

# Stromy

Jan Faigl

Katedra počítačů  
Fakulta elektrotechnická  
České vysoké učení technické v Praze

Přednáška 10

## B0B36PRP – Procedurální programování

### Přehled témat

- Část 1 – Stromy

Stromy

Binární strom

Příklad binárního stromu v C

Stromové struktury

- Část 2 – Příklad načítání grafu, komplikace a projekt s více soubory

- Část 3 – Zadání 9. domácího úkolu (HW09)

## Část I

### Část 1 – Stromy

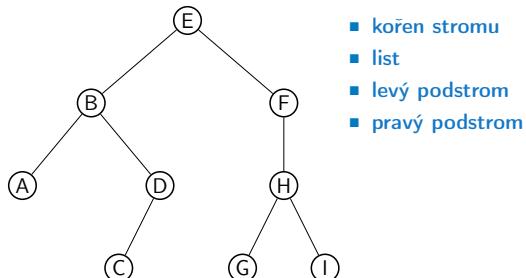
Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy

1 / 50

### Lineární a nelineární spojové struktury

- Spojové seznamy představují lineární spojovou strukturu  
*Každý prvek má nejvýše jednoho následníka*
- Nelineární spojové struktury (např. stromy)  
*Každý prvek může mít více následníků*
- **Binární strom:** každý prvek (uzel) má nejvýše dva následníky



- **koren stromu**
- **list**
- **levý podstrom**
- **pravý podstrom**

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy

5 / 50

### BST – tree\_insert() 1/2

- Při vložení prvku dynamicky alokujeme uzel pomocnou (lokální) funkcí, např. `newNode()`

```

static node_t* newNode(int value)
{
    node_t *node= (node_t*)malloc(sizeof(node_t));
    node->value = value;
    node->left = node->right = NULL;
    return node;
}
  
```

- Uvedením klíčového slova `static` je funkce viditelná pouze v modulu `tree-int.c`

### Binární strom

- Pro přehlednost uvažujeme datové položky uzelů stromu jako hodnoty typu `int`
- Uzel stromu reprezentujeme strukturou `node_t`

```

typedef struct node {
    int value;
    struct node *left;
    struct node *right;
} node_t;
  
```

- Strom je pak reprezentován kořenem stromu, ze kterého máme přístup k jednotlivým uzelům (potomci `left` a `right` a jejich potomci)

```
node_t *tree;
```

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy

9 / 50

### BST – tree\_insert() 2/2

- Vložení prvku – využijeme rekurezce a vkládáme na první volné vhodné místo, splňující podmítku BST.

*Binární vyhledávací strom nemusí být nutně vyvážený!*

```

node_t* tree_insert(int value, node_t *node)
{
    if (node == NULL) {
        return newNode(value); // vracíme nový uzel
    } else {
        if (value <= node->value) { // vložení do levého podstromu
            node->left = tree_insert(value, node->left);
        } else { // vložení do pravého podstromu
            node->right = tree_insert(value, node->right);
        }
        return node; // vracíme vstupní uzel!!!
    }
}
  
```

lec10/tree-int.c

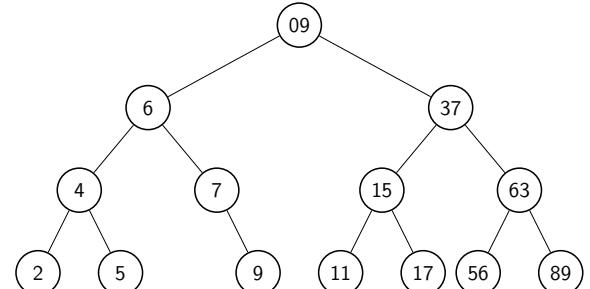
Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy

10 / 50

### Příklad – Binární vyhledávací strom

- Binární vyhledávací strom – Binary Search Tree (BST)
- Pro každý prvek (uzel) platí, že hodnota (`value`) potomka vlevo je menší (nebo `NULL`) a hodnota potomka vpravo je větší (nebo `NULL`)



Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy

3 / 50

### Průchod binárním vyhledávacím stromem

- Při hledání prvku konkrétní hodnoty se postupně zanorujeme hlouběji do stromu. Může nastat jedna z následujících situací:

*Např. hodnota value představuje klíč nějaké datové položky.*

1. Aktuální prvek má hledanou hodnotu klíče, hledání je ukončeno
2. Hodnota klíče je menší než hodnota aktuálního prvku, pokračujeme v hledání v další úrovni levého potomka
3. Hodnota klíče je větší než hodnota aktuálního prvku, pokračujeme v hledání v další úrovni pravého potomka
4. Aktuální prvek má hodnotu `null`, hledání je ukončeno, prvek ve stromu není

- Při průchodu stromem postupujeme rekursivně tak, že nejdříve navštěvujeme levé potomky a následně pak pravé potomky

*Pokud budeme při takovém průchodu vypisovat hodnoty v levém podstromu, pak hodnotu prvku a následně hodnoty v pravém podstromu, vypíšeme hodnoty uložené ve stromu uspořádaně (sestupně nebo vzestupně, podle toho jestli vlevo jsou prvky menší nebo větší).*

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy

11 / 50

Stromy	Binární strom	Příklad binárního stromu v C	Stromové struktury	Stromy	Binární strom	Příklad binárního stromu v C	Stromové struktury	Stromy	Binární strom	Příklad binárního stromu v C	Stromové struktury	
Binární strom celočíselných hodnot int				Příklad implementace tree_free()	void tree_free(node_t **tree)	{ if (tree && *tree) { node_t * node = *tree; if ( node->left ) { tree_free(&(node->left)); } if ( node->right ) { tree_free(&(node->right)); } free(*tree); *tree = NULL; // fill the tree variable // of tha calling function to NULL } }	lec10/tree-int.h	Příklad implementace tree_size() a tree_print()	■ Určení počtu prvků implementujeme rekurzí int tree_size(const node_t *const node) { if (node == NULL) { return 0; } return tree_size(node->left) + 1 + tree_size(node->right); }	Viz předchozí příklad	■ Podobně výpis hodnot void tree_print(const node_t *const node) { if (node) { tree_print(node->left); printf("%d ", node->value); tree_print(node->right); } }	lec10/tree-int.c

Jan Faigl, 2018	B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy	13 / 50	Jan Faigl, 2018	B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy	14 / 50	Jan Faigl, 2018	B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy	15 / 50			
Stromy	Binární strom	Příklad binárního stromu v C	Stromové struktury	Stromy	Binární strom	Příklad binárního stromu v C	Stromové struktury	Stromy	Binární strom	Příklad binárního stromu v C	Stromové struktury
Příklad použití – 1/3				Příklad použití – 3/3				Test vlastnosti binárního vyhledávacího stromu			

Jan Faigl, 2018	B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy	16 / 50	Jan Faigl, 2018	B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy	17 / 50	Jan Faigl, 2018	B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy	18 / 50			
Stromy	Binární strom	Příklad binárního stromu v C	Stromové struktury	Stromy	Binární strom	Příklad binárního stromu v C	Stromové struktury	Stromy	Binární strom	Příklad binárního stromu v C	Stromové struktury
Příklad implementace tree_is_bst() - 1/3				Příklad implementace tree_is_bst() - 2/3				Příklad implementace tree_is_bst() - 3/3			

Stromy	Binární strom	Příklad binárního stromu v C	Stromové struktury	Stromy	Binární strom	Příklad binárního stromu v C	Stromové struktury	Stromy	Binární strom	Příklad binárního stromu v C	Stromové struktury
Příklad implementace <code>tree_max_depth()</code>				Výpis hodnot v konkrétní hloubce stromu <code>printDepth()</code>				Příklad implementace výpisu stromu <code>tree_print_layers()</code>			
<ul style="list-style-type: none"> <li>Funkci implementujeme rekurzí</li> </ul> <pre>int tree_max_depth(const node_t *const node) {     if (node) {         const int left_depth = tree_max_depth(node-&gt;left);         const int right_depth = tree_max_depth(node-&gt;right);         return left_depth &gt; right_depth ?             left_depth + 1 :             right_depth + 1;     } else {         return 0;     } }</pre> <p style="text-align: right;">lec10/tree-int.c</p>		<ul style="list-style-type: none"> <li>Výpis konkrétní vrstvy (hloubky) provedeme rekurzivně lokální funkcí <code>printDepth()</code></li> </ul> <pre>static void printDepth(int depth, int cur_depth,                       const node_t *const node) {     if (depth == cur_depth) {         if (node) {             printf("%2d ", node-&gt;value);         } else {             printf(" - ");         }     } else if (node) {         printDepth(depth, cur_depth + 1, node-&gt;left);         printDepth(depth, cur_depth + 1, node-&gt;right);     } }</pre> <p style="text-align: right;">lec10/tree-int.c</p>		<ul style="list-style-type: none"> <li>Výpis hodnot po jednotlivých vrstvách (hloubce) implementujeme iteračně pro dílčí hloubky stromu</li> </ul> <pre>void tree_print_layers(const node_t *const node) {     const int depth = tree_max_depth(node);     for (int i = 0; i &lt;= depth; ++i) {         printDepth(i, 0, node);         printf("\n");     } }</pre> <p style="text-align: right;">lec10/tree-int.c</p>							

## Příklad použití `tree_print_layers()`

- Přidáme výpis a volání `tree_print_layers()`  
...  
`printf("Print tree by depth row\n");`  
`tree_print_layers(root);`  
...
  - Program spustíme bez a s argumentem `balance`

## Dílčí příklady použití jazykových konstrukcí v projektu

- Program složený z více souborů
  - Dynamická alokace paměti
  - Načítání souboru
  - Parsování čísel z textového souboru  
  - Měření času běhu programu
  - Řízení komplikace projektu složeného z více souborů `Makefile`

Příklad použití `tree_print_layers()` | Stromové struktury

- Stromové struktury jsou významné datové struktury pro vyhledávání *Složitost vyhledávání je úměrná hloubce stromu.*
  - Binární stromy – každý uzel má nejvýše dva následníky
    - Hloubku stromu lze snížit tzv. využíváním stromu
      - AVL stromy
      - Red-Black stromy
    - **Plný binární strom** – každý vnitřní uzel má dva potomky a všechny uzly jsou co nejvíce vlevo
      - Můžeme efektivně reprezentovat polem*Pro daný maximální počet uzlů, viz přednáška 11*
    - Lze použít pro efektivní implementaci prioritní fronty
      - Halda (heap) je základem řadícího algoritmu **Heap Sort**
  - Vícecestné stromy – např. B-strom (Bayer tree) pro ukládání uspořádaných záznamů

Jan Faigl, 2018 B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy 25 / 50 Jan Faigl, 2018

- Vytvořte program, který načte orientovaný graf definovaný posloupností hran
    - Graf je zapsán v textovém souboru
  - Navrhněte datovou strukturu pro reprezentaci grafu
  - Počet hran není dopředu znám
    - Zpravidla však budou na vstupu grafy s průměrným počtem hran 3n pro n vrcholů grafu.
  - Hrana je definována číslem vstupního a výstupního vrcholu a cenou (také celé číslo)
    - Ve vstupním souboru je každá hrana zapsaná samostatně na jednom řádku
    - Řádek má tvar:  
**from to cost**
      - kde **from**, **to** a **cost** jsou kladná celá čísla v rozsahu **int**
  - Pro načtení hodnot hran použijte pro zjednodušení funkci **fscanf()**
  - Program dále rozšířte o sofistikovanější, méně výpočetně náročné načítání

## implementace výpisu stromu print\_layers()

- Výpis hodnot po jednotlivých vrstvách (hloubce) implementujeme iteračně pro dílčí hloubky stromu

```
void tree_print_layers(const node_t *const node)
{
    const int depth = tree_max_depth(node);
    for (int i = 0; i <= depth; ++i) {
        printDepth(i, 0, node);
        printf("\n");
    }
}
```

Část II

## Část 2 – Příklad načítání grafu, komplikace a projekt s více soubory

## Pravidla překladu v gmake / make



Například jako v uvedené ukázce.

## Příklad – Makefile

- Definujeme pravidlo pro vytvoření souborů `.o` z `.c`
- Definice přeložených souborů vychází z aktuálních souborů v pracovním adresáři s koncovkou `.c`

```
CC:=ccache $(CC)
CFLAGS+=-O2

OBJS=$(patsubst %.c,%o,$(wildcard *.c))
TARGET=tload
bin: $(TARGET)

$(OBJS): %.o: %.c
    $(CC) -c $< $(CFLAGS) $(CPPFLAGS) -o $@

$(TARGET): $(OBJS)
    $(CC) $(OBJS) $(LDFLAGS) -o $@

clean:
    ccache
    $(RM) $(OBJS) $(TARGET)      CC=clang make vs CC=gcc make
make -j 4
```

### Při linkování záleží na pořadí souborů (knihoven)!

- Jednou z výhod dobrých pravidel je možnost paralelního překladu nezávislých cílů

make -j 4

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy

32 / 50

## Alokace paměti pro uložení grafu

- Testujeme úspěšnost alokace paměti—`assert()`
- Po alokaci nastavíme hodnoty proměnných na `NULL` a `0`

```
#include <assert.h>
#include <stdio.h>
#include <string.h>
#include <stdlib.h>

#include "graph.h"

graph_t* allocate_graph(void)
{
    graph_t *g = (graph_t*) malloc(sizeof(graph_t));
    assert(g != NULL);
    g->edges = NULL;
    g->num_edges = 0;
    g->capacity = 0;
    /* or we can call calloc */
    return g;
}
```

lec10/graph\_utils.c

- Alternativně můžeme použít funkci `calloc()`

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy

35 / 50

## Tisk hran grafu

- Pro tisk hran grafu využijeme pointerovou aritmetiku

```
void print_graph(graph_t *g)
{
    assert(g != NULL);
    fprintf(stderr, "Graph has %d edges and %d edges are
    allocated\n", g->num_edges, g->capacity);
    edge_t *e = g->edges;
    for (int i = 0; i < g->num_edges; ++i, e++) {
        printf("%d %d %d\n", e->from, e->to, e->cost);
    }
}
```

- Informace vypisujeme na standardní chybový výstup

- Graf tiskneme na standardní výstup

- Při tisku a přesměrování standardního výstupu tak v podstatě můžeme realizovat kopírování souboru s grafem

Např. `./tload -p g > g2`

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy

38 / 50

## Definice datové struktury grafu – graph.h

- Zavedeme nový typ datové struktury hrana—`edge_t`,
- který použijeme ve struktuře grafu—`graph_t`

```
#ifndef __GRAPH_H__
#define __GRAPH_H__

typedef struct {
    int from;
    int to;
    int cost;
} edge_t;

typedef struct {
    edge_t *edges;
    int num_edges;
    int capacity;
} graph_t;

#endif
```

lec10/graph.h

- Soubor budeme opakován vkládat (`include`) v ostatních zdrojových souborech, proto „zabírájeme“ opakování definic konstant preprocesoru `__GRAPH_H__`

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy

33 / 50

## Uvolnění paměti pro uložení grafu

- Testujeme validní hodnotu argumentu funkce—`assert()`

*Pokud se stane chyba, tak funkci v programu špatně voláme.*  
*Až program odladíme můžeme kompilovat s `NDEBUG`.*

```
void free_graph(graph_t **g)
{
    assert(g != NULL && *g != NULL);
    if ((*g)->capacity > 0) {
        free((*g)->edges);
    }
    free(*g);
    *g = NULL;
}
```

lec10/graph\_utils.c

- Po uvolnění paměti nastavíme hodnotu ukazatele na strukturu na hodnotu `NULL`

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy

36 / 50

## Hlavní funkce programu – main()

- V hlavní funkci zpracujeme předané argumenty programu
- V případě uvedení přepínače `-p` vytiskneme graf na `stdout`

```
int main(int argc, char *argv[])
{
    int ret = 0;
    int print = 0;
    char *fname;
    int c = 1;
    if (argc > 2 && strcmp(argv[c], "-p") == 0) {
        print = 1;
        c += 1;
    }
    fname = argc > 1 ? argv[c] : NULL;
    fprintf(stderr, "Load file '%s'\n", fname);
    graph_t *graph = allocate_graph();
    int e = load_graph_simple(fname, graph);
    fprintf(stderr, "Load %d edges\n", e);
    if (print) {
        print_graph(graph);
    }
    free_graph(&graph);
    return ret;
}
```

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy

39 / 50

## Pomocné funkce pro práci s grafem

- Alokaci/uvolnění grafu implementujeme v samostatných funkcích
- Při načítání grafu budeme potřebovat postupně zvyšovat paměť pro uložení načítaných hran
- Proto využijeme dynamické alokace paměti pro „*nafukování*“ paměti pro uložení hran grafu—`enlarge_graph()` o nějakou definovanou velikost

```
#ifndef __GRAPH_UTILS_H__
#define __GRAPH_UTILS_H__

#include "graph.h"

graph_t* allocate_graph(void);
void free_graph(graph_t **g);
graph_t* enlarge_graph(graph_t *g);
void print_graph(graph_t *g);

#endif
```

lec10/graph\_utils.h

## Zvětšení paměti pro uložení hran grafu

- V případě nulové velikosti alokujme paměť pro `INIT_SIZE` hran
- `INIT_SIZE` můžeme definovat při překladu, jinak výchozí hodnota 10 např. `clang -D INIT_SIZE=90 -c graph_utils.c`

```
#ifndef INIT_SIZE
#define INIT_SIZE 10
#endif

graph_t* enlarge_graph(graph_t *g)
{
    assert(g != NULL);
    int n = g->capacity == 0 ? INIT_SIZE : g->capacity * 2;
    /* double the memory */
    edge_t *e = (edge_t*)malloc(n * sizeof(edge_t));
    memcpy(e, g->edges, g->num_edges * sizeof(edge_t));
    free(g->edges);
    g->edges = e;
    g->capacity = n;
    return g;
}
```

lec10/graph\_utils.c

- Místo alokace nového bloku paměti `malloc()` a kopírování původního obsahu můžeme jednoduše použít funkci `realloc()`

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy

37 / 50

## Jednoduché načtení grafu – deklarace

- Prototyp funkce uvedeme v hlavičkovém souboru—`load_simple.h`

```
#ifndef __LOAD_SIMPLE_H__
#define __LOAD_SIMPLE_H__

#include "graph.h"

int load_graph_simple(const char *fname, graph_t *g);

#endif
```

- Vkládáme pouze soubor `graph.h`—pro definici typu `graph_t`

*Snažíme se zbytečně nevkládat nepoužívané soubory*

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy

40 / 50

## Jednoduché načtení grafu – implementace 1/2

- Používáme funkci `enlarge_graph()`, proto vkládáme `graph_utils.h`
- ```
#include <stdio.h>
#include "graph_utils.h"
#include "load_simple.h"

int load_graph_simple(const char *fname, graph_t *g)
{
    int c = 0;
    int exit = 0;
    FILE *f = fopen(fname, "r");
    while (!feof(f) && g->num_edges < g->capacity) {
        if (g->num_edges == g->capacity) {
            enlarge_graph(g);
        }
        edge_t *e = g->edges + g->num_edges;
        while (!feof(f) && g->num_edges < g->capacity) {
            /* read and parse a single line -> NEXT SLIDE! */
        }
    }
    fclose(f);
    return c;
}

■ load_simple.h vkládat nemusíme, obsahuje pouze prototyp funkce
■ Obecně je to však dobrý zvykem nebo nutností (definice typů)
```

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy

41 / 50

## Jednoduché načtení grafu – implementace 2/2

- Pro načtení řádku s definicí hrany použijeme funkci `fscanf()`
- ```
while (!feof(f) && g->num_edges < g->capacity) {
    int r = fscanf(f, "%d %d %d\n",
                   &(e->from), &(e->to), &(e->cost));
    if (r == 3) {
        g->num_edges += 1;
        c += 1; /* pocet nactenych hran */
        e += 1; /* posun ukazatele grafu o sizeof(edge_t) */
    } else {
        exit = 1; /* neco je spatne ukoncujeme naciteni */
        break;
    }
}
```
- Kontrolujeme počet přečtených parametrů a až pak zvyšujeme počet hran v grafu

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy

41 / 50

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy

42 / 50

## Spuštění programu 2/3

- Příznakem `-p` a přesměrováním standardního výstupu můžeme vytisknout graph do souboru  
*V podstatě vstupní soubor zkopírujeme.*

```
% time ./tload -p g > g2
Load file 'g'
Load 2998898 edges
Graph has 2998898 edges and 5242880 edges are allocated
./tload -p g > g2 2.09s user 0.07s system 99% cpu 2.158
total
% md5 g g2
MD5 (g) = d969461a457e086bc8ae08b5e9cce097
MD5 (g2) = d969461a457e086bc8ae08b5e9cce097
```

- Čas běhu programu je přibližně dvojnásobný
- Oba soubory se zdají být z otisku `md5` identické

*Na Linuxu `md5sum` případně lze použít otisk `sha1`, `sha256` nebo `sha512`*

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy

44 / 50

## Spuštění programu 3/3

- Implementaci sofistikovanějšího načítání

```
% /usr/bin/time ./tload g
Load file 'g'
Load 2998898 edges
0.19 real 0.16 user 0.03 sys
```

- Ize získat výrazně rychlejší načítání

```
% /usr/bin/time ./tload g
Load file 'g'
Load 2998898 edges
1.15 real 1.05 user 0.10 sys
```

## Zadání 9. domácího úkolu HW09

### Téma: Načítání a ukládání grafu

Povinné zadání: **3b**; Volitelné zadání: **2b**; Bonusové zadání: **není**

- **Motivace:** Práce se soubory a binární reprezentace dat
- **Cíl:** Osvojit si načítání a ukládání souborů a prohlubit si zkušenosti s dynamickým alokováním paměti
- **Zadání:** <https://cw.fel.cvut.cz/wiki/courses/b0b36prp/hw/hw09>
  - Implementace načítání a ukládání datových struktur reprezentující graf a to jak v lidsky čitelné podobě textového souboru, tak v efektivní binární formátu.
  - **Volitelné zadání** je zaměřeno na využití definovaného textového formátu s cílem vytvořit specifickou efektivní implementaci textového načítání/ukládání z/do textového souboru.  
*Ná úkor obecnosti, lze vytvořit specifický „parser/printer“ a vyhnout se tak použití obecné funkce `fscanf()`/`fprintf()` a realizovat výrazně rychlejší načítání a zápis textového souboru.*
- **Termín odevzdání:** **22.12.2018, 23:59:59 PST**

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy

45 / 50

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy

45 / 50

## Spuštění programu 1/3

- Nechť máme soubor `g` definující graf o 1 000 000 uzlech, například vytvořený programem `lec11/graph_creator/graph_creator.c`  
*Velikost souboru cca 62 MB (příkaz `du -disk usage`)*

```
% du g
62M g
% ./tload g
Load file 'g'
Load 2998898 edges
% time ./tload g
Load file 'g'
Load 2998898 edges
./tload g 1.12s user 0.03s system 99% cpu 1.151 total
```

- Příkazem `time` můžeme změřit potřebný čas běhu programu  
*strojový, systémový a reálný*

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy

43 / 50

## Jak a za jakou cenu zrychlit načítání seznamu hran

- Zrychlit načítání můžeme přijmutím předpokladů o vstupu
- Při použití `fscanf()` je nejdříve načítán řetězec (řádek) pak řetězec reprezentující číslo a následně je parsováno číslo
- Převod na číslo je napsán obecně
- Můžeme použít postupné „bufferované“ načítání
- Převod na číslo můžeme realizovat přímo po přečtení tokenu
- parsováním znaků (číslic) načtené posloupnosti bytů v obráceném pořadí
- Můžeme získat výrazně rychlejší kód, který je však komplexnější a pravděpodobně méně obecný

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy

46 / 50

## Část III

### Část 2 – Zadání 9. domácího úkolu (HW09)

## Shrnutí přednášky

Diskutovaná téma

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy

47 / 50

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy

48 / 50

Jan Faigl, 2018

B0B36PRP – Přednáška 10: Stromy

49 / 50

## Diskutovaná téma

- Stromy – nelineární spojové struktury
- Binární vyhledávací strom
- Vyhledání prvku a průchod stromem (rekurzí)
- Rekurzivní uvolnění paměti alokované stromem
- Test splnění vlastnosti binárního vyhledávacího stromu
- Hloubka stromu a výpis stromu po úrovních
- Příklad jednoduchého binárního vyhledávacího stromu s položkami typu `int` lec10/tree
- Plný binární strom a jeho reprezentace
- Makefile
- Příklad načtení stromu jako seznamu hran lec10/graph\_load
- Příště abstraktní datový typ (ADT) (Příště)