domácího úkolu HW10

**Téma:** Integrace načítání grafu a prioritní fronta v úloze hledání nejkratších cest

Povinné zadání: 3b; Volitelné zadání: 3b; Bonusové zadání: Soutěž o body

- **Motivace:** Větší programový celek, využití existujícího kódu a efektivní implementace programu
- **Cíl:** Osvojit si integraci existujících kódů do funkčního celku složeného z více souborů.
- **Zadání:** <https://cw.fel.cvut.cz/wiki/courses/b0b36ppr/hw/hw10>
  - Funkce `update()` pro efektivní použití prioritní fronty implementované haldou v úloze hledání nejkratší cest v grafu.
  - Volitelné zadání rozšiřuje binární načítání/ukládání grafu o specifikovaný binární formát, tj. rozšíření HW 09.
  - Bonusové zadání spočívá v efektivnosti implementace tak, aby byl výsledný kód co možná nejrychlejší.
- Termín odevzdání: 05.01.2019, 23:59:59 PST

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 12: Halda a hledání nejkratších cest

48 / 50