

- **Příklad: 1. [1 bod]** Studenti předmětu SSL dlouhodobě pozorovali poruchy nápojových automatů a došli k závěru, že jejich intenzita poruch je dána rovnicí

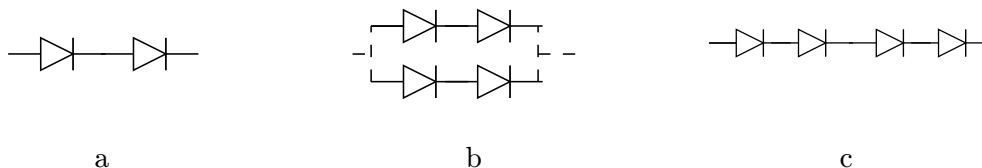
$$\lambda(t) = \lambda_0 + kt,$$

kde  $\lambda_0 > 0$  a  $k \geq 0$  jsou parametry a  $t$  je čas.

**Odvoďte pravděpodobnost bezporuchového provozu  $R(t)$  pro uvedenou intenzitu poruch.**

- **Příklad: 2. [1 bod]** Pro intenzitu poruch z předchozího příkladu odvoďte hustotu pravděpodobnosti.

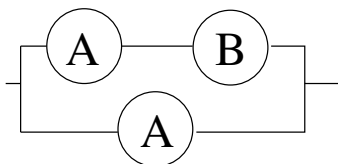
- **Příklad: 3. [4 body]** Soustava na Obr. 1a je složena ze dvou třístavových diod. Obě diody jsou stejné a jejich parametry jsou:  $p_z = 0.9$ ,  $p_p = 0.01$ . **Je lepší pro zvýšení spolehlivosti provést zálohu této soustavy paralelně (Obr. 1b) nebo sériově (Obr. 1c)? Zdůvodněte výpočtem.**



Obrázek 1:

- **Příklad: 4. [4 body]**

Soustava na Obr. 2 je složena z prvků  $A$  a  $B$ . Prvky  $A$  podléhají exponenciálnímu rozdělení poruch s parametrem  $\lambda = 0.02$  a prvky  $B$  podléhají Rayleighovu rozdělení s parametrem  $k = 0.01$ .



Obrázek 2:

**Jaká je pravděpodobnost bezporuchového provozu soustavy v čase  $t = 10$ ?**

- **Příklad: 1. [2 body]** Studenti předmětu SSL navrhli takové rozložení chyb, že jejich intenzita poruch je

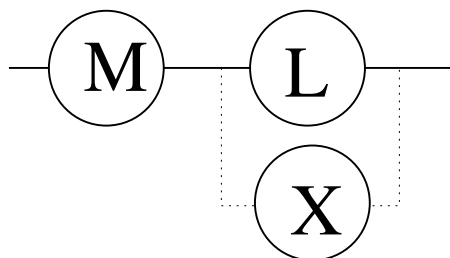
$$\lambda(t) = \lambda_0 + kt,$$

kde  $\lambda_0 > 0$  a  $k \geq 0$  jsou parametry a  $t$  je čas.

**Odvodte hustotu pravděpodobnosti tohoto rozdělení.**

- **Příklad: 2. [1 bod]** Uvažujme rozložení chyb z předchozího příkladu. **V jakém čase je pravděpodobnost bezporuchového provozu rovna 0.5 ?**

- **Příklad: 3. [3 body]** Výtahová kabina je upevněna na lanu  $L$ , které je poháněno motorem  $M$ . Z hlediska spolehlivosti se jedná o sériovou soustavu znázorněnou na Obr. 1. Poruchy motoru  $M$  podléhají exponenciálnímu rozdělení s parametrem  $\lambda_M = 0.001$  a poruchy lana podléhají Rayleighovu rozdělení s parametrem  $k_L = 10^{-4}$ .



Obrázek 1:

**Jaká je spolehlivost této soustavy v čase  $t=100$ ?**

- **Příklad: 4. [4 body]** Uvažujme soustavu z předchozího Obr. 1. Neznámý opravář navrhuje pro zvýšení spolehlivosti soustavy připojit kabinu na další lano  $X$ , jehož intenzita poruch je dána Rayleighovým rozdělením s parametrem  $k_X$ .

**Jaká musí být hodnota parametru  $k_X$ , aby pravděpodobnost bezporuchového provozu soustavy (tj. soustavy se všemi třemi prvky) byla v čase  $t = 50$  alespoň 0.9?** Odpověď zdůvodněte výpočtem.

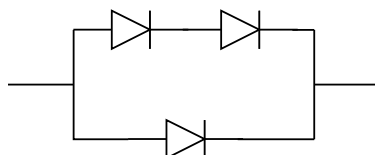
- **Příklad: 1. [1 bod]** Studenti předmětu SSL dlouhodobě pozorovali poruchy nápojových automatů a došli k závěru, že jejich intenzita poruch je dána rovnicí

$$\lambda(t) = \lambda(1 + t)$$

kde  $\lambda > 0$  je parametr rozdělení a  $t$  je čas.

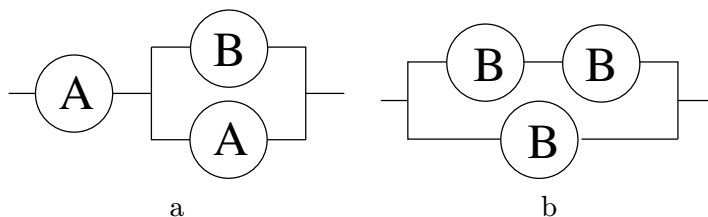
**Odvoďte pravděpodobnost bezporuchového provozu  $R(t)$  pro uvedenou intenzitu poruch.**

- **Příklad: 2. [2 body]** Určete  $\lambda$  tak, aby  $R(20) = 0.8$ .
- **Příklad: 3. [3 body]** Vypočítejte pravděpodobnost toho, že se obvod na Obr. 1 chová jako dioda. Parametry všech diod jsou stejné:  $p_p = 0.7$  a  $p_z = 0.1$ .



Obrázek 1:

- **Příklad: 4. [4 body]**  
Soustavy na Obr. 2a,b jsou složeny z prvků  $A$  a  $B$ . Prvky  $A$  podléhají exponenciálnímu rozdělení poruch s parametrem  $\lambda$  a prvky  $B$  podléhají Rayleighovu rozdělení s parametrem  $k = 0.1$ .



Obrázek 2:

**Jaká musí být hodnota  $\lambda$ , aby pravděpodobnost bezporuchového provozu soustavy v čase  $t = 10$  byla pro obě soustavy stejná?**