

A6M33SSL: Domácí úloha: DU8

Varianta: mladearn

1. [prst_clv_coin, 0.200 b.] Chceme posoudit, zda máme férovou minci. Chystáme se s ní n -krát hodit a počítat počet líců.

- Určete nejmenší interval ve tvaru $[n/2 - e, n/2 + e]$, v němž se počet líců bude nacházet s pravděpodobností alespoň $P = 1 - a$, pokud by mince byla férová. (Výsledek e uveďte jako celé číslo.)
- Po provedení n hodů jsme napočítali m líců. Určete interval spolehlivosti $\langle d, h \rangle$ pro pravděpodobnost, že na minci padne líc.
- Rozhodněte, zda můžete zamítnout H_0 , že mince je férová (pak do JSON souboru uveďte výsledek "z": "ano"), nebo nemůžete (JSON: "z": "ne").

Parametry: $n = 280$, $m = 72$, $a = 0.05$

Požadované výsledky: e, d, h, z

2. [stat_test_tobacco, 0.200 b.] Tabáková firma TAB prohlašuje, že jejich cigarety mají nižší obsah nikotinu než cigarety NIK. Pro ověření tohoto prohlášení bylo náhodně vybráno z produkce TAB n_1 krabiček cigaret (po 20 kusech) a v nich bylo zjištěno průměrně na 1 cigaretu $\bar{x}_1 = m_1$ mg nikotinu se směrodatnou odchylkou $s_{x_1} = s_1$ mg, zatímco v n_2 krabičkách cigaret NIK jsme zjistili průměrně $\bar{x}_2 = m_2$ mg nikotinu se směrodatnou odchylkou $s_{x_2} = s_2$ mg na cigaretu. Ověřte tvrzení firmy TAB na hladině významnosti $\alpha = a$.

- Určete sdružený odhad sm. odch. s_p za předpokladu H_0 .
- Určete hodnotu testové statistiky t tak, aby vyšší hodnoty t svědčily pro alternativní hypotézu.
- Určete kritickou hodnotu testu k pro $\alpha = a$.
- Rozhodněte, zda můžete zamítnout H_0 (pak do JSON souboru uveďte výsledek "z": "ano"), nebo nemůžete (JSON: "z": "ne").

Parametry: $n_1 = 20$, $n_2 = 10$, $m_1 = 43.3$, $m_2 = 55.1$, $s_1 = 4.0$, $s_2 = 3.6$, $a = 0.001$

Požadované výsledky: s_p, t, k, z

3. [stat_test_jogging, 0.200 b.] Zjišťujeme, zda běhání vede ke snížení tepové frekvence o více než 1 úder za minutu. Našli jsme n dobrovolníků, kteří dosud pravidelně neběhali a kteří se zapojili do měsíčního programu zvyšování kondice běháním. Změřili jsme jim tepovou frekvenci v klidovém stavu před absolvováním programu (x) a po něm (y).

- Určete hodnotu testové statistiky t s tím, že snížení tepové frekvence bude bráno jako kladná hodnota.
- Určete kritickou hodnotu testu k pro $\alpha = a$.
- Rozhodněte, zda můžete zamítnout H_0 , že běhání nesnižuje tepovou frekvenci (pak do JSON souboru uveďte výsledek "z": "ano"), nebo nemůžete (JSON: "z": "ne").

Parametry: $x = [73, 91, 73, 92, 75, 78]$, $y = [64, 91, 65, 84, 78, 81]$, $a = 0.005$

Požadované výsledky: t, k, z

4. [stat_test_parties, 0.200 b.] Objednali jsme si průzkum volebních preferencí 3 nejsilnějších stran A, B, C u 2 různých společností. Od obou společností jsme dostali výsledky (x a y) jako čtveřici čísel, kde první až třetí číslo je počet respondentů preferujících stranu A, B, nebo C, čtvrté číslo je pak počet respondentů, kteří by volili nějakou jinou stranu. Pro $\alpha = a$ ověřte, zda oba výběry mohou pocházet z téhož rozdělení.
- a) Odhadněte preference p_1, p_2, p_3 tří nejsilnějších stran. (Výsledek uveďte jako reálné číslo, nikoli jako procenta.)
 - b) Určete hodnotu testové statistiky t .
 - c) Určete kritickou hodnotu testu k pro $\alpha = a$.
 - d) Rozhodněte, zda můžete zamítnout H_0 (pak do JSON souboru uveďte výsledek "z": "ano"), nebo nemůžete (JSON: "z": "ne").

Parametry: $x = [222, 221, 163, 300]$, $y = [373, 316, 195, 459]$, $a = 0.001$

Požadované výsledky: p_1, p_2, p_3, t, k, z

5. [stat_test_lactacid, 0.200 b.] Měříme koncentrace kyseliny mléčné [mg/dl] v krvi matek (X) a novorozenců (Y). Máme k dispozici realizaci náhodného výběru z dvourozměrného rozdělení (X, Y) . Pro $\alpha = a$ posuďte, zda jsou veličiny X a Y korelované.
- a) Vypočtete výběrové směrodatné odchylky s_x a s_y .
 - b) Vypočtete výběrový koeficient kovariance c .
 - c) Vypočtete výběrový koeficient korelace r .
 - d) Určete hodnotu testové statistiky t .
 - e) Pro $\alpha = a$ určete kritickou hodnotu testu k .
 - f) Rozhodněte, zda můžete zamítnout H_0 , že veličiny nejsou korelované (pak do JSON souboru uveďte výsledek "z": "ano"), nebo nemůžete (JSON: "z": "ne")

Parametry: $x = [44, 42, 43, 60, 18, 43]$, $y = [48, 46, 53, 54, 18, 43]$, $a = 0.005$

Požadované výsledky: s_x, s_y, c, r, t, k, z